

کتاب‌های  
سه‌بعدی

آموزش کامل + تمرین + پرسش‌های چهارگزینه‌ای



# فیزیک ۱ (دهم)

ویراست دوم

ویژه رشته ریاضی

رضا خالو، سیروس یعقوبی، امیرعلی میری



مطابق با آخرین  
تغییرات کتاب درسی

ادی  
نترالگو

## پیشگفتار

### ویراست دوه

به نام خدا

دانشآموزان عزیز،

سلام

امسال اولین بار است که در درس‌های خود با کتابی مستقل با نام «فیزیک» روبرو شده‌اید. البته اگر به سابقه درس‌های علوم دوره اول متوسطه برگردید، می‌بینید که کلمه فیزیک خیلی هم جدید نیست و حتماً حدس می‌زنید که باز هم چیزهایی درباره انرژی، گرانش، گرما، فشار و... خواهید خواند که البته پیش‌بینی درستی است. اما دوره دوم متوسطه تفاوتی مهم دارد؛ در اینجا مطالب و مفاهیم فیزیکی با دقت بیشتری مطرح شده و علاوه بر آن نقش محاسبات ریاضی بسیار بیشتر و پررنگ‌تر از کتاب‌های علوم پیشین است. اگر به این‌ها، سهم زیاد درس فیزیک در موقوفیت در آزمون‌های ورودی دانشگاه‌ها را هم بیفزایید، خود به خود به تمرین بیشتر و جدی‌تر درس فیزیک و مطالعه کتاب‌هایی که نقاط مبهم کتاب درسی را آموزش داده باشند علاقه‌مند خواهید شد.

کتابی که در دست شماست، از مجموعه کتاب‌های سه‌بعدی نشر الگو است، یعنی بر سه بعد آموزش کامل و مفصل، تمرین‌های تشریحی و پرسش‌های چهارگزینه‌ای استوار است. این سه بعد را مرور می‌کنیم.

#### ۱- درس‌نامه

ما سعی کرده‌ایم که تمام مطالب این کتاب متناسب با آخرین تغییرات کتاب درسی آموزش و پرورش باشد. در هر فصل همه مفاهیم، تعریف‌ها، اصطلاحات و نمادها را مطابق کتاب درسی تنظیم کرده‌ایم. مطالب هر فصل به ترتیب کتاب درسی آمده است و تمام نکات مربوط به هر موضوع به کمک توضیحات ضروری، پرسش‌های مفهومی و مثال‌های متعدد تشریحی و تستی مطرح شده‌اند. نکات مهم آزمایش‌ها نیز از نظر ما دور نمانده و به صورت شکل، سؤال یا تست مطرح شده است. دقت کنید که کتاب درسی فیزیک پایه دهم پر از نکاتی است که معمولاً از دید دانش‌آموزان پنهان می‌ماند. به همین دلیل مطالعه کامل بخش درسنامه کتاب سه‌بعدی را برای فهم کامل‌تر درس و درک نکات پنهان بسیار لازم می‌دانیم. البته تأکید می‌کنیم که قدم اول برای مسلط شدن بر درس فیزیک، مطالعه دقیق کتاب درسی است.

## ۲- تمرین‌های تشریحی

در هر فصل پس از بخش درسنامه، پرسش‌ها و سؤالاتی به تعداد کافی با چینش آموزشی از آسان به سخت طرح کرده‌ایم. تمام نکات، حتی ریزترین آن‌ها مرور شده‌اند و با حل این تمرین‌ها دیگر مشکلی در درس نخواهید داشت. توصیه می‌کنیم برای حل کردن تمرین‌ها وقت کافی بگذارید و سریع به سراغ پاسخ تشریحی آن‌ها نروید که هیچ‌گاه با حفظ کردن مطالب به درس فیزیک مسلط نخواهید شد.

## ۳- پرسش‌های چهارگزینه‌ای

در پایان هر فصل مجموعه تستی آورده‌ایم که برای آشنایی شما با تست‌های کنکور و آزمون‌های دیگر بسیار مفید است. شما پس از درک عمیق درس فیزیک از طریق بخش‌های قبلی، باید بر مهارت، سرعت و دقت خود در حل تست‌ها بیفزایید که اولین گام آن حل این بخش است.

## ۴- در انتهای کتاب دو آزمون جامع برای خودآزمایی دانش‌آموز ارائه شده است.

نکته مهم دیگری که باید بیان شود این است که در کتاب درسی انرژی پتانسیل کشسانی با شکل توضیح داده شده است و مسئله‌ای از آن ارائه نشده است اما به دلیل اهمیت آن در فصل نوسان فیزیک ۳ پایه دوازدهم تعدادی مسئله و تست در حد دانش‌آموز پایه دهم در کتاب ارائه شده است.

در مبحث نیروی شناوری به مسائلی که بتوان به کمک مفاهیم کتاب درسی به آن پاسخ داد بسته کرده‌ایم.

در این ویراست تغییراتی در محتوای مطالب درسنامه در جهت ارتقای کیفیت کتاب اعمال شده است. همچنین تعداد زیادی تمرین تشریحی و پرسش چهارگزینه‌ای به کتاب اضافه شده است.

ما مؤلفان این کتاب از خانم‌ها زهره نوری و زهراء میدوار برای مطالعه و ویرایش کتاب، خانم سکینه مختار مسئول واحد ویراستاری و حروف‌چینی انتشارات الگو و خانم‌ها فاطمه احمدی و شیما هاشمی برای صفحه‌آرایی کتاب و تمامی کارکنان نشر الگو که در به ثمر رسیدن این کتاب نقش داشته‌اند سپاسگزاریم.

در پایان از تمامی همکاران و دانش‌آموزان گرامی خواهشمندیم پیشنهادها و انتقادات خود را از طریق سایت نشر الگو به نشانی www.olgoobooks.ir با ما در میان بگذارند.

## فهرست

۶۵	بخش دوم (قسمت دوم): فشار شاردها
۶۹	تمرین‌های تشریحی بخش دوم (قسمت دوم)
۷۱	پرسش‌های چهارگزینه‌ای بخش دوم (قسمت دوم)
۷۵	بخش دوم (قسمت سوم): فشار جو
۷۹	تمرین‌های تشریحی بخش دوم (قسمت سوم)
۸۱	پرسش‌های چهارگزینه‌ای بخش دوم (قسمت سوم)
۸۳	بخش دوم (قسمت چهارم): لوله‌های U شکل
۸۶	تمرین‌های تشریحی بخش دوم (قسمت چهارم)
۸۸	پرسش‌های چهارگزینه‌ای بخش دوم (قسمت چهارم)
۸۹	بخش دوم (قسمت پنجم): فشارسنج (مانومتر)
۹۳	تمرین‌های تشریحی بخش دوم (قسمت پنجم)
۹۴	پرسش‌های چهارگزینه‌ای بخش دوم (قسمت پنجم)
۹۶	بخش دوم (قسمت ششم): یادآوری اصل پاسکال
۱۰۰	تمرین‌های تشریحی بخش دوم (قسمت ششم)
۱۰۰	پرسش‌های چهارگزینه‌ای بخش دوم (قسمت ششم)
۱۰۲	بخش سوم: شناوری
۱۰۵	تمرین‌های تشریحی بخش سوم
۱۰۷	پرسش‌های چهارگزینه‌ای بخش سوم
۱۰۹	بخش چهارم: برنولی
۱۱۲	تمرین‌های تشریحی بخش چهارم
۱۱۳	پرسش‌های چهارگزینه‌ای بخش چهارم
۱۱۵	آزمون تشریحی
۱۱۷	آزمون تستی
۱۱۹	پاسخ تمرین‌های تشریحی
۱۲۴	پاسخ پرسش‌های چهارگزینه‌ای

## فصل اول: فیزیک و اندازه‌گیری

۲	بخش اول: فیزیک دانش بنیادی، مدل‌سازی و انواع کمیت‌ها
۶	تمرین‌های تشریحی بخش اول
۸	پرسش‌های چهارگزینه‌ای بخش اول
۱۰	بخش دوم: تبدیل یکا و سازگاری یکاهای
۱۵	تمرین‌های تشریحی بخش دوم
۱۷	پرسش‌های چهارگزینه‌ای بخش دوم
۱۹	بخش سوم: اندازه‌گیری و دقیق وسیله‌های اندازه‌گیری
۲۱	تمرین‌های تشریحی بخش سوم
۲۳	پرسش‌های چهارگزینه‌ای بخش سوم
۲۴	بخش چهارم: چگالی
۲۸	تمرین‌های تشریحی بخش چهارم
۳۰	پرسش‌های چهارگزینه‌ای بخش چهارم
۳۳	آزمون تشریحی
۳۴	آزمون تستی
۳۵	پاسخ تمرین‌های تشریحی
۴۴	پاسخ پرسش‌های چهارگزینه‌ای

## فصل دوم: ویژگی فیزیکی مواد

۵۲	بخش اول: حالت‌های ماده
۵۷	تمرین‌های تشریحی بخش اول
۵۹	پرسش‌های چهارگزینه‌ای بخش اول
۶۱	بخش دوم (قسمت اول): فشار جامدها
۶۳	تمرین‌های تشریحی بخش دوم (قسمت اول)
۶۴	پرسش‌های چهارگزینه‌ای بخش دوم (قسمت اول)

## ● فصل چهارم: دما و گرما

بخش اول (قسمت اول): دما و دماسنجه	۲۵۶
تمرین‌های تشریحی بخش اول (قسمت اول)	۲۶۰
پرسش‌های چهارگزینه‌ای بخش اول (قسمت اول)	۲۶۱
بخش اول (قسمت دوم): انبساط گرمایی	۲۶۲
تمرین‌های تشریحی بخش اول (قسمت دوم)	۲۷۰
پرسش‌های چهارگزینه‌ای بخش اول (قسمت دوم)	۲۷۳
بخش دوم (قسمت اول): گرما	۲۷۷
تمرین‌های تشریحی بخش دوم (قسمت اول)	۲۸۳
پرسش‌های چهارگزینه‌ای بخش دوم (قسمت اول)	۲۸۷
بخش دوم (قسمت دوم): حالت‌های ماده	۲۹۰
تمرین‌های تشریحی بخش دوم (قسمت دوم)	۳۰۰
پرسش‌های چهارگزینه‌ای بخش دوم (قسمت دوم)	۳۰۲
بخش دوم (قسمت سوم): روش‌های انتقال گرما	۳۰۶
تمرین‌های تشریحی بخش دوم (قسمت سوم)	۳۱۰
پرسش‌های چهارگزینه‌ای بخش دوم (قسمت سوم)	۳۱۱
بخش سوم: گازهای آرمانی	۳۱۳
تمرین‌های تشریحی بخش سوم	۳۲۰
پرسش‌های چهارگزینه‌ای بخش سوم	۳۲۴
آزمون تشریحی	۳۲۸
آزمون تستی	۳۳۰
پاسخ تمرین‌های تشریحی	۳۳۲
پاسخ پرسش‌های چهارگزینه‌ای	۳۵۲

## ● فصل سوم: کار، انرژی و توان

بخش اول: انرژی جنبشی	۱۴۸
تمرین‌های تشریحی بخش اول	۱۵۰
پرسش‌های چهارگزینه‌ای بخش اول	۱۵۱
بخش دوم: کار	۱۵۳
تمرین‌های تشریحی بخش دوم	۱۶۱
پرسش‌های چهارگزینه‌ای بخش دوم	۱۶۴
بخش سوم: کار و انرژی جنبشی	۱۶۶
تمرین‌های تشریحی بخش سوم	۱۷۲
پرسش‌های چهارگزینه‌ای بخش سوم	۱۷۴
بخش چهارم: انرژی پتانسیل	۱۷۷
تمرین‌های تشریحی بخش چهارم	۱۸۱
پرسش‌های چهارگزینه‌ای بخش چهارم	۱۸۲
بخش پنجم: انرژی مکانیکی	۱۸۳
تمرین‌های تشریحی بخش پنجم	۱۹۰
پرسش‌های چهارگزینه‌ای بخش پنجم	۱۹۴
بخش ششم: کار و انرژی درونی	۱۹۸
تمرین‌های تشریحی بخش ششم	۲۰۴
پرسش‌های چهارگزینه‌ای بخش ششم	۲۰۷
بخش هفتم: توان	۲۱۰
تمرین‌های تشریحی بخش هفتم	۲۱۳
پرسش‌های چهارگزینه‌ای بخش هفتم	۲۱۴
آزمون تشریحی	۲۱۶
آزمون تستی	۲۱۸
پاسخ تمرین‌های تشریحی	۲۲۰
پاسخ پرسش‌های چهارگزینه‌ای	۲۴۲

## فصل پنجم: ترمودینامیک

بخش اول: معادله حالت - انرژی درونی و قانون اول ترمودینامیک	۳۷۰
تمرین‌های تشریحی بخش اول	۳۷۳
پرسش‌های چهارگزینه‌ای بخش اول	۳۷۵
بخش دوم: برخی از فرایندهای ترمودینامیکی	۳۷۷
تمرین‌های تشریحی بخش دوم	۳۸۲
پرسش‌های چهارگزینه‌ای بخش دوم	۳۸۳
بخش سوم: فرایند همدما - فرایند بی دررو	۳۸۶
تمرین‌های تشریحی بخش سوم	۳۹۳
پرسش‌های چهارگزینه‌ای بخش سوم	۳۹۷
بخش چهارم: چرخه ترمودینامیکی	۴۰۱
تمرین‌های تشریحی بخش چهارم	۴۰۴
پرسش‌های چهارگزینه‌ای بخش چهارم	۴۰۷
بخش پنجم: ماشین‌های گرمایی - قانون دوم ترمودینامیک	۴۰۹
تمرین‌های تشریحی بخش پنجم	۴۱۵
پرسش‌های چهارگزینه‌ای بخش پنجم	۴۱۷
آزمون تشریحی	۴۲۰
آزمون تستی	۴۲۲
پاسخ تمرین‌های تشریحی	۴۲۴
پاسخ پرسش‌های چهارگزینه‌ای	۴۳۶
آزمون جامع ۱	۴۴۸
آزمون جامع ۲	۴۵۰
کنکور ۹۸	۴۵۲
پاسخنامه کلیدی	۴۵۵



## فصل ۴ دما و گرمایش

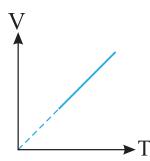
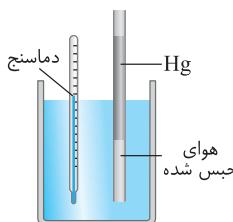
### بخش سوم: قانون گازهای آرامانی

اگر گازی به اندازه کافی رقیق باشد، یعنی برخورد و برهم کنش بین مولکولها یا اتم‌های گاز ناچیز باشد، در این صورت به این گاز، گاز آرامانی (کامل) گفته می‌شود. می‌توانیم از طریق قانون‌های ساده‌تری به قانون گازهای آرامانی (کامل) برسیم. این قانون‌های ساده‌تر عبارتند از قانون شارل، قانون گی لوساک، قانون بویل و قانون آووگادرو.

#### بررسی گاز در فشار ثابت (قانون شارل)

مطابق این قانون، اگر فشار مقدار معینی از یک گاز، ثابت نگه داشته شود، حجم آن متناسب با افزایش دما (بر حسب کلوین) افزایش و با کاهش دما، کاهش می‌یابد. یعنی اگر به عنوان مثال حجم گاز  $3$  برابر شود، دمای کلوین آن هم سه برابر می‌شود. این قانون به این صورت نوشته می‌شود:

$$\frac{V}{T} = \frac{V_1}{T_1} = \frac{V_2}{T_2} \quad \text{با ثابت} \quad \text{دقت کنید منظور از مقدار معینی از گاز این است که جرم گاز ثابت بماند.}$$



اگر نمودار  $V$  را بر حسب  $T$  (در فشار ثابت) رسم کنیم، به صورت رو به رو خواهد بود: قسمت ابتدایی نمودار به صورت خط‌چین رسم می‌شود، زیرا در دمای‌های خیلی پایین، دیگر ماده به صورت گاز باقی نمی‌ماند.

**تست ۱** در فشار ثابت، دمای مقدار معینی گاز کامل از  ${}^{\circ}\text{C}$  به  $273^{\circ}\text{C}$  می‌رسد. حجم گاز در این فرایند چند برابر می‌شود؟ سراسری تجربی - ۸۷

$$\frac{3}{2} \quad (4)$$

$$\frac{1}{3} \quad (3)$$

$$3/2 \quad (2)$$

$$2/1$$

پاسخ فشار گاز ثابت است، دقต کنید که در مسائل گازها، دما را حتماً بر حسب کلوین می‌نویسیم:

$$T_1 = 0 + 273 = 273 \text{ K}, \quad T_2 = 273 + 273 = 2 \times 273, \quad \frac{V_1}{T_1} = \frac{V_2}{T_2} \Rightarrow \frac{V_1}{273} = \frac{V_2}{2 \times 273} \Rightarrow \frac{V_2}{V_1} = 2$$

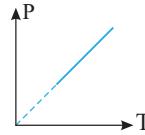
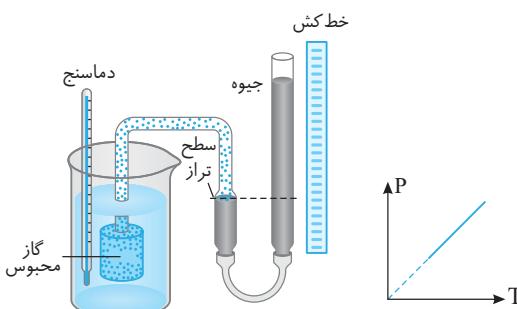


#### بررسی گاز در حجم ثابت (قانون گی لوساک)

اگر حجم مقدار معینی از یک گاز ثابت نگه داشته شود، فشار آن مستقیماً با دما (بر حسب کلوین) متناسب است. این قانون به این صورت بیان می‌شود:

$$\frac{P}{T} = \frac{P_1}{T_1} = \frac{P_2}{T_2} \quad \text{با ثابت} \quad \frac{P}{T} = \frac{P_1}{T_1} = \frac{P_2}{T_2}$$

اگر نمودار  $P$  را بر حسب  $T$  در حجم ثابت رسم کنیم، به صورت رو به رو خواهد بود.



**تست ۲** دمای گازی  ${}^{\circ}\text{C}$  است. در حجم ثابت، دمای گاز را یک درجه سلسیوس افزایش می‌دهیم. تغییر فشار آن چند برابر فشار اولیه است؟

$$\frac{28}{27} \quad (4)$$

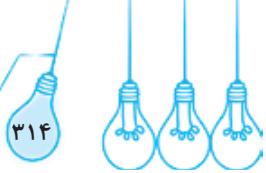
$$\frac{301}{300} \quad (3)$$

$$\frac{1}{300} \quad (2)$$

$$\frac{1}{27} \quad (1)$$

$$\frac{P_1}{T_1} = \frac{P_2}{T_2} \Rightarrow \frac{P_1}{27+273} = \frac{P_2}{28+273} \Rightarrow \frac{P_2}{P_1} = \frac{301}{300} \Rightarrow \frac{P_2 - P_1}{P_1} = \frac{301 - 300}{300} \Rightarrow \frac{\Delta P}{P_1} = \frac{1}{300}$$



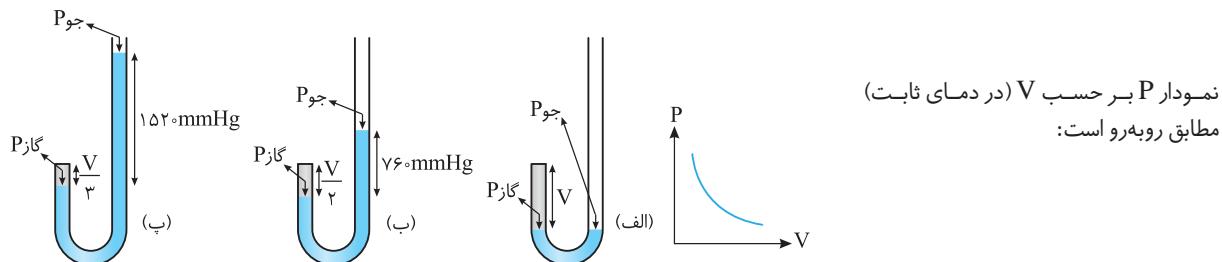


### بورسی گاز در دمای ثابت (قانون بویل - ماریوت)

سومین قانون تجربی گازها، قانون بویل یا ماریوت است. مطابق این قانون، اگر دمای مقدار معینی از یک گاز ثابت نگه داشته شود، فشار آن با حجمش نسبت وارون دارد. مثلًا اگر حجم گاز  $3$  برابر مقدار اولیه باشد، فشار آن به  $\frac{1}{3}$  مقدار اولیه می‌رسد.

$$PV_1 = P_2 V_2 \quad \text{یا ثابت}$$

این قانون به صورت رو به رو بیان می‌شود:



**تست ۳** فشار گازی برابر با  $60\text{ cmHg}$  است. اگر در دمای ثابت، از فشار آن به اندازه  $10\text{ cmHg}$  کاسته شود، حجم گاز به اندازه  $2$  لیتر افزایش یافته است. حجم اولیه گاز چند سانتی‌متر مکعب بوده است؟

$$2/5 \times 10^3 \quad (4)$$

$$2/5 \quad (3)$$

$$10^4 \quad (2)$$

$$10 \quad (1)$$

$$P_1 V_1 = P_2 V_2 \Rightarrow 60 \times V_1 = 50 \times (V_1 + 2) \Rightarrow 6V_1 = 5V_1 + 10 \Rightarrow V_1 = 10 \text{ lit}$$

$$V_1 = 10 \times 10^3 \text{ cm}^3 = 10^4 \text{ cm}^3$$

پاسخ

هر لیتر معادل با  $1000$  سانتی‌متر مکعب است:



**مسئله ۱** راندهای فشار پیمانه‌ای هوای لاستیک خودروی خود را در صبح یک روز سرد که دما  $17^\circ\text{C}$  است روی  $1/7$  اتمسفر تنظیم می‌کند. او به منطقه گرم‌تری سفر می‌کند، طوری که دمای هوای آن جا  $27^\circ\text{C}$  است، فشار هوای درون تایر چقدر تغییر می‌کند؟ (تغییر حجم لاستیک ناچیز است).

برگفته از کتاب درسی

**راه حل** در رابطه مربوط به قانون عمومی گازها باید فشار کل را قرار دهیم و فشارسنج که به لاستیک خودرو وصل است، فشار پیمانه‌ای را نشان می‌دهد  $P_1 = 17 + 1 = 27\text{ atm}$ ،  $T_1 = -3 + 273 = 270\text{ K}$ ،  $T_2 = 27 + 273 = 300\text{ K}$  پس فشار کل را حساب می‌کنیم:

تغییرات حجم لاستیک اتومبیل محسوس نیست:  $V_2 = V_1$

$$\frac{P_1}{T_1} = \frac{P_2}{T_2} \Rightarrow \frac{27}{270} = \frac{P_2}{300} \Rightarrow P_2 = 3\text{ atm}, \quad \Delta P = P_2 - P_1 = 0/3\text{ atm}$$

### قانون آووگادرو

این چهارمین قانون مربوط به گازهای آرمانی است و به مقدار گاز موجود در محفظه بستگی دارد. مطابق این قانون، در دما و فشار بکسان، همواره نسبت حجم گاز ( $V$ ) به تعداد مولکول‌های گاز ( $N$ ) مقدار ثابتی است که به صورت مقابله آن را می‌نویسیم:

قبل‌اً در ابتدای بحث مربوط به قانون گازها دیدیم که تعداد مولکول‌های گاز را می‌توانیم به صورت  $N = nN_A$  نیز بنویسیم ( $n$  تعداد مول‌ها و عدد آووگادرو است).

با توجه به ثابت بودن  $N_A$  می‌توان این رابطه را به صورت مقابله هم نوشت:

### قانون گازهای آرمانی (کامل)

حالا می‌توانیم چهار قانون داده شده را در یک رابطه ریاضی نشان دهیم و به این ترتیب، قانون‌های بیان شده، به صورت حالت‌های خاص خواهد شد.

$$\frac{PV}{nT} = \frac{P_1 V_1}{n_1 T_1} = \frac{P_2 V_2}{n_2 T_2} \quad \text{یا} \quad \text{ثابت}$$

مقدار ثابت در فرمول اخیر را با  $R$  نشان می‌دهیم که (در SI) برابر با  $8/3145\text{ J/mol}\cdot\text{K}$  است.

$$PV = nRT$$

بنابراین در نهایت قانون گازهای آرمانی به صورت رو به رو نوشته می‌شود:



**مسئله ۲** ابعاد یک کلاس درس  $3m \times 5m \times 8m$  است. اگر فشار هوا برابر با  $1\text{ bar}$  و دمای اتاق  $27^\circ\text{C}$  باشد: (جرم مولی هوا  $29\text{ g/mol}$ )  
برگرفته از کتاب درسی  $(R = 8\text{ J/mol.K})$

الف) تعداد مولهای موجود در هوای اتاق را به طور تقریبی محاسبه کنید؛ ب) جرم هوای اتاق به طور تقریبی چند کیلوگرم است؟

**راه حل** هوا گاز آرامانی نیست، اما دقت کنیم که می‌توانیم به تقریب برای آن از قانون گازهای آرامانی استفاده کنیم و نتیجه حاصل هم چندان از واقعیت دور نیست.

الف) وقتی از معادله گاز آرامانی به صورت  $PV = nRT$  استفاده می‌کنیم، باید حتماً همهٔ یکاها در SI باشند:

$$P = 1\text{ bar} = 1.013 \times 10^5 \text{ Pa}, V = 3 \times 5 \times 8 = 120 \text{ m}^3, T = 27 + 273 = 300 \text{ K}, PV = nRT \Rightarrow 1.013 \times 10^5 \times 120 = n \times 8 \times 300 \Rightarrow n = \frac{1.013 \times 10^5}{8 \times 300} = 5000$$

$$n = \frac{m}{M} \Rightarrow m = 5000 \times 29 \times 10^{-3} \Rightarrow m = 145 \text{ kg}$$

**تست ۴** اگر حجم یک مول گاز در فشار یک جو و دمای  $C^\circ$  برابر با  $22/4$  لیتر باشد، جرم  $2/8$  لیتر گاز اکسیژن در فشار  $1/5$  جو و دمای  $91^\circ\text{C}$  چند گرم است؟ (جرم مولی اکسیژن  $32\text{ g/mol}$  است).

۹ (۴)

۴/۵ (۳)

۱۸ (۲)

۱۵ (۱)

**پاسخ** شرایطی که در قسمت اول مسئله بیان شده است را شرایط متعارفی (STP) می‌گوییم. معمولاً می‌توانیم شرایط متعارفی را به عنوان یک حالت جداگانه در نظر گرفته و شرایط دیگری را که در مسئله بیان می‌شود با آن مقایسه کنیم:

$$\left\{ \begin{array}{l} P_1 V_1 = n_1 R T_1 \\ P_2 V_2 = n_2 R T_2 \\ P_3 V_3 = n_3 R T_3 \end{array} \right. \Rightarrow \frac{P_2 V_2}{P_1 V_1} = \frac{n_2 R T_2}{n_1 R T_1} \Rightarrow \frac{1/5 \times 2/8}{1 \times 22/4} = \frac{n_2 \times (273 + 91)}{1 \times 273} \Rightarrow \frac{1/5 \times 2/8}{1 \times 8 \times 2/8} = n_2 \times \frac{4}{3} \Rightarrow n_2 = \frac{4/5}{32} = \frac{9}{64}$$

$$n = \frac{m}{M} \Rightarrow m = \frac{9}{64} \times 32 = 4/5 \text{ g}$$

گزینه ۳

**نکته** دما و فشار متعارف (STP) برای گاز، دمای  $0^\circ\text{C}$  و فشار  $1.013 \times 10^5 \text{ Pa}$  معرفی می‌شود.

**تست ۵** مطابق شکل رویه‌رو در ظرف A به حجم  $30\text{ L}$  مقدار  $14\text{ g}$  گرم گاز نیتروژن و در ظرف B به حجم  $20\text{ L}$  لیتر مقدار  $4\text{ g}$  گرم گاز هیدروژن وجود دارد. اگر با لوله باریکی این ظرف‌ها را به هم متصل کنیم و دمای مخلوط گازها  $300\text{ K}$  باشد، فشار نهایی مخلوط گازها چند اتمسفر می‌شود؟

$$(R = 8\text{ J/mol.K}, M_{H_2} = 2\text{ g/mol}, M_{N_2} = 28\text{ g/mol})$$

۱/۵ (۴)

۱/۸ (۳)

۲/۴ (۲)

۱/۲ (۱)

$$n_{N_2} = \frac{m}{M} = \frac{14}{28} = 0.5, \quad n_{H_2} = \frac{4}{2} = 2$$

**پاسخ** ابتدا تعداد مول هر گاز را به دست می‌آوریم:

بنابراین جمیعاً  $2/5$  مول خواهیم داشت که در حجم  $30 + 20 = 50\text{ L}$  قرار دارد:

$$PV = nRT \Rightarrow P \times 50 \times 10^{-3} = 2/5 \times 8 \times 300 \Rightarrow P = \frac{6000}{50 \times 10^{-3}} = 12 \times 10^4 \text{ Pa} = 12 \text{ atm}$$

گزینه ۱

البته باید توجه بیشتری داشت که در معادله قانون عمومی گازهای آرامانی هر قدر فشار یک گاز کمتر باشد، با دقت بیشتری از معادله پیروی می‌کند.

همچنین دما نیز نباید نزدیک یا کمتر از دمای میان گاز شود چرا که در این صورت گاز به مایع تبدیل شده و رفتار مایع را دارد.

**نکته** اگر در یک فرایند جرم (مول) گاز تغییر نکند می‌توان نوشت:

**مسئله ۳** دمای گاز کاملی را برحسب درجه‌بندی سلسیوس در حجم ثابت سه برابر می‌کنیم. فشار گاز دو برابر می‌شود. دمای اولیه گاز چند درجه سلسیوس بوده است؟

**راه حل** دقت کنید که دما برحسب درجه‌بندی سلسیوس سه برابر شده است یعنی  $\theta_2 = 3\theta_1$ ، بنابراین:

$$\frac{P_1 V_1}{T_1} = \frac{P_2 V_2}{T_2} \xrightarrow{V_2 = V_1} \frac{P_1}{T_1} = \frac{2P_1}{273 + \theta} \Rightarrow \theta = 273^\circ\text{C}$$

**مسئله ۴** دمای مقدار معینی گاز را در فشار ثابت به اندازه  $3^{\circ}\text{C}$  افزایش می‌دهیم. در نتیجه حجم آن به اندازه  $\frac{1}{10}$  حجم اولیه‌اش افزایش می‌یابد.

دمای اولیه گاز چند درجه سلسیوس بوده است؟

**راه حل** دقت کنید که افزایش حجم آن  $\frac{1}{10}$  حجم اولیه گاز است.

همچنین تغییرات دما بر حسب سلسیوس و کلوین با یکدیگر تفاوتی ندارند.

$$\frac{P_1 V_1}{T_1} = \frac{P_2 V_2}{T_2} \Rightarrow \frac{V_1}{T_1} = \frac{\frac{11}{10} V_1}{\frac{11}{10} T_1} \Rightarrow T_1 + 30 = \frac{11}{10} T_1 \Rightarrow T_1 = 300 \text{ K} \Rightarrow \theta_1 = 300 - 273 = 27^{\circ}\text{C}$$

**تست ۶** در یک محفظه، زیر پیستون متحرکی مقداری گاز در فشار  $P$  قرار دارد. در دمای ثابت پیستون را به اندازه  $\frac{1}{4}$  ارتفاع محفظه پایین می‌آوریم.

فشار گاز درون محفظه چند برابر خواهد شد؟

۴)  $\frac{4}{3}$

۳)  $\frac{3}{4}$

۲)  $\frac{1}{4}$

۱) ۴

**پاسخ** وقتی پیستون  $\frac{1}{4}$  ارتفاع محفظه پایین می‌آید، حجم محفظه  $\frac{3}{4}$  حالت اول می‌شود:

$$\frac{P_2 V_2}{T_2} = \frac{P_1 V_1}{T_1} \quad T_2 = T_1 \rightarrow P_2 \times \frac{3}{4} V_1 = P_1 V_1 \Rightarrow P_2 = \frac{4}{3} P_1$$



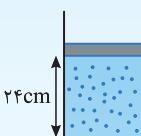
**مسئله ۵** در فشار ۲ اتمسفر و دمای  $-23^{\circ}\text{C}$  - حجم گازی ۱۲ لیتر است. گاز را متراکم می‌کنیم تا حجم آن به  $\frac{1}{3}$  مقدار اولیه و دمایش به  $\theta$  برسد.

اگر فشار گاز به ۳ اتمسفر رسیده باشد، دمای  $\theta$  چند درجه سلسیوس است؟

$$T_1 = -23 + 273 = 250 \text{ K}, V_2 = \frac{1}{3} V_1 = \frac{12}{3} = 4 \text{ lit}$$

$$\frac{P_1 V_1}{T_1} = \frac{P_2 V_2}{T_2} \Rightarrow \frac{2 \times 12}{250} = \frac{3 \times 4}{T_2} \Rightarrow T_2 = 125 \text{ K}, T_2 = 273 + \theta \Rightarrow \theta = 125 - 273 = -148^{\circ}\text{C}$$

از قانون گازها استفاده می‌کنیم:



**تست ۷** در شکل رویه‌رو در یک پیستون با جرم ناچیز گاز آرامانی با دمای  $27^{\circ}\text{C}$  محبوس است. اگر دمای گاز را به  $127^{\circ}\text{C}$  برسانیم، پیستون چند سانتی‌متر جابه‌جا می‌شود؟ (اصطکاک ناچیز است).

۱۲) ۴

۳۲) ۳

۸) ۲

۱۶) ۱

**پاسخ** در حالت اول، پیستون تعادل دارد یعنی فشاری که از بیرون بر پیستون وارد می‌شود، با فشار درون سیلندر برابر است. با افزایش دما قدری فشار بالا می‌رود. چون پیستون می‌تواند آزادانه جابه‌جا شود، آنقدر بالا می‌رود تا دوباره فشار درون با فشار بیرون که ثابت و برابر  $P_0$  است، برابر گردد

$$\frac{V_1}{T_1} = \frac{V_2}{T_2} \Rightarrow \frac{24 \times A}{300} = \frac{hA}{400} \Rightarrow h = 32 \text{ cm}, \Delta h = 32 - 24 = 8 \text{ cm}$$

یعنی  $P_2 = P_1$ . حال اگر سطح مقطع پیستون  $A$  باشد، داریم:



**تست ۸** حجم گازی را در دمای ثابت به اندازه ۴ لیتر افزایش می‌دهیم، تغییر فشار آن  $1/2$  فشار اولیه‌اش می‌شود. حجم اولیه گاز چند لیتر بوده است؟

۱۸) ۴

۱۶) ۳

۲۰) ۲

۲۴) ۱

**پاسخ** وقتی دما ثابت است با افزایش حجم، فشار کاهش می‌یابد، بنابراین:

$$P_1 V_1 = P_2 V_2 \Rightarrow P_1 V_1 = \frac{1}{2} P_1 (V_1 + 4) \Rightarrow V_1 = \frac{1}{2} V_1 + 2 \Rightarrow \frac{1}{2} V_1 = 2 \Rightarrow V_1 = 16 \text{ lit}$$





تست ۹ اگر فشار گاز کاملی را ۲۵ درصد افزایش و هم‌زمان دمای مطلق آن را ۲۰ درصد کاهش دهیم، حجم گاز ..... درصد ..... می‌یابد.

(۱) ۳۶ ، کاهش (۲) ۴۰ ، افزایش (۳) ۶۰ ، افزایش (۴) ۶۴ ، کاهش

$$P_2 = P_1 + \frac{1}{25} P_1 = \frac{26}{25} P_1, \quad T_2 = T_1 - \frac{1}{25} T_1 = \frac{24}{25} T_1$$

پاسخ با توجه به داده‌های مسأله خواهیم داشت:

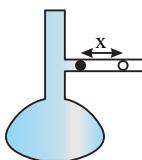
$$\frac{P_1 V_1}{T_1} = \frac{P_2 V_2}{T_2} \Rightarrow \frac{P_1 V_1}{T_1} = \frac{1/25 P_1 V_2}{\frac{24}{25} T_1} \Rightarrow \frac{V_2}{V_1} = \frac{\frac{1}{25}}{\frac{24}{25}} = \frac{1}{24} = \frac{16}{25} \Rightarrow V_2 = \frac{16}{25} V_1$$

با توجه به قانون گازها خواهیم داشت:

اما درصد تغییرات خواسته شده است، یعنی باید نسبت  $\frac{\Delta V}{V_1}$  را بر حسب درصد بدست آوریم. می‌توانیم به این ترتیب عمل کنیم:

$$\Delta V = V_2 - V_1 = \frac{16}{25} V_1 - V_1 = -\frac{9}{25} V_1 \Rightarrow \frac{\Delta V}{V_1} = -\frac{9}{25} \Rightarrow \frac{\Delta V}{V_1} \times 100\% = -\frac{9}{25} \times 100\% = -36\%$$

گزینه ۱



مسأله ۶ دمای درون بالن شکل روبه‌رو را از  $7^{\circ}\text{C}$  به  $11^{\circ}\text{C}$  می‌رسانیم. اگر حجم هوای محبوس اولیه  $1\text{ lit}$  و سطح مقطع لوله افقی  $5\text{ cm}^2$  باشد، تغییر مکان قطره جیوه چند سانتی‌متر است؟

راه حل وقتی در حالت اولیه قطره جیوه ساکن است، یعنی فشار وارد بر آن از طرفین یکسان است. فشاری که بر قطره از بیرون وارد می‌شود همان فشار جو است که ثابت است، بنابراین فشار درون نیز در نهایت برابر با فشار جو شده و ثابت می‌ماند. قطره جیوه آنقدر تغییر مکان می‌دهد تا فشار درون و بیرون یکسان گردد.

$$P_1 = P_2 \Rightarrow \frac{V_1}{T_1} = \frac{V_2}{T_2} \Rightarrow \frac{1400}{270} = \frac{1400 + 5x}{284} \Rightarrow 5 \times 284 = 1400 + 5x \Rightarrow x = 4\text{ cm}$$

مسأله ۷ گاز کاملی دارای چگالی  $\rho$  است. اگر فشار، حجم و دمای آن تغییر کند، رابطه‌ای باید که چگالی گاز را بر حسب فشار و دما و جرم مولی نشان دهد.

راه حل ابتدا قانون گازها را می‌نویسیم و به جای  $n$ ، مقدار  $\frac{m}{M}$  را قرار می‌دهیم:

$$PV = nRT \Rightarrow PV = \frac{m}{M} RT \Rightarrow P \frac{V}{m} = \frac{RT}{M} \rightarrow \frac{P}{\rho T} = \frac{R}{M} \Rightarrow \rho = \frac{PM}{RT}$$

$$\frac{\rho_2}{\rho_1} = \frac{P_2}{P_1} \times \frac{T_1}{T_2}$$

نتیجه چگالی مقدار معینی گاز آرامی با فشار گاز نسبت مستقیم و با دمای گاز نسبت وارون دارد:

تست ۱۰ ظرفی با حجم ثابت، محتوی هوا به دمای  $27^{\circ}\text{C}$  برسانیم، فشار و چگالی هوای درون ظرف به ترتیب از راست به چپ چند برابر می‌شود؟

$$(1) \frac{1}{27} \text{ و } \frac{327}{27} \quad (2) \frac{1}{2} \text{ و } \frac{327}{27} \quad (3) \frac{1}{2} \text{ و } \frac{2}{27} \quad (4) 2 \text{ و } \frac{1}{2}$$

پاسخ چگالی گاز یا هر ماده‌ای به صورت  $\rho = \frac{m}{V}$  تعریف شده است، بنابراین با توجه به ثابت بودن حجم گاز و همچنین خارج نشدن گاز از محفظه،

مقدار  $m$  نیز ثابت مانده و چگالی ثابت می‌ماند. اکنون تغییر فشار را بررسی می‌کنیم:

گزینه ۴

**تست ۱۱** چگالی گاز اکسیژن در دمای  $0^{\circ}\text{C}$  و فشار  $10^{\text{Pa}}$  چند گرم بر لیتر است؟ ( $M = 32\text{ g/mol}$ ,  $R = 8\text{ J/mol.K}$ )

 $\frac{4}{7} (4)$  $\frac{1}{7} (3)$  $\frac{7}{4} (2)$  $\frac{7}{10} (1)$ 

$$\rho = \frac{PM}{RT} \Rightarrow \rho = \frac{10^{\text{Pa}} \times (32 \times 10^{-3})}{8 \times 28 \times 10} = \frac{10}{7} \text{ kg/m}^3$$

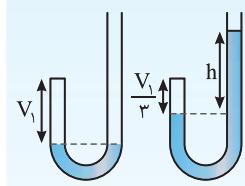
با توجه به رابطه چگالی با فشار و دما:

دقت کنید جرم مولی بر حسب  $\text{mol/g}$  داده شده که برای SI کردن این واحد آن را در  $10^{-3}$  ضرب کردہایم.

چون  $\text{kg/lit} = \text{g/lit} = 10^3 \text{ g/m}^3 = 10^3 \text{ kg/lit}$  است، جواب بر حسب گرم بر لیتر نیز همان  $\frac{1}{7}$  می‌شود.

در مسئله‌های زیر روابط مبحث فشار که در فصل قبل خواندیم با قانون گازهای آرمانی ترکیب شده است.

**تست ۱۲** در شکل رو به رو مقداری گاز در قسمت بسته سمت چپ لوله محبوس است. اگر مقداری جیوه به سمت راست لوله که انتهای باز دارد، اضافه کنیم تا حجم گاز به  $\frac{1}{3}$  مقدار اولیه برسد، اختلاف ارتفاع جیوه در دو طرف لوله چند سانتی‌متر می‌شود؟ (فشار هوا برابر با  $75\text{cmHg}$  است و دما ثابت است).

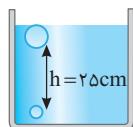
 $\frac{9}{10} (2)$  $\frac{15}{15} (4)$  $\frac{225}{225} (1)$  $\frac{75}{75} (3)$ 

مقدار گاز موجود در سمت چپ لوله از قانون بویل پیروی می‌کند. همچنین سطح جیوه در حالت اول در دو طرف لوله یکسان است. یعنی فشار اولیه گاز برابر با فشار هوای محیط است و در حالت دوم فشار گاز برابر  $P_{\text{Hg}} = P_{\text{atm}} + P_{\text{gas}}$  است. در این صورت:

$$P_1 V_1 = P_2 V_2 \Rightarrow 75 \times V_1 = (75 + h) \left( \frac{1}{3} V_1 \right) \Rightarrow 3 \times 75 = 75 + h \Rightarrow 2 \times 75 = h \Rightarrow h = 150 \text{ cm}$$



در رابطه  $\frac{P_1 V_1}{T_1} = \frac{P_2 V_2}{T_2}$  باید  $P_1$  و  $P_2$  فشار مطلق (کل) باشند و فشار پیمانه‌ای یا فشار حاصل از مایع را نباید جای آن قرار داد.



**مسئله ۸** حباب هوایی از درون یک ظرف جیوه در دمای ثابت بالامی‌اید. حجم آن در عمق ۲۵ سانتی‌متری جیوه  $0^{\circ}\text{C}$  است. حجم آن در سطح جیوه چقدر است؟ (فشار هوای محیط  $75\text{cmHg}$  است). [برگرفته از کتاب درسی](#)

$$P_1 = P_{\text{atm}} + \rho gh$$

$$P_1 = 75 + 25 = 100 \text{ cmHg}$$

فشار ستون ۲۵ سانتی‌متری از جیوه برابر  $25\text{cmHg}$  است، بنابراین:

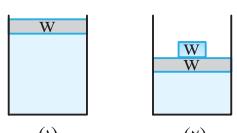
$$P_2 = P_{\text{atm}} = 75\text{cmHg}$$

از طرفی فشار هوایی از درون حباب در سطح جیوه برابر فشار هوا است:

$$\frac{P_1 V_1}{T_1} = \frac{P_2 V_2}{T_2} \rightarrow \frac{100 \times 10}{273} = 75 \times V_2 \Rightarrow V_2 = 0.8 \text{ cm}^3$$

با توجه به قانون گازها داریم:

**مسئله ۹** مقداری گاز آرمانی زیر پیستونی به وزن  $W$  و سطح مقطع  $4\text{cm}^2$  محبوس است. وزنه  $W$  را روی پیستون قرار می‌دهیم، حجم گاز به  $\frac{2}{3}$  مقدار اولیه‌اش می‌رسد. اگر  $P_{\text{atm}} = 10^{\text{Pa}}$  باشد، با فرض ثابت بودن دما،  $W$  چند نیوتون است؟



$$P_1 = P_{\text{atm}} + \frac{W}{A}$$

$$V_2 = \frac{2}{3} V_1, P_2 = P_{\text{atm}} + \frac{2W}{A}$$

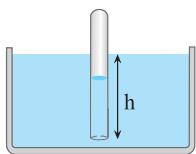
در حالت اول فشار گاز درون مخزن برابر است با:

در حالت دوم خواهیم داشت:

$$P_1 V_1 = P_2 V_2 \Rightarrow (P_{\text{atm}} + \frac{W}{A}) V_1 = (P_{\text{atm}} + \frac{2W}{A}) V_2 \Rightarrow (10^{\text{Pa}} + \frac{W}{A}) V_1 = (10^{\text{Pa}} + \frac{2W}{A}) \frac{2}{3} V_1$$

قانون گازها را می‌نویسیم:

$$\Rightarrow 3 \times 10^{\text{Pa}} + \frac{2W}{A} = 2 \times 10^{\text{Pa}} + \frac{4W}{A} \Rightarrow 10^{\text{Pa}} = \frac{W}{A} \Rightarrow W = 10^{\text{Pa}} \times 4 \times 10^{-4} = 400 \text{ N}$$

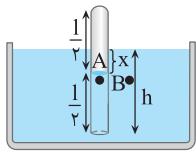


**مسئله ۱۰** لوله‌ای به طول  $l = 25\text{m}$  را که یک سر آن باز است به طور وارونه در آب استخراج فرومی‌بریم تا نصف حجم آن پر از آب شود. با فرض ثابت‌ماندن دمای هوا درون لوله، مقدار  $h$  در شکل چند متر است؟  
 $(\rho_{آب} = 1000\text{kg/m}^3, g = 10\text{N/kg})$

**راه حل** هوای درون لوله را گاز آرامانی در نظر می‌گیریم، لوله ابتدا در هوای آزاد بوده است یعنی فشار هوای درون لوله برابر  $P_0$  بوده است ( $P_1 = P_0$ )، با

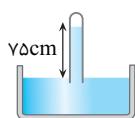
توجه به قانون گازها داریم:

$$P_1 V_1 = P_0 V_0 \Rightarrow P_0 l A = P_0 \frac{1}{2} A \Rightarrow P_0 \times l = P_0 \frac{1}{2} \Rightarrow P_0 = 2P_0 \quad (1)$$

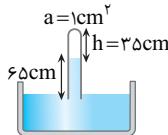


فشار مایع در نقاط هم‌تراز با هم برابر است:

$$\begin{aligned} P_B &= P_A \Rightarrow \rho g x + P_0 = P_0 \xrightarrow{(1)} (\rho g x + P_0) = 2P_0 \Rightarrow 10^4 x + 10^5 = 2 \times 10^5 \Rightarrow x = 10\text{m} \\ \Rightarrow h &= \frac{1}{2} + x = 12.5 + 10 = 22.5\text{m} \end{aligned}$$



**مسئله ۱۱** لوله‌ای به طول یک متر و سطح مقطع  $1\text{cm}^2$  را پر از جیوه می‌کنیم و روی تشک جیوه به صورت واژگون قرار می‌دهیم، ارتفاع جیوه  $75\text{cm}$  می‌شود. حال مقداری هوا به داخل لوله می‌فرستیم. سطح جیوه  $10\text{cm}$  پایین می‌آید. حجم هوایی که به درون لوله فرستاده‌ایم را بیابید (دما ثابت فرض شود).



**راه حل** فشار هوای محیط  $75\text{cmHg}$  است زیرا پس از واژگون کردن لوله محتوی جیوه در تشک جیوه، ارتفاع جیوه به  $75\text{cm}$  رسیده است. وقتی هوا وارد جیوه می‌شود، مجموع فشار ستون جیوه و فشار هوای بالای جیوه با فشار هوای بیرون  $75 = 65 + P_0 \Rightarrow P_0 = 10\text{cmHg}$

$$V_0 = ah \Rightarrow V_0 = 35 \times 1 = 35\text{cm}^3$$

حجم هوای بالای جیوه برابر است با:

$$P_1 V_1 = P_0 V_0 \Rightarrow 75 \times V_1 = 10 \times 35 \Rightarrow V_1 = \frac{14}{3}\text{cm}^3$$

با توجه به قانون گازها داریم:

## حل دو مسئله خاص

**مسئله ۱۲** در مخزنی با حجم ثابت،  $6\text{ L}$  لیتر گاز اکسیژن در دمای  $27^\circ\text{C}$  و فشار  $8\text{atm}$  موجود است. مقداری از گاز درون این مخزن به مصرف می‌رسد به‌طوری که در همان دما فشار گاز باقی‌مانده  $5\text{atm}$  می‌شود:

الف) حجم گاز مصرف شده در فشار  $1\text{atm}$  و دمای  $0^\circ\text{C}$  را بیابید؛ ب) حجم گاز مصرف شده در فشار  $1\text{atm}$  و دمای  $27^\circ\text{C}$  را حساب کنید.

**راه حل** نکته مهم این است که هرگاه مقداری گاز از مخزن خارج شود، حجم گاز باقی‌مانده همچنان  $6\text{ L}$  لیتر است زیرا گازها همواره تمام حجم ظرف خود را اشغال می‌کنند. در واقع با مصرف گاز مخزن، فشار گاز کاهش می‌یابد نه حجم گاز.

الف) ابتدا حجم کل گاز را در فشار  $5\text{atm}$  به دست می‌آوریم:  $P_1 V_1 = P_2 V_2 \Rightarrow 8 \times 6 = 5 \times V_2 \Rightarrow V_2 = 9.6\text{lit}$

از این مقدار گاز  $6\text{ L}$  لیتر همچنان در مخزن و  $36\text{lit} = 96 - 60$  از مخزن در فشار  $5\text{atm}$  خارج شده است. اکنون حجم  $36\text{lit}$  گاز را در فشار  $1\text{atm}$  به دست می‌آوریم:

بنابراین حجم گاز مصرف شده در فشار  $1\text{atm}$  و دمای  $27^\circ\text{C}$   $18\text{lit}$  برابر است.

روش دیگر: با توجه به قانون پایستگی جرم، مول‌های اولیه در مخزن ( $n_1$ ) برابر مجموع مول‌های باقیمانده در مخزن ( $n_2$ ) و مول‌های مصرف شده ( $n_2$ ) است:

$$n = n_1 + n_2 \Rightarrow \frac{PV}{RT} = \frac{P_1 V_1}{RT_1} + \frac{P_2 V_2}{RT_2} \Rightarrow \frac{8 \times 6}{300} = \frac{5 \times 6}{300} + \frac{1 \times V_2}{300} \Rightarrow V_2 = 18\text{lit}$$

$$\frac{V_2}{V_1} = \frac{T_2}{T_1} \Rightarrow \frac{V_2}{18} = \frac{273}{300} \Rightarrow V_2 = 16.3/8\text{lit}$$

ب) اکنون حجم گاز را در دمای  $0^\circ\text{C}$  به دست می‌آوریم:

$$\frac{PV}{T} = \frac{P_1 V_1}{T_1} + \frac{P_2 V_2}{T_2} \Rightarrow \frac{8 \times 6}{300} = \frac{5 \times 6}{300} + \frac{1 \times V_2}{273} \Rightarrow 1/6 = 1 + \frac{V_2}{273} \Rightarrow V_2 = 16.3/8\text{lit}$$

روش دیگر:

**مسئله ۱۳** در یک ظرف استوانه‌ای به سطح مقطع  $100\text{ cm}^2$  زیر پیستونی به جرم ناچیز که بدون اصطکاک حرکت می‌کند یک گرم گاز هیدروژن در دمای صفر درجه سلسیوس وجود دارد. روی پیستون یک وزنه به جرم  $2\text{ kg}$  قرار می‌دهیم. برای این که پیستون پایین نیاید، دمای گاز را چند درجه سلسیوس افزایش دهیم و اگر در همین دما وزنه را برداریم، برای این که پیستون بالا نرود، مقداری گاز هیدروژن را خارج می‌کنیم، حجم هیدروژن ( $\text{g} = 1\text{ m/s}^2$  ،  $P_0 = 1\text{ atm} \sim 10^5\text{ Pa}$ ) خارج شده را در شرایط متعارفی حساب کنید.

**راه حل** در حالت اول فشار درون ظرف با فشار هوا برابر و  $P_1 = 1\text{ atm}$  است. از این رو حجم یک گرم هیدروژن که نیم مول است،  $11/2\text{ lit}$  خواهد بود.

پس از افزودن وزنه:

$$P_2 = P_0 + \frac{W}{A}$$

$$\frac{P_1}{T_1} = \frac{P_2}{T_2} \Rightarrow \frac{1 \times 10^5}{273} = \frac{(1 \times 10^5 + \frac{20 \times 10}{100 \times 10^{-4}})}{T_2}$$

با افزایش دما می‌خواهیم حجم ثابت بماند:  $V_1 = V_2$  بنابراین خواهیم داشت:

$$\frac{10^5}{273} = \frac{10^5 + 20 \times 10^{-4}}{T_2} \Rightarrow \frac{10}{273} = \frac{10 + 2}{T_2} \Rightarrow T_2 = 327/6\text{ K} \Rightarrow \theta_2 = 327/6 - 273 = 54/6^\circ\text{C}$$

اگر وزنه را برداریم، در همان دما گاز منبسط می‌شود، تا فشارش با فشار جو یکی شود. در این صورت داریم:

$$P_1 V_1 = P_2 V_2 \Rightarrow (10^5 + \frac{20 \times 10}{100 \times 10^{-4}}) \times 11/2 \times 10^{-3} = 10^5 V_2 \Rightarrow (1/2 \times 10^5) \times 11/2 \times 10^{-3} = 10^5 V_2$$

$$\Rightarrow V_2 = 13/44 \times 10^{-3} \text{ m}^3 \Rightarrow V_2 = 13/44 \text{ lit} : 54/6^\circ\text{C}$$

برای این که پیستون بالا نرود یعنی حجم همان  $11/2\text{ lit}$  باقی بماند باید  $13/44 - 11/2 = 2/24\text{ lit}$  هیدروژن در دمای  $54/6^\circ\text{C}$  از ظرف خارج کرد. حال باید دید که این حجم هیدروژن در دمای  $54/6^\circ\text{C}$  چقدر حجم دارد:

حجم هیدروژن خارج شده در هوای  $0^\circ\text{C}$  و فشار  $1\text{ atm}$  برابر با  $1/87\text{ lit}$  می‌باشد.

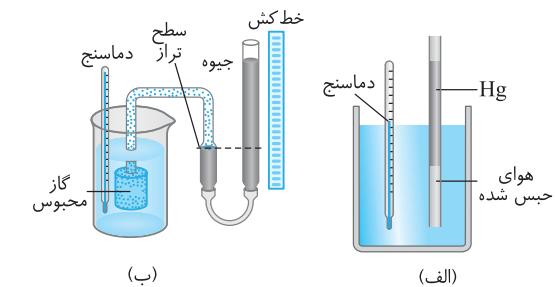
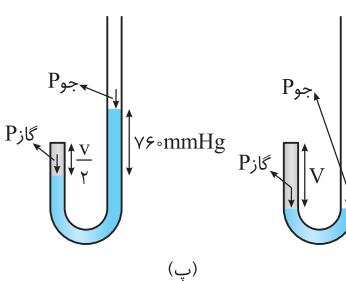
### بخش سوم

## تمرین‌های تشریحی

- ۱۵۲- در هر یک از موارد زیر عبارت درست را از داخل پرانتز انتخاب کنید:

(الف) اگر فشار مقدار معینی از یک گاز را ثابت نگه داریم، حجم گاز با دمای گاز بر حسب کلوبن نسبت ..... (مستقیم/وارون) دارد. / (ب) در دمای ثابت، حجم گاز با فشار گاز نسبت ..... (مستقیم/وارون) دارد. / (پ) همه روابطی که برای گازها در شرایط مختلف، فشار ثابت یا حجم ثابت و یا دمای ثابت بیان شد در مورد گازهایی به اندازه کافی ..... (رقیق/غليظ) با دقت خوبی برقرار است.

- ۱۵۳- در هر یک از آزمایش‌های نشان داده شده اگر هوای محبوس شده یا گاز محبوس شده، گاز آرمانی باشد، نوع فرایند هر یک از آزمایش‌ها را مشخص کنید.



برگرفته از کتاب درسی



- ۱۵۴ در یک بطری پلاستیکی (مانند بطری آب معدنی) را محکم می‌بندیم و آن را درون یخچال قرار می‌دهیم. پس از چند ساعت که بطری را از یخچال خارج می‌کنیم مشاهده می‌کنیم بطری مچاله شده است. علت را توضیح دهید.

- ۱۵۵ سر سرنگی را که پیشتون آن آزادانه حرکت می‌کند به فشارسنجی می‌بندیم و آن را به طور افقی درون ظرف آبی می‌گذاریم و ظرف را به آرامی گرم می‌کنیم. توضیح دهید کدامیک از کمیت‌های هوای درون سرنگ (دما، جرم، فشار و حجم) تغییر می‌کند؟

[برگرفته از کتاب درسی](#)

در تمرین‌های زیر مقدار گاز ثابت است.

- ۱۵۶ یک لیتر هوای  $10^{\circ}\text{C}$  تا  $80^{\circ}\text{C}$  گرم شده است. اگر فشار آن ثابت مانده باشد، حجم آن چند لیتر افزایش یافته است؟

- ۱۵۷ مقداری هوا با دمای  $C^{\circ}$  و فشار یک اتمسفر را آنقدر متراکم می‌کنیم تا حجم آن به  $\frac{1}{6}$  حجم اولیه‌اش برسد. اگر در این حالت دمای هوا  $77^{\circ}\text{C}$  باشد، فشار هوای متراکم شده چند اتمسفر است؟

- ۱۵۸ برای آن که حجم گازی را در فشار ثابت ۲ برابر کنیم، باید دمای اولیه آن را برحسب درجه بندی سلسیوس ۵ برابر کنیم. دمای اولیه گاز چند درجه سلسیوس است؟

- ۱۵۹ مقداری گاز کامل که دمایش  $22^{\circ}\text{C}$  و فشارش یک اتمسفر است را آنقدر متراکم می‌کنیم تا حجم آن به  $\frac{1}{5}$  حجم اولیه‌اش برسد. اگر فشار گاز ۴ اتمسفر شده باشد، دمای آن چند درجه سلسیوس خواهد بود؟

- ۱۶۰ دمای گازی را به اندازه  $80^{\circ}\text{C}$  افزایش می‌دهیم تا در حجم ثابت، فشار آن  $1/5$  برابر شود. دمای اولیه گاز چند درجه سلسیوس بوده است؟

- ۱۶۱ نمودار فشار بر حسب دمای مقدار معینی از گاز کامل به صورت رویه‌رو می‌باشد.  $P$  چند پاسکال است؟



[برگرفته از کتاب درسی](#)

- ۱۶۲ نمودار حجم بر حسب دمای دو گاز طی فرایند‌هایی به صورت زیر است.

(الف) نوع فرایند انجام شده روی گازها را مشخص کنید. (ب) فشار گاز A را با فشار گاز B مقایسه کنید.

[برگرفته از کتاب درسی](#)

- ۱۶۳ هوا با فشار یک اتمسفر درون استوانه با یک پیستون متحرک با جرم ناچیز محبوس و طول استوانه  $24\text{cm}$  است.

(الف) اگر طول استوانه را در دمای ثابت به  $30\text{cm}$  افزایش دهیم، فشار هوای محبوس چقدر خواهد شد؟

(ب) برای آن که در دمای ثابت فشار هوای محبوس  $3$  اتمسفر شود، طول ستون را چند سانتی‌متر تغییر دهیم؟

- ۱۶۴ مخزن A حجمی برابر  $1$  لیتر دارد و فشار گاز درون آن برابر  $3\text{atm}$  است. آنرا با لوله نازکی به مخزن خالی B به حجم  $5$  لیتر وصل می‌کنیم. بعد از باز کردن شیر اتصال فشار نهایی گاز چند اتمسفر می‌شود؟ (دما ثابت است).

[برگرفته از کتاب درسی](#)

در تمرین‌های زیر به مقدار ماده (mol) توجه کنید.

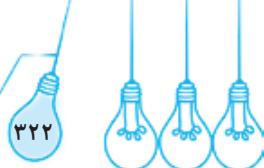
- ۱۶۵ دمای  $100^{\circ}\text{C}$  گاز هیدروژن در فشار  $2\text{atm}$ ،  $27^{\circ}\text{C}$  است. حجم گاز چند لیتر است؟

$$(R = \frac{25}{3} \text{ J/mol}\cdot\text{K}, 1\text{atm} = 10^5 \text{ Pa}, M_{\text{H}_2} = 2\text{g/mol})$$

- ۱۶۶  $2/4$  گرم از یک گاز آرامانی تک‌اتمی حجم  $1/5$  لیتر را در دمای صفر درجه سلسیوس و فشار  $910\text{kPa}$   $910\text{kPa}$  اشغال می‌کند. نوع گاز مورد نظر را تعیین کنید. ( $R = \frac{25}{3} \text{ J/mol}\cdot\text{K}$ )

- ۱۶۷ دمای اتاقی در طول روزین  $7^{\circ}\text{C}$  و  $27^{\circ}\text{C}$  تغییر می‌کند. جرم هوای داخل اتاق در سردترین لحظه چند برابر جرم هوای داخل اتاق در گرمترین لحظه است؟ (تغییرات فشار هوا در طول روز ناپیز و هوای اتاق با هوای بیرون در تماس است).

- ۱۶۸ درون دو محفظه مشابه در یکی گاز هیدروژن در فشار  $2\text{atm}$  و در دیگری گاز اکسیژن در فشار  $4\text{atm}$  موجود است. اگر دمای دو مخزن یکسان باشد: (الف) تعداد مول موجود در مخزن حاوی گاز اکسیژن چند برابر تعداد مول موجود در مخزن حاوی گاز هیدروژن است؟ (ب) جرم گاز اکسیژن موجود در مخزن چند برابر جرم گاز هیدروژن موجود در مخزن دیگر است؟ ( $M_{\text{H}_2} = 2\text{g/mol}, M_{\text{O}_2} = 32\text{g/mol}$ )



در تمرین‌های زیر با مقداری گاز به محفظه‌ای اضافی یا مقداری از گاز یک محفظه خارج می‌شود.

- ۱۶۹ می‌خواهیم مخزنی به حجم ۲۲ لیتر را از هوای  $27^{\circ}\text{C}$  تحت فشار  $5\text{ atm}$  پر کنیم. اگر در هر تلمبه زدن  $5\text{ lit} / 0^{\circ}\text{C}$  با فشار  $1\text{ atm}$  وارد مخزن شود، برای پر کردن مخزن تقریباً چند بار باید تلمبه بزنیم؟

- ۱۷۰ درون استوانه‌ای به حجم ثابت  $20\text{ L}$ ، مقداری گاز اکسیژن در دمای  $13^{\circ}\text{C}$  موجود است و فشارسنج، فشار آن را  $15\text{ atm}$  اتمسفر نشان می‌دهد. مقداری گاز درون استوانه به مصرف می‌رسد و بدون تغییر دما، فشار گاز باقیمانده  $11\text{ atm}$  اتمسفر می‌شود. حجم گاز مصرف شده در فشار یک اتمسفر و در همان دما چه اندازه است؟

- ۱۷۱ حجم یک مخزن گاز اکسیژن  $40\text{ L}$  است و فشارسنجی که به آن وصل است، فشار گاز درون مخزن را  $1/6\text{ atm}$  نشان می‌دهد. شیر مخزن را باز می‌کنیم تا فشار گاز درون آن به  $1/2\text{ atm}$  برسد. با صرف نظر کردن از تغییرات دمای گاز درون مخزن:  
 (الف) چند درصد جرم اکسیژن درون مخزن خارج شده است؟  
 (ب) حجم اکسیژنی که خارج می‌شود، در فشار یک اتمسفر چند لیتر است؟

در تمرین‌های زیر به بررسی چگالی گاز می‌پردازیم.

- ۱۷۲ در هر یک از حالت‌های زیر چگالی مقدار معینی گاز چند برابر می‌شود؟

(الف) در حجم ثابت فشار گاز دو برابر شود. (ب) در فشار ثابت دمای گاز دو برابر شود. (پ) در دمای ثابت حجم گاز دو برابر شود.

- ۱۷۳ چگالی گاز هلیم در فشار  $80\text{ cmHg}$  و دمای  $27^{\circ}\text{C}$  تقریباً  $12\text{ kg/m}^3$  است. اگر این گاز را متراکم کرده و فشار آن را به  $100\text{ cmHg}$  دمایش را به  $25^{\circ}\text{K}$  برسانیم چگالی آن چند کیلوگرم بر متر مکعب می‌شود؟

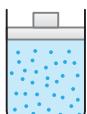
- ۱۷۴ جرم یک کیلومول گاز متان  $16\text{ kg}$  است. چگالی یک کیلومول گاز متان را در دمای  $27^{\circ}\text{C}$  و فشار  $1\text{ atm}$  به دست آورید.  
 $(R = 8\text{ J/mol}\cdot\text{K}, 1\text{ atm} = 1.01 \times 10^5 \text{ Pa})$

- ۱۷۵ اگر دمای مطلق گازی را  $20^{\circ}\text{C}$  درصد کم و فشار آن را  $20^{\circ}\text{C}$  درصد افزایش دهیم، چگالی گاز چند درصد تغییر می‌کند؟

- ۱۷۶ سیلندری به حجم  $44\text{ L}$  لیتر حاوی گاز هلیم در فشار  $150\text{ atm}$  و دمای  $300\text{ K}$  کلوین است. اگر گاز را مایع کنیم، چند لیتر هلیم مایع به دست می‌آید؟ (چگالی هلیم مایع برابر  $0.125\text{ g/cm}^3$  است).  
 $M_{\text{He}} = 4\text{ g/mol}$  و  $R = \frac{25}{3}\text{ J/mol}\cdot\text{K}$

در دو تمرین زیر به قانون آوغادرو پرداخته‌ایم.

- ۱۷۷ در  $11/2\text{ L}$  لیتر گاز آرمانی که دمای آن  $-91^{\circ}\text{C}$  و فشار آن  $5\text{ atm}$  است، چه تعداد مولکول گاز وجود دارد؟



- ۱۷۸ اگر در دما و فشار ثابت  $20\%$  از گاز درون مخزن روبه‌رو را خارج کنیم، پیشتون چه مقدار و چگونه تغییر مکان می‌دهد؟

در تمرین‌های زیر قانون گازهای آرمانی را با مباحثت فصل فشار ترکیب کردہ‌ایم.

- ۱۷۹ لاستیک خودرویی را باد می‌کنیم تا فشار پیمانه‌ای به  $2\text{ atm}$  برسد. در اثر حرکت خودرو و اصطکاک جاده، دمای لاستیک از  $7^{\circ}\text{C}$  به  $77^{\circ}\text{C}$  می‌رسد.  
[برگرفته از کتاب درسی](#)

- ۱۸۰ درون استوانه‌ای  $12\text{ lit}$  گاز اکسیژن با دمای  $7^{\circ}\text{C}$  وجود دارد. فشار گاز درون استوانه را با فشارسنجی اندازه می‌گیریم. فشارسنج  $14\text{ atm}$  را نشان می‌دهد. دمای گاز را به  $27^{\circ}\text{C}$  و حجم آن را به  $25\text{ lit}$  می‌رسانیم. فشاری که فشارسنج در پایان نشان می‌دهد چند اتمسفر است؟

[برگرفته از کتاب درسی](#)

- ۱۸۱ یک وسیله غواصی در سطح دریا پر از هوا است. وقتی آن را به عمق دریا می‌بریم، حجم آن به اندازه  $\frac{1}{3}$  حجم اولیه‌اش کاهش می‌یابد. چنان‌چه  
 $P_{\text{باد}} = 1.01 \times 10^5 \text{ Pa}$  و چگالی آب دریا  $1/25\text{ g/cm}^3$  باشد، عمق دریاچه را به دست آورید. (دمای دریاچه ثابت است).

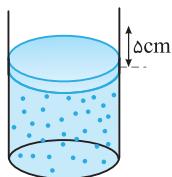
- ۱۸۲ حباب هوایی وقتی از عمق دریاچه‌ای در دمای ثابت به سطح آب می‌آید حجمش  $2/5$  برابر می‌شود. اگر چگالی آب  $1\text{ g/cm}^3$ ، فشار هوای محیط  $1.01 \times 10^5 \text{ Pa}$  و  $g = 10\text{ N/kg}$  باشد، عمق دریاچه را حساب کنید.

- ۱۸۳ درون یک استوانه در زیر یک پیشتون با جرم ناچیز،  $12\text{ L}$  لیتر هوا محبوس شده است. اگر در دمای ثابت یک وزنه  $20\text{ kg}$  کیلوگرمی روی پیشتون قرار دهیم، پیشتون چند سانتی‌متر پایین می‌آید؟ (سطح مقطع پیشتون  $100\text{ cm}^2$  و فشار هوا  $1.01 \times 10^5 \text{ Pa}$  است).



٣٢٣

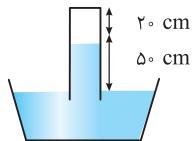
## نشرالگو



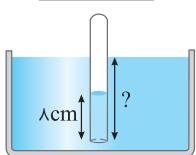
- ۱۸۴ در شکل رو به رو ظرف استوانه ای با پیستون با جرم ناچیز و بدون اصطکاک در هواي  ${}^{\circ}\text{C}$  در شرایط محیط با یک لیتر گاز محبوس و در حال تعادل است. سطح پیستون  $5\text{cm}^2$  است.

(الف) چند درجه سلسیوس دمای گاز را بالا ببریم تا پیستون  $5\text{cm}$  بالا برود؟

(ب) اگر بخواهیم بدون تغییر دما، پیستون به جای اول خود برگرد چه وزنه ای باید روی آن بگذاریم؟ ( $P_0 = 10^5 \text{ Pa}$ ,  $g = 10 \text{ N/kg}$ )

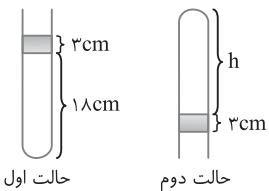


- ۱۸۵ در آزمایشی مطابق شکل، مقداری هوا بالای ستون جیوه در لوله محبوس شده است. لوله را کمی بیشتر وارد جیوه می کنیم تا ارتفاع هواي محبوس  $10\text{cm}$  شود. لوله را چند سانتی متر تغییر مکان داده ایم؟ (فشار هوا  $75\text{cmHg}$  است).

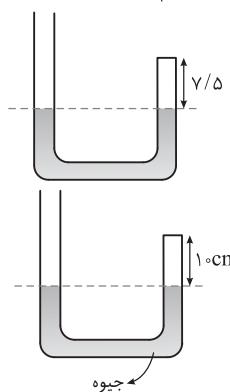


- ۱۸۶ لوله ای به طول  $l = 24\text{m}$  که یک طرف آن بسته است، حاوی هوا در فشار  $10^5 \text{ Pa}$  است. این لوله را به طور قائم در یک دریاچه آب شیرین فرمی ببریم تا وقتی که آب همانند شکل تا  $\frac{1}{3}$  طول لوله بالا بیاید، لوله چند سانتی متر در

آب فورفته است؟ (دما در تمام نقاط برابر و ثابت فرض شود و  $g = 10 \text{ N/kg}$  و  $\rho = 1 \text{ g/cm}^3$ )

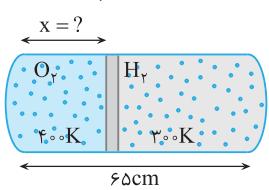


- ۱۸۷ مطابق شکل درون لوله باریکی چند قطره جیوه می ریزیم به طوری که ارتفاع ستون جیوه برابر  $3\text{cm}$  شود. اگر لوله را واژگون کنیم، ارتفاع ستون هواي محبوس در بالای جیوه با فرض ثابت بودن دما چند سانتی متر افزایش می یابد؟ (فشار هواي محیط  $75\text{cmHg}$  در نظر بگیرید).

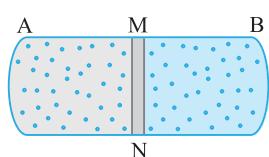


- ۱۸۸ در شکل رو به رو دمای هواي محبوس شده در شاخه سمت راست  $27^{\circ}\text{C}$  و سطح مقطع هر دو شاخه بکسان است. با فرض ثابت ماندن دمای جیوه، دمای هواي محبوس را چند درجه سلسیوس افزایش دهیم تا اختلاف ارتفاع جیوه در دو طرف ظرف  $5\text{cm}$  شود؟ (فشار هواي محیط  $75\text{cmHg}$  است و هواي محبوس شده را گاز ایده آل در نظر بگیرید).

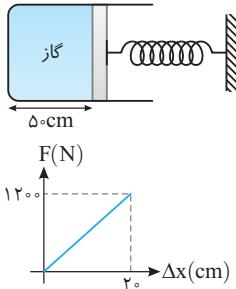
- ۱۸۹ در شکل رو به رو گاز کاملی در انتهای شاخه سمت راست لوله قرار دارد. چند سانتی متر جیوه به شاخه سمت چپ اضافه کنیم تا حجم گاز کامل  $25\%$  کاهش یابد؟ ( $P_0 = 75\text{cmHg}$  و در این فرایند دما ثابت می ماند).



- ۱۹۰ مانند شکل، داخل یک استوانه به وسیله پیستون عایقی که می تواند در طول آن جابه جا شود به دو بخش تقسیم شده است. در یک قسمت اکسیژن در دمای  $T_1 = 400\text{K}$  و در قسمت دیگر هیدروژن در دمای  $T_2 = 300\text{K}$  قرار دارد و پیستون در حال تعادل است. جرم دو گاز برابر و طول استوانه  $65\text{cm}$  سانتی متر است. در شکل مقدار  $x$  را بیابید.



- ۱۹۱ در شکل رو به رو پیستون MN که از هدایت گرمایی خوبی برخوردار است، استوانه AB را به دو قسمت مساوی تقسیم کرده و می تواند آزادانه در طول استوانه جابه جا شود. پیستون را ثابت نگه داشته و در طرف A گازی با فشار  $10\text{atm}$  دمای  $27^{\circ}\text{C}$  و در طرف دیگر گازی با فشار  $5\text{atm}$  دمای  $727^{\circ}\text{C}$  وارد می کنیم. سپس پیستون را رها کرده و اجازه می دهیم زمان کافی بگذرد تا دو گاز هم دما شوند. در این حالت فاصله AM چند سانتی متر است؟ (طول استوانه  $AB = 46\text{cm}$  است).



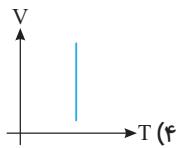
- ۱۹۲ در شکل مقابل تغییر طول فنر صفر می باشد و فنر طول طبیعی خود را دارد. دمای گاز  $27^{\circ}\text{C}$  و اصطکاک پیستون با دیواره ناچیز و نمودار نیرویی که فنر بر حسب تغییر طول ایجاد می کند به صورت زیر است. دمای گاز را چند درجه سلسیوس بالا ببریم تا پیستون  $10\text{cm}$  به طرف راست برود؟ (فشار هوا در محل یک اتمسفر و مساحت پیستون  $300\text{cm}^2$  است).

## بخش سوم پرسش‌های چهارگزینه‌ای

کنکور دده‌های گذشته

- ۲) در دمای ثابت حجم آن نصف شود  
۴) دمای مطلق نصف و حجم آن دو برابر شود.

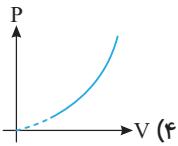
برگرفته از کتاب درسی



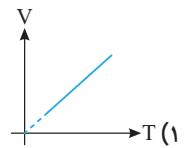
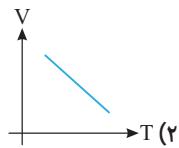
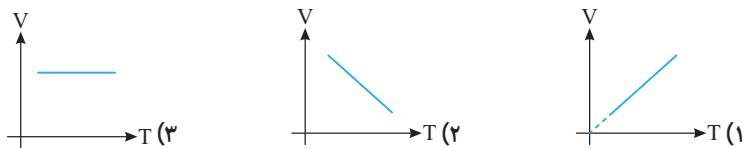
- ۱۲۶ - در چه صورت فشار یک گاز کامل دو برابر می‌شود؟

- ۱) در حجم ثابت دمای مطلق آن نصف شود  
۳) دمای مطلق دو برابر و حجم آن نصف شود

برگرفته از کتاب درسی

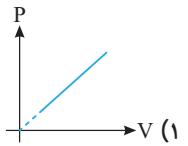
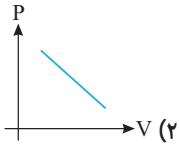
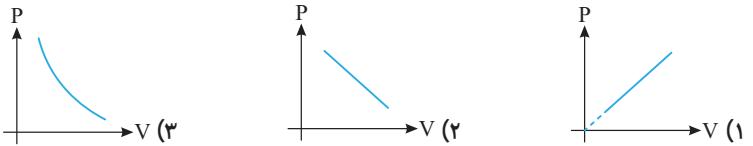


- ۱۲۷ - نمودار حجم بر حسب دمای مقدار معینی از گاز آرامانی در حجم ثابت به کدام صورت است؟



از آد ریاضی - ۸۹

- ۱۲۸ - نمودار فشار بر حسب حجم مقدار معینی گاز کامل در دمای ثابت به کدام صورت است؟



- ۱۲۹ - فشار گازی را نصف و دمای آن را از  $22^{\circ}\text{C}$  به  $177^{\circ}\text{C}$  می‌رسانیم. در این صورت حجم گاز چند برابر خواهد شد؟

- ۲) ۴      ۵) ۳      ۳) ۲      ۱) ۱

- ۱۳۰ - اگر در حجم ثابت، دمای مقدار معینی گاز کامل را از  $45/5$  درجه سلسیوس به  $91$  درجه سلسیوس برسانیم، فشار گاز چند برابر می‌شود؟

سراسری تجربی - ۹۱

- $\frac{8}{7}$  (۴)      ۳) (۳)      ۲) (۲)      ۱) (۱)

- ۱۳۱ - حجم مقدار معینی گاز کامل در دمای  $7^{\circ}\text{C}$  برابر  $2\text{lit}$  است. در فشار ثابت دمای گاز را چند کلوین افزایش دهیم تا حجم گاز  $40.0\text{cm}^3$

افزایش باید؟ سراسری تجربی - ۹۷

- ۳۲۹ (۴)      ۳۱۹ (۳)      ۵۶ (۲)      ۴۶ (۱)

- ۱۳۲ - به کمک یک پیستون، حجم مقدار معینی گاز کامل را به  $8$  لیتر می‌رسانیم و در این عمل فشار گاز از  $10^5\text{ Pa}$  به  $2 \times 10^5\text{ Pa}$  می‌رسد و دمای

گاز از  $27$  درجه سلسیوس به  $47$  درجه سلسیوس می‌رسد. حجم اولیه گاز چند لیتر بوده است؟ سراسری خارج از کشور تجربی - ۷۷

- ۲۴ (۴)      ۱۵ (۳)      ۱۲ (۲)      ۱۰ (۱)

- ۱۳۳ - اگر در فشار ثابت دمای مقدار معینی گاز آرامانی را یک درجه سلسیوس افزایش دهیم، حجم آن به اندازه « $\frac{1}{273} \times \text{حجم اولیه اش}$ » افزایش می‌باید. دمای گاز چند درجه سلسیوس است؟

- ۵۴۶ (۴)      ۲۷۳ (۳)      ۱۰۰ (۲)      ۱) صفر

- ۱۳۴ - فشار یک گاز آرامانی در دمای ثابت به اندازه  $2/0$  درجه سلسیوس افزایش می‌باید. اگر تغییر حجم  $100\text{cm}^3$  باشد، حجم اولیه گاز چند لیتر است؟  $0/2$  (۳)       $0/6$  (۲)       $0/4$  (۱)

- ۱۳۵ - حجم مقداری گاز آرامانی در دمای  $0$  درجه سلسیوس برابر  $4$  لیتر و در  $20$  درجه سلسیوس برابر  $6$  لیتر است.  $\theta$  چند درجه سلسیوس است؟ (فشار ثابت است).

- ۵۴۶ (۴)      ۲۷۳ (۳)      ۱۸۲ (۲)      ۹۱ (۱)

- ۱۳۶ - گاز آرامانی به حجم  $1/5$  لیتر در فشار یک اتمسفر و دمای  $27^{\circ}\text{C}$  قرار دارد. اگر فشار گاز را به  $1/5$  اتمسفر برسانیم و دمای گاز نیز  $5^{\circ}\text{C}$  کلوین

افزایش باید، حجم گاز چند لیتر کاهش می‌باید؟ سراسری خارج از کشور تجربی - ۹۲

- $\frac{1}{6}$  (۴)       $\frac{1}{4}$  (۳)       $\frac{1}{2}$  (۲)       $\frac{1}{1}$  (۱)



سرواسی تجربی - ۹۳

- اگر در فشار ثابت، دمای گاز کاملی را از  $27^{\circ}\text{C}$  به  $42^{\circ}\text{C}$  برسانیم، حجم گاز چند درصد افزایش می‌باید؟

$$5(4) \quad 10(3) \quad 25(2) \quad 50(1)$$

- در دمای ثابت، حجم گاز کاملی ۶ درصد تغییر می‌کند. در نتیجه فشار آن  $15 \times 10^{\text{Pa}}$  افزایش می‌باید. فشار اولیه گاز چند پاسکال بوده است؟

سرواسی تجربی - ۹۵

$$9 \times 10^4(4) \quad 3 / 75 \times 10^4(3) \quad 2 \times 10^5(2) \quad 10^5(1)$$

- اگر در حجم ثابت، دمای مقدار معینی گاز کامل را از  $27^{\circ}\text{C}$  به  $87^{\circ}\text{C}$  برسانیم، فشار گاز چند درصد افزایش می‌باید؟

$$15(4) \quad 12(3) \quad 20(2) \quad 10(1)$$

- اگر فشار گاز آرامانی را ۲۵ درصد افزایش و هم‌زمان دمای مطلق آن را ۲۰ درصد کاهش دهیم، حجم گاز چگونه تغییر می‌کند؟

نکوردههای گذشته (۱) ۳۶ درصد کاهش (۲) ۴۰ درصد افزایش (۳) ۶۰ درصد کاهش (۴) ۲۵ درصد کاهش

- حجم گازی در دمای  $27/3^{\circ}\text{C}$  برابر  $V_1$  است. اگر در فشار ثابت دمای این گاز را به  $273^{\circ}\text{C}$  برسانیم، حجم آن  $V_2$  می‌شود. کدام یک

نکوردههای گذشته از روایط زیر صحیح است؟

$$2V_1 > V_2 > V_1(4) \quad V_2 = 10V_1(3) \quad 10V_1 > V_2 > 9V_1(2) \quad V_2 = 9V_1(1)$$

- اگر در حجم ثابت دمای گازی را بر حسب درجه سلسیوس دو برابر کنیم فشار گاز از  $P_1$  به  $P_2$  می‌رسد. کدام گزینه درست است؟

$$P_1 < P_2 < 2P_1(2) \quad P_2 = 2P_1(1)$$

(۴) گزینه (۲) و (۳) می‌تواند درست باشد.

نکوردههای گذشته - در فشار ثابت حجم مقدار معینی از یک گاز کامل، با کدام یک از کمیت‌های زیر رابطه مستقیم دارد؟

$$(1) \text{ چگالی} \quad (2) \text{ دمای مطلق} \quad (3) \text{ فشار} \quad (4) \text{ گرمای ویژه}$$

- در ۱۵ لیتر گاز کامل ۲ اتمی که دمای آن  $23^{\circ}\text{C}$  - درجه سلسیوس و فشار آن ۸ اتمسفر است، چه تعداد مولکول گاز وجود دارد؟

سرواسی خارج از کشور ریاضی - ۹۰ (۱)  $\text{atm} = 1.010^5 \text{ Pa}$ , عدد آوگادرو =  $R = 8\text{J/mol.K}$ )

$$3/9 \times 10^{25}(4) \quad 3/9 \times 10^{23}(3) \quad 3/6 \times 10^{24}(2) \quad 3/6 \times 10^{22}(1)$$

- مخزنی به حجم ۵ لیتر حاوی گاز اکسیژن در فشار  $10^5 \text{ Pa}$  و دمای  $27^{\circ}\text{C}$  است. جرم گاز موجود در مخزن چند گرم است؟

سرواسی ریاضی - ۹۰ (R =  $8\text{J/mol.K}$ ,  $M_{O_2} = 32\text{g/mol}$ )

$$\frac{2}{3}(4) \quad \frac{5}{24}(3) \quad \frac{5}{3}(2) \quad \frac{1}{3}(1)$$

- دمای ۳ گرم گاز هیدروژن را در فشار ثابت، از  $27^{\circ}\text{C}$  درجه سلسیوس به  $87^{\circ}\text{C}$  درجه سلسیوس می‌رسانیم. حجم گاز در این فرایند، چند درصد

سرواسی خارج از کشور تجربی - ۹۴ افزایش می‌باید؟

$$30(4) \quad 25(3) \quad 20(2) \quad 15(1)$$

- جرم  $5/6$  لیتر گاز اکسیژن در فشار ۲ جو و دمای  $91^{\circ}\text{C}$  چند گرم است؟

$$11/52(1) \quad 10(2) \quad 5(3) \quad 1(4)$$

- حجم مقداری گاز در دمای  $K = 300$  سانتی‌متر جیوه،  $2 \text{ atm}$  و فشار  $100 \text{ s}^{-1}$  متر مکعب است. حجم این مقدار گاز در دمای  $375 \text{ K}$  و فشار  $125 \text{ atm}$  چند متر مکعب است؟

$$2/5(4) \quad 2(3) \quad 1/28(2) \quad 1/16(1)$$

- در مخزنی  $m$  گرم گاز در فشار  $P$  وجود دارد. اگر  $m$  گرم گاز از همان نوع را در دما و حجم ثابت وارد مخزن کنیم، فشار گاز داخل مخزن

برابر کدام گزینه می‌شود؟

(۴) جرم مولی گاز باید مشخص باشد.

$$2P(3) \quad 1/5P(2) \quad P(1)$$

- در یک مخزن  $5$  مول گاز اکسیژن موجود است. اگر دو مول از این گاز از مخزن خارج شود و دمای مطلق گاز نصف شود، فشار گاز درون

مخزن چند برابر حالت اول می‌شود؟

$$1/5(4) \quad 0/3(3) \quad 2(2) \quad 0/5(1)$$

- دو ظرف به حجم مساوی یکی محتوی گاز هیدروژن و دیگری محتوی گاز اکسیژن در دمای یکسان و جرم برابر قرار دارند. فشار هیدروژن چند

نکوردههای گذشته برابر فشار اکسیژن است؟

$$16(4) \quad 8(3) \quad 1(2) \quad \frac{1}{8}(1)$$

- ۱۵۲- مقداری گاز داخل یک ظرف در بستهٔ مکعبی شکل قرار دارد. در صورتی که بدون تغییر دما، ابعاد این ظرف دو برابر شود، نیروی وارد بر هر سطح ظرف چند برابر خواهد شد؟

$$\frac{1}{2} (4)$$

$$2 (3)$$

$$\frac{1}{\sqrt{2}} (2)$$

$$\sqrt{2} (1)$$

- ۱۵۳- مخزنی شامل ۲ گرم گاز هلیوم و ۱۶ گرم گاز اکسیژن است. دمای مخلوط این دو گاز  $300\text{ K}$  و فشار آن  $10\text{ Pa}$  می‌باشد. با فرض این‌که گازها کامل باشند، چگالی مخلوط چند کیلوگرم بر متر مکعب است؟

[سراسری خارج از کشور ریاضی - ۹۳](#)

$$0/25 (4)$$

$$0/40 (3)$$

$$0/60 (2)$$

$$0/75 (1)$$

- ۱۵۴- در یک خانه که با محیط بیرون از خانه تبادل انرژی ندارد، دو اتاق مانند هم با راهروی به هم مرتبط شده‌اند. فرض کنید دمای دو اتاق متفاوت و ثابت نگه داشته می‌شود. در کدام اتاق مولکول‌های بیشتری از هوا وجود دارد؟

(۱) اتاقی که دمای آن بیشتر است.

(۲) اتاقی که دمای آن کمتر است.

(۳) اتاقی که فشار هوای آن بیشتر است.

(۴) چون حجم اتاق‌ها برابر است و به هم مرتبط هستند، پس تعداد مولکول‌های هوا در هر دو برابر است.

- ۱۵۵- یک گاز آرامانی در طرف راست مخزن عایق‌بندی شده مطابق شکل قرار دارد. اگر تیغهٔ جدا کننده را برداریم، دمای گاز چه تغییری می‌کند؟



$$2 (2)$$

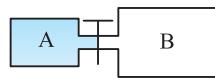
$$4 (4)$$

$$1 (1)$$

$$3 (3)$$

- ۱۵۶- در شکل رویه‌رو، ظرف A به حجم ۲ لیتر حاوی گاز اکسیژن با دمای  $47^\circ\text{C}$  و فشار  $4 \text{ atm}$  اتمسفر است و ظرف B به حجم ۵ لیتر کاملاً خالی است. اگر شیر رابط را باز کنیم و دمای گاز در ظرف‌ها به  $7^\circ\text{C}$  درجه سلسیوس برسد، فشار گاز چند اتمسفر می‌شود؟

[سراسری ریاضی - ۹۴](#)



$$1/25 (2)$$

$$2 (4)$$

$$0/75 (1)$$

$$1 (3)$$

- ۱۵۷- در فشار ثابت دمای مطلق مقدار معینی گاز آرامانی را ۲ برابر می‌کنیم، چگالی گاز چند برابر می‌شود؟

$$\frac{\sqrt{2}}{2} (4)$$

$$2 (3)$$

$$1 (2)$$

$$\frac{1}{2} (1)$$

- ۱۵۸- چگالی یک گاز آرامانی در دمای  $7^\circ\text{C}$  و فشار  $10\text{ Pa}$  چند گرم بر لیتر است؟ ( جرم مولکولی گاز =  $32\text{ g/mol}$  ،  $R = 8\text{ J/mol.K}$  )

[سراسری خارج از کشور ریاضی - ۸۷](#)

$$\frac{4}{7} (4)$$

$$\frac{1}{7} (3)$$

$$\frac{7}{4} (2)$$

$$\frac{7}{10} (1)$$

- ۱۵۹- درون مخزنی  $4\text{ mol}$  از گاز آرامانی قرار دارد. اگر  $2\text{ mol}$  از گاز را در دما و فشار ثابت خارج کنیم، چگالی گاز چند برابر می‌شود؟

$$\frac{1}{4} (4)$$

$$2 (3)$$

$$\frac{1}{2} (2)$$

$$1 (1)$$

- ۱۶۰- درون مخزنی با پیستون متجرک  $10\times 10\times 2\text{ cm}^3$  از واحد سازنده گاز کامل موجود است. اگر  $10^{23}\times 10^{-23}\text{ mol}$  از واحد سازنده گاز کامل را در دما و فشار ثابت از مخزن خارج کنیم، حجم گاز چند برابر می‌شود؟

$$0/23 (4)$$

$$3 (3)$$

$$0/46 (2)$$

$$0/92 (1)$$

- ۱۶۱- عمق دریاچه‌ای که در آن حجم جباب‌های گاز هنگام بالا آمدن از ته دریاچه تا سطح آب ۳ برابر می‌شود، چند متر است؟ (برگرفته از کتاب درسی [برگرفته از کتاب درسی](#))

$$10^\circ\text{C}$$

$$P = 10^5 \text{ Pa}$$

$$\rho = 1000 \text{ kg/m}^3$$

$$30^\circ\text{C}$$

$$25^\circ\text{C}$$

$$20^\circ\text{C}$$

$$15^\circ\text{C}$$

- ۱۶۲- درون استوانه‌ای ۴ لیتر گاز کامل در دمای  $27^\circ\text{C}$  قرار دارد. فشارسنج، فشار گاز را  $4\text{ atm}$  نشان می‌دهد. اگر دمای گاز را به  $87^\circ\text{C}$  و حجم آن را به ۸ لیتر برسانیم، فشارسنج فشار گاز را چند اتمسفر نشان می‌دهد؟ (فشار هوای بیرون  $1\text{ atm}$  است).

[سراسری خارج از کشور - ۹۶](#)

$$4 (4)$$

$$3 (3)$$

$$2 (2)$$

$$1 (1)$$

- ۱۶۳- مقداری گاز، زیر پیستون بدون اصطکاکی مطابق شکل محبوب است. اگر وزنه‌ای که جرمش برابر جرم



پیستون است را روی آن قرار دهیم، فشار گاز چند برابر حالت اول می‌شود؟

$$2 (2)$$

$$3 (3)$$

$$1 (1)$$

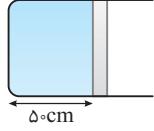
$$3 (3)$$



- ۱۶۴ در شکل رو به رو، جرم پیستون یک کیلوگرم، جرم وزنه روی آن  $4 \text{ kg}$  کیلوگرم و دمای گاز درون ظرف  $27^\circ\text{C}$  درجه سلسیوس است. اگر دمای گاز را به آرامی به  $87^\circ\text{C}$  درجه سلسیوس برسانیم، ضمن گرم شدن گاز، چند کیلوگرم وزنه به تدریج باید روی پیستون اضافه کنیم تا پیستون جابه جا نشود؟ (سطح قاعده پیستون  $2\text{ cm}^2$ ، فشار هوا  $10^5 \text{ Pa}$ ، پاسکال و  $g = 10 \text{ m/s}^2$  است).

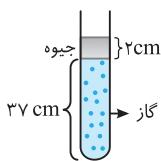
سراسرنی - ۹۶

$$7(4) \quad 6(3) \quad 3(2) \quad 2(1)$$



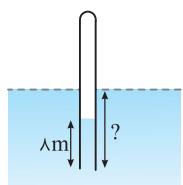
- ۱۶۵ در شکل رو به رو اصطکاک پیستون با دیواره ها ناجیز است. اگر دمای گاز درون محفظه را از  $27^\circ\text{C}$  به  $227^\circ\text{C}$  برسانیم. پیستون به جرم  $2\text{ kg}$ ، چند سانتی متر تغییر می کند؟ ( $P_0 = 10^5 \text{ Pa}$ )

$$\frac{50}{3}(4) \quad 25(3) \quad \frac{100}{3}(2) \quad 50(1)$$



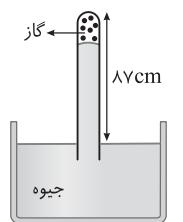
- ۱۶۶ در شکل مقابل مقداری گاز به ارتفاع  $37\text{ cm}$  زیر پیستونی از جیوه به ارتفاع  $2\text{ cm}$  قرار دارد. اگر لوله را وارونه کنیم، قطره جیوه چند سانتی متر جابه جا می شود؟ (فشار هوا  $76\text{ cmHg}$  است و دمای هوای درون لوله ثابت فرض می شود.)

$$4(2) \quad 12(4) \quad 2(1) \quad 8(3)$$



- ۱۶۷ لوله ای به طول  $l = 24\text{ m}$  که یک طرف آن بسته است، حاوی هوا در فشار  $10^5 \text{ Pa}$  می باشد. این لوله را به طور قائم در یک دریاچه آب شیرین فرو می بردیم تا وقتی که آب همانند شکل تا  $\frac{1}{3}$  طول لوله بالا بیاید. لوله چند سانتی متر در آب فرو رفته است؟ ( $g = 10 \text{ m/s}^2$ ,  $\rho_{\text{آب}} = 1000 \text{ kg/m}^3$  و دما در تمام نقاط برابر و ثابت فرض می شود.)

$$89(\text{سراسرنی ریاضی}) \quad 20(4) \quad 13(3) \quad 5(2) \quad 8(1)$$



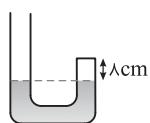
- ۱۶۸ در شکل رو به رو، از لوله خارج از جیوه نگه داشته شده است. در شرایطی که فشار هوا  $75\text{ cmHg}$  و دمای گاز  $27^\circ\text{C}$  است، ارتفاع ستون جیوه در لوله  $22\text{ cm}$  است. بر اثر افزایش فشار هوا ستون جیوه بالا می رود، دمای گاز را به  $47^\circ\text{C}$  می رسانیم تا دوباره ستون جیوه به همان  $22\text{ cm}$  برسد. فشار هوا چگونه تغییر کرده است؟

$$97(\text{سراسرنی ریاضی}) \quad 2(2) \quad 4(2) \quad 3(2) \quad 1(1)$$

- ۱۶۹ لوله استوانه ای شکلی به طول  $40\text{ cm}$  را که هر دو طرف آن باز است تا ارتفاع  $30\text{ cm}$  سانتی متر به طور قائم در جیوه فرو می بردیم و سپس انگشت خود را در بالای لوله قرار داده و لوله را از جیوه بیرون می آوریم. اگر فشار هوا در محل  $75\text{ cmHg}$  باشد و دما ثابت بماند، چند سانتی متر از جیوه در لوله باقی می ماند؟

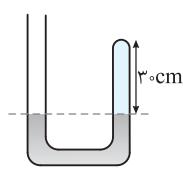
سراسرنی ریاضی - ۹۰

$$25(4) \quad 20(3) \quad 15(2) \quad 1(1)$$



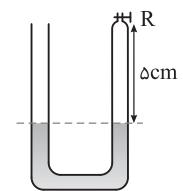
- ۱۷۰ در شکل رو به رو دمای هوای محبوس بالای جیوه  $31^\circ\text{C}$  است. دمای هوای داخل محفظه را چند درجه سلسیوس افزایش دهیم تا اختلاف دو سطح جیوه  $4\text{ cm}$  سانتی متر شود؟ (فشار هوای خارج لوله  $76\text{ cmHg}$  است.)

$$96(2) \quad 127(1) \\ 176(4) \quad 152(3)$$



- ۱۷۱ در شکل رو به رو، در ابتدا ارتفاع جیوه در دو طرف لوله یکسان است و مقداری گاز کامل در طرف راست لوله محبوس است. اگر جیوه به شاخه سمت چپ افزوده شود به طوری که اختلاف ارتفاع جیوه در دو طرف لوله به  $38\text{ cm}$  سانتی متر برسد، ارتفاع ستون گاز چند سانتی متر می شود؟ (فشار هوا  $76\text{ cmHg}$  سانتی متر جیوه است و دما ثابت فرض شود.)

$$96(\text{سراسرنی ریاضی}) \quad 10(2) \quad 5(1) \\ 20(4) \quad 15(3)$$



- ۱۷۲ در شکل رو به رو، شیر  $R$  را می بندیم و دمای هوای محبوس در لوله را از  $39^\circ\text{C}$  درجه سلسیوس چند درجه افزایش بدهیم تا اختلاف ارتفاع ستون جیوه در دو لوله به  $2\text{ cm}$  سانتی متر برسد؟ (فشار هوای محل  $78\text{ cmHg}$  سانتی متر جیوه و قطر دو لوله با یکدیگر مساوی است. از انبساط جیوه و طرف صرف نظر کنید.)

$$96(\text{سراسرنی ریاضی}) \quad 100(2) \quad 72(1) \\ 384(4) \quad 211(3)$$



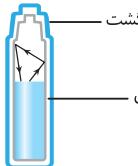
**پاسخ ۱۴۳ (A)** همانطور که می‌دانیم چگالی هوای گرم کمتر از هوای سرد است و باعث انتقال گرما به روش همرفت می‌شود، پس هوای گرم در بالای اتاق جمع می‌شود و اختلاف دمای هوای درون اتاق در مجاورت سقف با هوای بیرون بیشتر است و از طریق رسانش توسط پنجره سقفی گرمای بیشتری تلف می‌شود.

**پاسخ ۱۴۴ (A)** لابه لای خامه هوا قرار دارد که باعث می‌شود بین هوا و قهوه داخل فنجان، عایقی از هوا قرار گیرد و دمای فنجان A کندتر کاهش می‌یابد پس فنجان B زودتر خنک می‌شود.

**پاسخ ۱۴۵ (A)** پرنده به این علت پرهای خود را باد می‌کند که هوا بین پرهای پرنده حبس شود، هوا عایق گرماست و باعث کاهش تبادل گرمایی بین بدن پرنده و هوای بیرون می‌شود و پرنده را گرم نگه می‌دارد.

**پاسخ ۱۴۶ (A)** هر قدر که یک سطح تیره‌تر یا ناصاف و زیتر باشد، گسیل تابش گرمایی از آن بیشتر خواهد بود. بنابراین آب در قوری تیره رنگ زودتر خنک می‌شود.

**پاسخ ۱۴۷ (A)** (الف) روش گرم شدن قوطی‌ها، تابش گرمایی گرمکن است. میز چوبی و هوا نارسانا بوده و گرم شدن قوطی‌ها از طریق رسانش ممکن نیست. از طرفی جریان همرفتی اطراف گرمکن، هوای گرم را رو به بالا حرکت می‌دهد. در حالی که قوطی‌ها را طرفین گرمکن هستند. جریان همرفتی قوطی‌ها را گرم نمی‌کند و همان‌گونه که بیان شد طریق گرم کردن قوطی‌ها، تابش است. (ب) قوطی که دارای سطح خارجی سیاه و تیره است، تابش را بهتر جذب کرده، سریع‌تر گرم شده و پارافین درون آن زودتر ذوب می‌شود.



**پاسخ ۱۴۸ (A)** ظرف دو جداره سبب می‌گردد که مایع درون فلاسک عایق‌بندی شده و شارش گرمای اخلاقاً بین دو جداره ناچیز باشد. برق و صیقلی کردن سطح درونی شیشه فلاسک سبب می‌گردد که بخش زیادی از تابش گرمایی حاصل از مایع داغ توسط دیواره‌ها بارتاب شود و مایع درون ظرف به مدت طولانی تری گرم بماند.

براق بودن سطح باعث بازگشت تابش گرمایی به مایع هوا عایق گرمایی

بین دو جداره ناچیز باشد. برق و صیقلی کردن سطح درونی شیشه فلاسک سبب می‌گردد که بخش زیادی از تابش گرمایی حاصل از مایع داغ توسط دیواره‌ها بارتاب شود و مایع درون ظرف به مدت طولانی تری گرم بماند.

چون سیخ‌ها فلزی هستند و رسانش گرمایی خوبی دارند، بنابراین گرمایی را از آب اطراف به قسمت‌های میانی سیب‌زمینی منتقل می‌کند و این عمل به زودتر پخته شدن سیب‌زمینی کمک می‌کند.

**پاسخ ۱۵۰ (B)** هوا رساننده خوب گرمایی نیست و با قرار گرفتن دست در تنور، گرمایی زیادی از هوای درون تنور به دست منتقل نمی‌شود و دست نمی‌سوزد، اما بدنه تنور که معمولاً فلزی است رساننده خوب گرمایی است و با برخورد دست به آن، گرمایی از همه نقاط فلز به سرعت به دست شخص منتقل شده و دست نمی‌سوزد.

**پاسخ ۱۵۱ (A)** در شکل بطری‌های بارنگ روشن دارای آب سرد هستند و بطری‌های بارنگ تیره دارای آب گرم هستند. هنگامی که بطری‌ها مانند شکل (۱) روی هم قرار گیرند و سپس کارت بین دو بطری را بیرون بکشیم اتفاق خاصی نمی‌افتد، زیرا آب گرم دارای چگالی کمتری است و در بالا باقی می‌ماند. در شکل (۲) اگر کارت را بیرون بکشید آب سرد که چگال‌تر است رو به پایین و آب گرم که چگالی کمتری دارد به سمت بالا حرکت کرده جریان همرفتی سبب جایه‌جایی دو مایع و مخلوط شدن آن‌ها با هم می‌شود.

آب گرم  
کارت  
آب سرد  
(۱)  
آب گرم  
کارت  
آب سرد  
(۲)

**پاسخ ۱۵۲ (A)** (الف) با توجه به قانون شارل، در فشار ثابت، حجم گاز با دمای گاز نسبت مستقیم دارد. (ب) با توجه به قانون بویل و ماریوت، در دمای ثابت حجم مقدار معینی گاز با فشار ثابت (قانون شارل) / (ب) بررسی گاز در حجم ثابت (قانون گی لوساک) / (پ) بررسی گاز در دمای ثابت (قانون بویل - ماریوت).

**پاسخ ۱۵۳ (A)** (الف) بررسی گاز در فشار ثابت (قانون شارل) / (ب) بررسی گاز در حجم ثابت (قانون گی لوساک) / (پ) بررسی گاز در دمای ثابت (قانون بویل - ماریوت) هوای درون بطری سرد شده طبق قانون عمومی گازها فشارش کاهش می‌یابد و فشار هوای درون بخچال آن را مجاله می‌کند.

**پاسخ ۱۵۴ (A)** با دادن گرمایی آب و دمای گاز درون سرنگ بالا می‌رود که سبب حرکت آرام پیستون سرنگ رو به بیرون شده و حجم گاز درون سرنگ افزایش می‌یابد. اما فشار گاز درون سرنگ ثابت می‌ماند. فشار گاز درون سرنگ برابر مجموع فشار هوا و فشار مایع بالای سرنگ است.

**پاسخ ۱۵۵ (B)** با توجه به قانون گازها و ثابت ماندن فشار داریم:

$$\frac{P_1 V_1}{T_1} = \frac{P_2 V_2}{T_2} \Rightarrow \frac{V_1}{T_1} = \frac{V_2}{T_2} \Rightarrow \frac{V_1}{V_2} = \frac{T_2}{T_1}$$

$$\Delta V = V_2 - V_1 = \frac{V_2}{T_2} T_1 - V_1 = \frac{T_2 - T_1}{T_2} V_1$$

**پاسخ ۱۵۶ (A)** با توجه به قانون گازها و ثابت بودن فشار گاز می‌توان نوشت:

$$\frac{P_1 V_1}{T_1} = \frac{P_2 V_2}{T_2} \Rightarrow \frac{V_1}{T_1} = \frac{V_2}{T_2} \Rightarrow \frac{V_1}{V_2} = \frac{T_2}{T_1} \Rightarrow \frac{V_1}{V_2} = \frac{273}{273 + 273} = \frac{1}{2} \Rightarrow V_2 = 2V_1$$

با توجه به قانون گازها داریم:

**پاسخ ۱۵۷ (A)** با توجه به قانون گازها و ثابت بودن فشار گاز می‌توان نوشت:

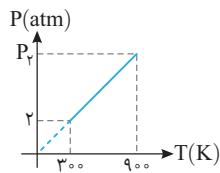
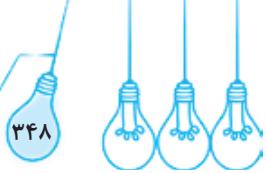
$$\frac{P_1 V_1}{T_1} = \frac{P_2 V_2}{T_2} \Rightarrow \frac{V_1}{T_1} = \frac{V_2}{T_2} \Rightarrow \frac{V_1}{V_2} = \frac{T_2}{T_1} \Rightarrow \frac{V_1}{V_2} = \frac{273}{273 + 273} = \frac{1}{2} \Rightarrow V_2 = 2V_1$$

**پاسخ ۱۵۸ (A)** مقادیر مسأله را در رابطه قانون گازها قرار می‌دهیم:

$$\frac{P_1 V_1}{T_1} = \frac{P_2 V_2}{T_2} \Rightarrow \frac{V_1}{T_1} = \frac{V_2}{T_2} \Rightarrow \frac{V_1}{V_2} = \frac{T_2}{T_1} \Rightarrow \frac{V_1}{V_2} = \frac{273}{273 + 273} = \frac{1}{2} \Rightarrow V_2 = 2V_1$$

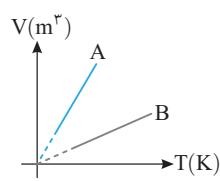
**پاسخ ۱۵۹ (A)** افزایش دما بر حسب درجه‌بندی سلسیوس و کلوین برابر است. با توجه به قانون گازها داریم:

**پاسخ ۱۶۰ (B)**  $\frac{P_1 V_1}{T_1} = \frac{P_2 V_2}{T_2} \Rightarrow \frac{V_1}{T_1} = \frac{V_2}{T_2} \Rightarrow \frac{V_1}{V_2} = \frac{T_2}{T_1} \Rightarrow \frac{V_1}{V_2} = \frac{160}{160 + 273} = \frac{160}{433} \Rightarrow V_2 = \frac{433}{160} V_1$

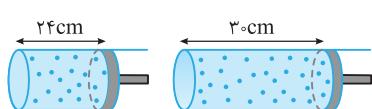


پاسخ ۱۶۱ **(B)** با توجه به شکل نمودار با افزایش دما، فشار گاز به طور خطی افزایش یافته است. بنابراین باید حجم گاز ثابت باشد.  $(PV=nRT)$

$$\frac{P_1 V_1}{T_1} = \frac{P_2 V_2}{T_2} \Rightarrow \frac{1}{200} = \frac{2}{900} \Rightarrow P_2 = 6 \text{ atm}$$



الف) نمودار  $V-T$  خط راست گذرنده از مبدأ است. با توجه به قانون گازها  $(PV=nRT)$  و با توجه به اینکه در این نمودار با افزایش دما، حجم گاز به طور خطی افزایش یافته است باید فشار گاز ثابت باشد. یعنی اگر قانون گازهای راه به صورت  $V=nRT/P$  بنویسیم اگر فشار ثابت باشد، این رابطه شبیه معادله خطی می‌شود که از مبدأ می‌گذرد ( $y=mx$ ) که در آن  $y$  همان حجم،  $x$  همان دما و  $nR/P$  شیب خط است که شیب خط یک عدد ثابت می‌باشد بنابراین  $P$  باید همواره ثابت باشد پس  $P$  ثابت است و تغییر نمی‌کند. ب) با توجه به اینکه شیب خط  $\frac{nR}{P}$  است هرچه شیب خط بیشتر باشد  $P$  کمتر است بنابراین  $P_A < P_B$  خواهد بود.



الف) در حالت اول فشارهای درون پیستون برابر فشارهای بیرون است:

$$\frac{P_1 V_1}{T_1} = \frac{P_2 V_2}{T_2} \quad T_1 = T_2 \Rightarrow P_1 V_1 = P_2 V_2 \Rightarrow 1 \times 24A = 1 \times 30A \Rightarrow P_1 = P_2 = 1 \text{ atm}$$

$$P_1 V_1 = P_2 V_2 \Rightarrow 1 \times 24A = 3 \times hA \Rightarrow h = 8 \text{ cm} \Rightarrow \Delta h = 8 - 24 = -16 \text{ cm}$$

طول ستون استوانه را باید 16 cm کاهش دهیم.

وقتی شیر اتصال را باز می‌کنیم، حجم نهایی گاز برابر مجموع حجم دو مخزن می‌شود و دو مخزن با هم به فشار یکسانی می‌رسند:

$$P_1 V_1 = P_2 V_2 \Rightarrow 1 \times 24 = P_2 (5 + 1) \Rightarrow P_2 = 2 \text{ atm}$$

$$PV = nRT \Rightarrow 2 \times 1.0 \times V = \frac{1.0}{2} \times \frac{25}{3} \times 30 \Rightarrow V = 62.5 \text{ m}^3 = 62.5 \text{ lit}$$

با توجه به معادله حالت گاز آرمانی داریم:

$$PV = nRT \Rightarrow 1 \times 1.0 \times V = \frac{1.0}{5} \times \frac{25}{3} \times 273 \Rightarrow V = \frac{3}{5} \text{ mol}$$

با توجه به معادله حالت گاز آرمانی:

$$n = \frac{m}{M} \Rightarrow \frac{3}{5} = \frac{2/4}{M} \Rightarrow M = 4 \text{ g/mol}$$

جرم مولی را به دست می‌آوریم:

بنابراین گاز مورد نظر هلیم است.

پاسخ ۱۶۷ **(A)** حجم اتاق و فشارهای را به ترتیب  $V$  و  $P$  می‌نامیم. اگر تعداد مول‌ها و جرم هوای داخل اتاق در دمای  $C^\circ$  به ترتیب  $m_1$  و  $n_1$  و تعداد

مول‌ها و جرم هوای داخل اتاق در دمای  $\theta_2 = 27^\circ C$  به ترتیب  $m_2$  و  $n_2$  باشند، از معادله حالت گاز آرمانی داریم:

$$\begin{cases} P_1 V_1 = n_1 R T_1 \Rightarrow P_1 V = n_1 R (27 + 273) \\ P_2 V_2 = n_2 R T_2 \Rightarrow P_2 V = n_2 R (27 + 273) \end{cases} \Rightarrow 1 = \frac{n_1 \times 27}{n_2 \times 300} \Rightarrow \frac{n_1}{n_2} = \frac{30}{27} = \frac{10}{9} \Rightarrow \frac{n_1}{\frac{m}{M}} = \frac{10}{9} \Rightarrow \frac{m_1}{M} = \frac{10}{9} \Rightarrow \frac{m_1}{m_2} = \frac{10}{9}$$

$$\frac{P_1 V_1}{P_2 V_2} = \frac{n_1 R T_1}{n_2 R T_2} \Rightarrow \frac{P_1}{P_2} = \frac{n_1}{n_2} \times \frac{T_1}{T_2} = \frac{10}{9} \times \frac{27}{27} = 1$$

الف) با توجه به قانون گازها:

$$\frac{m_{O_2}}{m_{H_2}} = \frac{n_{O_2} M_{O_2}}{n_{H_2} M_{H_2}} \Rightarrow \frac{m_{O_2}}{m_{H_2}} = \frac{2 \times 32}{2 \times 2} = 32$$

ب) با توجه به رابطه  $n = \frac{m}{M}$  خواهیم داشت:

حجم ۲۲ lit گاز را در فشار ۱ atm و دمای  $-30^\circ C$  به دست می‌آوریم:

$$\frac{P_1 V_1}{T_1} = \frac{P_2 V_2}{T_2} \Rightarrow \frac{1 \times V_1}{243} = \frac{5 \times 22}{300} \Rightarrow V_1 = 17.8 \text{ lit} \Rightarrow n = \frac{17.8}{1} = 17.8 \text{ mol}$$

ابتدا حجم کل گاز مصرف شده و گاز باقیمانده را در فشار ۱ atm به دست می‌آوریم (دما ثابت است). با توجه به قانون گازها داریم:

$$P_1 V_1 = P_2 V_2 \Rightarrow 1 \times 20 = 1 \times V_2 \Rightarrow V_2 = \frac{30}{11} \text{ lit}$$

از این مقدار ۲۰ lit گاز در فشار ۱ atm در ظرف استوانه‌ای است و بقیه آن مصرف شده است در نتیجه داریم:

$$1 \text{ atm} = \frac{30}{11} - 20 = \frac{10}{11} \text{ lit}$$

اکنون حجم این گاز را در فشار ۱ atm در دمای ثابت  $13^\circ C$  به دست می‌آوریم: حجم گاز مصرف شده



**پاسخ ۱۷۱** (B) الف) تعداد مول اکسیژن درون مخزن را قلی و بعد از خارج شدن مقداری از اکسیژن، به ترتیب  $n_1$  و  $n_2$  می‌نامیم. در این صورت تعداد مول اکسیژن

خارج شده از مخزن برابر  $n_3 = n_1 - n_2$  خواهد بود. از معادله حالت گاز کامل داریم:

$$\begin{cases} P_1 V_1 = n_1 R T_1 \\ P_2 V_2 = n_2 R T_2 \end{cases} \Rightarrow \frac{P_1}{P_2} \times \frac{V_1}{V_2} = \frac{n_1}{n_2} \times \frac{T_1}{T_2} \Rightarrow \frac{V_1}{V_2} = \frac{n_1}{n_2} \Rightarrow \frac{n_1}{n_2} = \frac{1/6}{1/2} = \frac{4}{3} \Rightarrow \frac{n_1}{n_1 - n_2} = \frac{4}{4-3}$$

$$\Rightarrow \frac{n_1}{n_3} = \frac{4}{4} \Rightarrow \frac{n_3}{n_1} = \frac{1}{4} \Rightarrow \frac{m}{m_1} = \frac{1}{4} \Rightarrow m_3 = 0.25 m_1$$

بنابراین ۲۵ درصد جرم اکسیژن درون مخزن خارج شده است.

ب) اگر از معادله حالت گاز آرمانی برای گاز درون مخزن قبل از باز کردن شیر و برای گاز خارج شده از مخزن استفاده کنیم، خواهیم داشت:

$$\begin{cases} P_1 V_1 = n_1 R T_1 \\ P_3 V_3 = n_3 R T_3 \end{cases} \Rightarrow \frac{P_1}{P_3} \times \frac{V_1}{V_3} = \frac{n_1}{n_3} \times \frac{T_1}{T_3} \Rightarrow \frac{1/6}{1} \times \frac{4}{1} = 4 \times 1 \Rightarrow V_3 = 16 \text{ lit}$$

الف) چون حجم ثابت است چگالی ( $\rho = \frac{m}{V}$ ) تغییر نمی‌کند. / ب) در فشار ثابت با دو برابر شدن دما، حجم گاز بنا به قانون گازها  $PV = nRT$  دو

$$(\downarrow) \rho = \frac{m}{V \uparrow} \text{ نصف می‌شود. / } (\downarrow) \text{ با دو برابر شدن حجم گاز، چگالی گاز نصف می‌شود.}$$

**پاسخ ۱۷۳** (A) با توجه به تعریف چگالی و ثابت ماندن جرم گاز و با توجه به قانون عمومی گازها می‌توان نوشت:

$$\begin{cases} \rho_1 = \frac{m}{V_1} \\ \rho_2 = \frac{m}{V_2} \end{cases} \Rightarrow \frac{\rho_2}{\rho_1} = \frac{V_1}{V_2} \quad (1) \quad , \quad \frac{P_1 V_1}{T_1} = \frac{P_2 V_2}{T_2} \Rightarrow \frac{V_1}{V_2} = \frac{P_2 T_1}{P_1 T_2} \quad (2)$$

$$(1), (2) \rightarrow \frac{\rho_2}{\rho_1} = \frac{P_2}{P_1} \times \frac{T_1}{T_2} \Rightarrow \frac{\rho_2}{\rho_1} = \frac{100}{12} \times \frac{300}{250} \Rightarrow \frac{\rho_2}{\rho_1} = 1/5 \Rightarrow \rho_2 = 1.8 \text{ kg/m}^3$$

**پاسخ ۱۷۴** (A) ابتدا حجم یک کیلو مول گاز متان را به دست می‌آوریم:

$$\rho = \frac{m}{V} \Rightarrow \rho = \frac{1.6}{3} \text{ kg/m}^3$$

چگالی گاز خواهد شد:

**پاسخ ۱۷۵** (A) با توجه به تعریف چگالی و قانون گازها خواهیم داشت:

$$PV = nRT \Rightarrow PM = \frac{m}{V} RT \Rightarrow PM = \rho RT \Rightarrow \rho = \frac{PM}{RT} = \frac{P_2}{\rho_1} = \frac{P_2}{P_1} \times \frac{T_1}{T_2} \Rightarrow \frac{\rho_2}{\rho_1} = \frac{1/2 P_1}{P_1} \times \frac{T_1}{0.8 T_1} \Rightarrow \frac{\rho_2}{\rho_1} = \frac{3}{2} \Rightarrow \rho_2 = 1.5 \rho_1$$

$$\frac{\Delta \rho}{\rho_1} \times 100 = \frac{1/2 \rho_1 - \rho_1}{\rho_1} \times 100 \% = 50 \% \quad \text{درصد تغییرات خواهد شد:}$$

**پاسخ ۱۷۶** (B) ابتدا تعداد مول‌های گاز را حساب می‌کنیم:

$$PV = nRT \Rightarrow 150 \times 10^5 \times 44 \times 10^{-3} = n \times \frac{1000}{3} \times 300 \Rightarrow n = 264 \text{ mol}$$

جرم گاز هلیم را حساب می‌کنیم:

$$\rho = \frac{m}{V} \Rightarrow 0.125 = \frac{1.056}{V} \Rightarrow V = 844.8 \text{ cm}^3 \Rightarrow V = 8.448 \text{ lit}$$

حجم هلیم مایع خواهد شد:

**پاسخ ۱۷۷** (B) در شرایط متعارف (STP)، در دمای  $T = 273 \text{ K}$  و فشار  $P = 1 \text{ atm}$  حجم یک مول گاز ( $n = 1$ ) برابر  $= 22.4 \text{ lit}$  است. اکنون شرایط مسأله را با شرایط متعارف مقایسه می‌کنیم.

$$\begin{cases} P_1 V_1 = n_1 R T_1 \\ P_2 V_2 = n_2 R T_2 \end{cases} \Rightarrow \frac{P_1}{P_2} = \frac{V_2}{V_1} = \frac{n_2}{n_1} = \frac{11/2}{22/4} = \frac{1}{2} \Rightarrow \frac{V_2}{V_1} = \frac{1}{2} \Rightarrow V_2 = 0.5 V_1 \Rightarrow n_2 = \frac{0.5 \times 22.4}{2} = 11 \text{ mol}$$

تعداد مولکول‌های گاز خواهد شد:

$$\frac{V_1}{n_1} = \frac{V_2}{n_2} \Rightarrow \frac{V_1}{n_2} = \frac{1}{2} \Rightarrow \frac{V_1}{n_1} = \frac{1}{2} \times \frac{n_1}{n_2} = \frac{1}{2} \times \frac{1}{1} = \frac{1}{2}$$

با توجه به قانون آووگادرو داریم:

$$A_2 h_2 = A_1 h_1 \Rightarrow h_2 = \frac{1}{2} h_1$$

حجم گاز درون پیستون برابر  $V = Ah$  است. بنابراین:

بنابراین ارتفاع پیستون  $\frac{1}{2}$  ارتفاع اولیه کاهش می‌یابد. (۲۰٪ کاهش می‌یابد).

**پاسخ ۱۷۹** (B) دقیق کنید که فشار در قانون گازها باید فشار کل باشد. بنابراین فشار اولیه را به دست می‌آوریم:

$$P_1 = 2 + 1 = 3 \text{ atm}$$

$$V_2 = V_1 + \frac{1}{10} V_1 = 1.1 V_1 \quad , \quad T_1 = 280 \text{ K} \quad , \quad T_2 = 350 \text{ K}$$

$$\frac{P_1 V_1}{T_1} = \frac{P_2 V_2}{T_2} \Rightarrow \frac{3 \times V_1}{280} = \frac{P_2 \times 1.1 V_1}{350} \Rightarrow P_2 = \frac{1.5}{4/4} = 3.75 \text{ atm}$$

پیمانه‌ای  $= 3/4 \times 1 - 1 = 2/4 \text{ atm}$

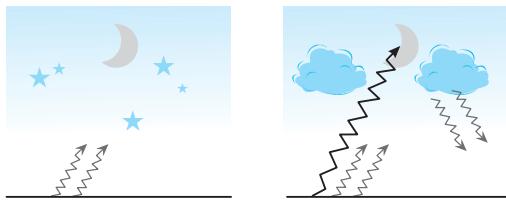


۱۲۲- گزینه ۳: هوا با دمای بالا چگالی کمتری دارد و بالای شعله قرار می‌گیرد (همرفت) به همین دلیل دمای بالای شعله بیشتر از طرفین آن است. ( $T_1 > T_2$ )

(A)

۱۲۳- گزینه ۱: جذب تابش گرمایی توسط ورقه فلزی تیره و مات بیشتر است پس دمای این سطح بیشتر بالا می‌رود و موم روی این ورقه زودتر آب می‌شود.

(A)



۱۲۴- گزینه ۳: می‌دانیم هر جسم در هر دمایی تابش گرمایی دارد. در شب‌های  
بری بخشی از تابش گرمایی از سطح زمین مجدد توسط ابرها به زمین بازمی‌گردند اما در شب‌هایی که هوا صاف است این تابش دیگر به سمت زمین بازگشت ندارند و باعث می‌شود که دما بیشتر کاهش یابد.

(B)

۱۲۵- گزینه ۴: ابدا گرمای حاصل از بدن دانش‌آموز را در مدت ۵۰ دقیقه به دست می‌آوریم:

(B)

$$Q_{کل} = nQ = 100 \times 6 \times 10^5 = 6 \times 10^7 \text{ J}$$

حال جرم هوای اتاق را به دست می‌آوریم:  $V_{اتاق} = Ah = 1000 \times 3 = 3000 \text{ m}^3$ ,  $\rho = \frac{m}{V} \Rightarrow 1 = \frac{m}{3000} \Rightarrow m = 3000 \text{ kg}$

حال با توجه به رابطه گرمایی تغییر دما را به دست می‌آوریم:  $Q = mc\Delta\theta \Rightarrow \Delta\theta = \frac{Q}{mc} = \frac{6 \times 10^7}{3 \times 10^3 \times 10^3} = 20^\circ \text{C}$

(A)

۱۲۶- گزینه ۲: با توجه به قانون گازها ( $PV = nRT$ ) در دمای ثابت فشار با حجم نسبت وارون دارد از این رو اگر حجم نصف شود، فشار دو برابر می‌شود.

(A)

۱۲۷- گزینه ۳: در حجم ثابت با تغییر دما، حجم ثابت بوده و گزینه (۳) درست است.

(A)

۱۲۸- گزینه ۳: با توجه به قانون گازها ( $PV = nRT$ ) در دمای ثابت فشار با حجم نسبت وارون دارد.  $P = \frac{nRT}{V}$  به صورت گزینه ۳ است.

(A)

۱۲۹- گزینه ۱: با توجه به قانون جهانی گازها داریم:  $\frac{P_1 V_1}{T_1} = \frac{P_2 V_2}{T_2} \Rightarrow \frac{P_1}{T_1} = \frac{P_2}{T_2} \Rightarrow \frac{1}{T_1} = \frac{1}{T_2} \Rightarrow \frac{V_2}{V_1} = \frac{T_2}{T_1} = \frac{273+91}{273+45/5} = \frac{4}{3/5} = \frac{8}{7}$

(A)

۱۳۰- گزینه ۴: با توجه به قانون عمومی گازها می‌توان نوشت:

(A)

$$\frac{P_1 V_1}{T_1} = \frac{P_2 V_2}{T_2} \xrightarrow{\text{در حجم ثابت}} \frac{P_1}{T_1} = \frac{P_2}{T_2} \Rightarrow \frac{P_1}{273+45/5} = \frac{P_2}{273+91} \Rightarrow \frac{P_2}{P_1} = \frac{273+91}{273+45/5} = \frac{4}{3/5} = \frac{8}{7}$$

دقیق کنید که دما بر حسب کلوین است و می‌توان صورت و مخرج را به ۹۱ تقسیم کرد.

۱۳۱- گزینه ۲: با توجه به قانون گازها خواهیم داشت:

(A)

$$\frac{P_1 V_1}{T_1} = \frac{P_2 V_2}{T_2} \xrightarrow{V_1 = ۱\text{lit}, V_2 = ۱/\text{lit}} \frac{1}{T_1} = \frac{1}{T_2} \Rightarrow T_2 = ۲۳۶K \Rightarrow \Delta T = ۳۳۶ - ۲۸۰ = ۵۶K$$

۱۳۲- گزینه ۳: قانون گازها را نوشته و داده‌های مسأله را در آن قرار می‌دهیم:  $\frac{P_1 V_1}{T_1} = \frac{P_2 V_2}{T_2} \Rightarrow \frac{1 \times ۱^{\circ}\text{C} \times ۱\text{lit}}{273+27} = \frac{1 \times ۱^{\circ}\text{C} \times ۱\text{lit}}{273+47} \Rightarrow \frac{V_2}{V_1} = \frac{273+47}{273+27} = \frac{15}{11}$

(A)

۱۳۳- گزینه ۱: با توجه به قانون گازها داریم:  $\frac{P_1 V_1}{T_1} = \frac{P_2 V_2}{T_2} \xrightarrow{P_1 = P_2} \frac{V_1}{T_1} = \frac{V_1 + \frac{V_1}{273}}{T_1 + 1} \Rightarrow T_1 + 1 = T_1 \left( \frac{274}{273} \right) \Rightarrow 1 = T_1 \times \frac{1}{273} \Rightarrow T_1 = 273K = ۰^\circ \text{C}$

(A)

۱۳۴- گزینه ۲: چون دما ثابت است با افزایش فشار، کاهش حجم داریم:

(B)

$$P_2 = P_1 + \frac{1}{2}P_1 = \frac{3}{2}P_1$$

$$V_2 = V_1 - ۱\text{lit}$$

$$P_1 V_1 = P_2 V_2 \Rightarrow P_1 V_1 = \frac{3}{2}P_1 (V_1 - 1\text{lit}) \Rightarrow 1 = \frac{3}{2} \times \frac{1}{V_1} \Rightarrow V_1 = 6\text{lit}$$

۱۳۵- گزینه ۳: با توجه به قانون گازها می‌توان نوشت:  $\frac{V_1}{T_1} = \frac{V_2}{T_2} \Rightarrow \frac{1}{T_1} = \frac{1}{T_2} \Rightarrow \theta = ۲۷۳^\circ \text{C}$

(A)

۱۳۶- گزینه ۲: بنا بر قانون گازها خواهیم داشت:  $\frac{P_1 V_1}{T_1} = \frac{P_2 V_2}{T_2} \Rightarrow \frac{1 \times ۱\text{lit}}{273+27} = \frac{1/5 \times V_2}{273+47} \Rightarrow V_2 = \frac{35}{3} \text{ lit}$

(A)

در این صورت تغییر حجم برابر خواهد شد با:  $V_2 - V_1 = \frac{35}{3} - 1/5 = \frac{35-3}{15} = \frac{1}{3} \text{ lit}$



## ۱۳۷- گزینه ۴

$$\frac{P_1 V_1}{T_1} = \frac{P_2 V_2}{T_2} \Rightarrow \frac{V_1}{300} = \frac{V_2}{315} \Rightarrow \frac{V_2}{V_1} = \frac{315}{300} = \frac{105}{100} = \frac{\Delta V = V_2 - V_1}{100} \Rightarrow \Delta V = 1/0.5 V_1 - V_1 \Rightarrow \Delta V = 0.5 V_1$$

افزایش حجم ۵ درصد است.

$$\frac{P_1 V_1}{T_1} = \frac{P_2 V_2}{T_2} \xrightarrow{T=\text{ثابت}} P_1 \times V_1 = (P_1 + 1.5 \times 10^4) V_2$$

## ۱۳۸- گزینه ۱

فشار افزایش یافته، بنابراین در دمای ثابت حجم کاهش یافته است و بنا بر فرض مسئله:

$$P_1 V_1 = (P_1 + 1.5 \times 10^4) \times 0.4 V_1 \Rightarrow P_1 = 0.4 P_1 + 6 \times 10^4 \Rightarrow 0.6 P_1 = 6 \times 10^4 \Rightarrow P_1 = 10^5 \text{ Pa}$$

## ۱۳۹- گزینه ۲

$$\frac{P_1 V_1}{T_1} = \frac{P_2 V_2}{T_2} \xrightarrow{V_2 = V_1} \frac{P_1}{T_1} = \frac{P_2}{273+87} = \frac{P_1}{273+27} \Rightarrow P_2 = \frac{360}{300} P_1 \Rightarrow P_2 = 1.2 P_1 \xrightarrow{\Delta P = P_2 - P_1} \Delta P = 0.2 P_1 = \frac{2}{100} P_1$$

## ۱۴۰- گزینه ۱

با توجه به قانون جهانی گازها داریم:

$$\frac{P_1 V_1}{T_1} = \frac{P_2 V_2}{T_2} \xrightarrow{T_2 = T_1} \frac{P_1 V_1}{T_1} = \frac{1/25 P_1 V_2}{0.4 \times T_1} \Rightarrow V_2 = \frac{5}{4} V_1 \Rightarrow V_2 = \frac{16}{25} V_1 \Rightarrow V_2 - V_1 = \frac{16}{25} V_1 - V_1 = -\frac{9}{25} V_1$$

$$\frac{\Delta V}{V_1} \times 100 = \frac{-\frac{9}{25} V_1}{V_1} \times 100 = -36\%$$

درصد تغییرات خواهد شد:

$$\frac{P_1 V_1}{T_1} = \frac{P_2 V_2}{T_2} \xrightarrow{P_2 = P_1} \frac{V_2}{V_1} = \frac{T_2}{T_1} = \frac{273+273}{273+27} = \frac{2}{1} \Rightarrow 2V_1 > V_2 > V_1$$

$$\frac{P_1 V_1}{T_1} = \frac{P_2 V_2}{T_2} \xrightarrow{T_2 = T_1} \frac{P_1}{273+\theta_1} = \frac{P_2}{273+2\theta_1} \Rightarrow \frac{P_2}{P_1} = \frac{273+2\theta_1}{273+\theta_1} = \frac{273+\theta_1}{273+\theta_1} + \frac{\theta_1}{273+\theta_1} \Rightarrow \frac{P_2}{P_1} = 1 + \frac{\theta_1}{273+\theta_1}$$

$$\text{اگر } \theta_1 > 0 \text{ باشد در این صورت: } 1 + \frac{\theta_1}{273+\theta_1} < 2 \Rightarrow P_1 < 2P_2 \text{ بوده و خواهیم داشت: } \theta_1 < 0 \text{ باشد در این صورت: } P_2 < P_1 \text{ می شود.}$$

$$PV = nRT \Rightarrow V = \frac{nR}{P} T \Rightarrow V \propto T$$

با توجه به قانون گازها در فشار ثابت، حجم با دمای مطلق گاز نسبت مستقیم دارد.

$$PV = nRT \Rightarrow 8 \times 10^5 \times 1.5 \times 10^{-3} = n \times 8 \times 25 \Rightarrow n = 6 \text{ mol}$$

ابتدا به کمک قانون گازها، تعداد مول‌های گاز را به دست می‌آوریم:

$$\text{هر مول تقریباً دارای } 6 \times 10^{23} \text{ مولکول است، پس } 6 \text{ مول دارای } 3.6 \times 10^{24} \text{ مولکول است.}$$

$$PV = nRT \Rightarrow 1.0 \times 5 \times 10^{-3} = \frac{m}{32} \times 8 \times 300 \Rightarrow m = \frac{2}{3} g$$

با توجه به قانون جهانی گازها داریم:

$$\frac{P_1 V_1}{T_1} = \frac{P_2 V_2}{T_2} \xrightarrow{T_2 = T_1} \frac{V_1}{300} = \frac{V_2}{360} \Rightarrow V_2 = \frac{6}{5} V_1$$

## ۱۴۶- گزینه ۲

با توجه به قانون گازها خواهیم داشت:

$$\Delta V = V_2 - V_1 = \frac{6}{5} V_1 - V_1 \Rightarrow \Delta V = \frac{V_1}{5} = 0.2 V_1$$

تغییرات حجم برابر خواهد شد با:

بنابراین حجم گاز ۲۰٪ افزایش می‌یابد.

حجم یک مول از هر گاز در شرایط متعارف (STP) یعنی دمای ۲۷۳K و فشار ۱ atm برابر ۲۲.۴ lit است از این‌رو:

$$\frac{PV}{P_0 V_0} = \frac{nT}{n_0 T_0} \Rightarrow \frac{2 \times 5 / 6}{1 \times 22.4 / 1 \times 273} = \frac{n \times (273+9)}{1 \times 273} \Rightarrow n = \frac{3}{8} \text{ mol} \xrightarrow{n = \frac{m}{M}} \frac{3}{8} = \frac{m}{22} \Rightarrow m = 12 \text{ g}$$

در این‌جا مقدار گاز ثابت است و می‌توانیم معادله حالت را برای شرایط اولیه و ثانویه گاز استفاده کنیم و حجم ثانویه گاز را با تقسیم این دو رابطه بر

$$\frac{P_2 V_2}{P_1 V_1} = \frac{n_2 R T_2}{n_1 R T_1} \Rightarrow \frac{125 \times V_2}{100 \times 2} = \frac{n_2 \times 375}{n_1 \times 300} \Rightarrow V_2 = 2m^3$$

هم به دست آوریم:

$$\text{با استفاده از قانون گازها یعنی رابطه } \frac{P_1 V_1}{T_1} = \frac{P_2 V_2}{T_2} \xrightarrow{\frac{375}{300} = \frac{5}{4}} \text{ نیز می‌توان به این مسئله پاسخ داد. اگر دقت کنید می‌بینید که به همان نسبت که دما افزایش یافته}$$

همان نسبت  $(\frac{125}{100} = \frac{5}{4})$  نیز فشار افزایش یافته است، پس حجم گاز ثابت باقی مانده و برابر ۲ مترمکعب خواهد شد.