

مقدمه ناشر

به نام دانای نآموخته
دوستان و همراهان عزیز!

در چاپ‌های قبلی درس‌پک یازدهم، کتاب به شکل تمام رنگی، مطابق رنگ‌بندی سرتیترهای کتاب درس، در اختیار شما عزیزان قرار گرفت. با عنایت به نکات مطروحه در نظرسنجی‌های انتشارات، نظرات ارزشمند معلمین و دانش‌آموزان مخاطب این سری کتاب‌ها، درباره حجم، وزن و ... انتشارات در صدد برآمد تا بدون کاستن و خدشه به محتوای کتاب، فقط با اعمال تغییرات در نمادهای سرفصل‌ها و چیدمان مطالب، به روزرسانی و مطابقت با تغییرات ایجاد شده با کتب درس اقدام به چاپ کتاب نماید. بدیهی است هنوز هم می‌توان ادعا کرد که:

◀ درس‌پک، یک مدرسه همراه است که کلیه دروس را در یک پک با ویژگی‌های زیر در اختیار شما دانش‌آموزان عزیز قرار می‌دهد:

❶ **ایستگاه آموزش:** آموزش مفاهیم و نکات درس به صورت جامع، مختصر و نموداری، همراه با تأکیدهای لازم و تذکرات مفید و کاربردی برای هر درس.

❷ **پاسخ:** ارائه پاسخ‌های دقیق و کامل به همه پرسش‌ها، فعالیت‌ها، تمرین‌ها و ... هر یک از دروس به ترتیب کتاب درسی.

❸ **ایستگاه سنجش:** ارائه نمونه سؤال، منطبق بر مفاهیم کتاب درس و فضای آموزشی به همراه پاسخ آن برای هر فصل، درس یا گفتار و ... جهت سنجش آموخته‌های شما دانش‌آموزان عزیز.

❹ **نمونه سؤال:** ارائه دو نمونه سؤال کامل در هر درس منطبق با بارمبندهای آموزش و پرورش برای نوبت اول و نوبت پایانی همراه با پاسخ تشریحی و جامع.

فهرست

۱۲۲	درس چهارم: گسترش محتوا (۳): گفت و گو
۱۲۶	درس پنجم: سفرنامه
۱۲۸	درس ششم: کاهش محتوا: خلاصه نویسی
۱۳۲	نمونه آزمون نوبت اول
۱۳۴	نمونه آزمون پایانی

انگلیسی (۲)

۱۳۹	درس ۱: Understanding People
۱۷۹	درس ۲: A Healthy Lifestyle
۲۲۰	درس ۳: Art and Culture
۲۵۱	نمونه آزمون نوبت اول
۲۵۳	نمونه آزمون پایانی

اسان و محیط‌زیست

۲۵۸	درس ۱: آب، سرچشمه زندگی
۲۶۵	درس ۲: خاک، بستر زندگی
۲۷۰	درس ۳: هوا، نفس زندگی
۲۷۵	درس ۴: انرژی، حرکت، زندگی
۲۸۲	درس ۵: زیاله، فاجعه محیط‌زیست
۲۸۹	درس ۶: تنوع زیستی، تابلوی زیبای آفرینش
۲۹۴	درس ۷: محیط‌زیست، بستر گردشگری مسئولانه
۳۰۰	نمونه آزمون نوبت اول
۳۰۲	نمونه آزمون پایانی

عربی، زبان قرآن (۲)

۳۰۶	الدُّرْسُ الْأَوَّلُ: مِنْ آيَاتِ الْأَخْلَاقِ
۳۱۶	الدُّرْسُ الثَّانِي: فِي مَحْضَرِ الْمُقْلِمِ
۳۲۴	الدُّرْسُ الثَّالِثُ: عَجَابُ الْأَشْجَارِ
۳۳۳	الدُّرْسُ الرَّابِعُ: آدَابُ الْكَلَامِ
۳۴۰	الدُّرْسُ الْخَامِسُ: الْكِذْبُ
۳۴۸	الدُّرْسُ السَّادِسُ: أَنَّهُ مَارِيٌ شَيْمَل
۳۵۶	الدُّرْسُ السَّابِعُ: تَأثِيرُ اللُّغَةِ الْفَارِسِيَّةِ عَلَى اللُّغَةِ
۳۶۴	نمونه آزمون نوبت اول
۳۶۶	نمونه آزمون پایانی

فارسی (۲)

۱۰	ستایش: لطف خدا
۱۱	فصل ۱: ادبیات تعلیمی
۱۱	درس یکم: نیکی
۱۷	درس دوم: قاضی بُست
۲۵	فصل ۲: ادبیات پایداری
۲۵	درس سوم: در امواج سند
۳۲	درس پنجم: آغازگری تنها
۳۷	فصل ۳: ادبیات غنایی
۳۷	درس ششم: پرورده عشق
۴۲	درس هفتم: پاران محبت
۵۰	فصل ۴: ادبیات سفر و زندگی
۵۰	درس هشتم: در کوی عاشقان
۵۶	درس نهم: ذوق لطیف
۶۱	فصل ۵: ادبیات انقلاب اسلامی
۶۱	درس دهم: بانگ جرس
۶۶	درس یازدهم: یاران عاشق
۷۲	فصل ۶: ادبیات حماسی
۷۲	درس دوازدهم: کاوه دادخواه
۸۱	درس چهاردهم: حمله حیدری
۸۸	فصل ۷: ادبیات داستانی
۸۸	درس پانزدهم: کبوتر طوق‌دار
۹۵	درس شانزدهم: قصه عینکم
۱۰۰	فصل ۸: ادبیات جهان
۱۰۰	درس هفدهم: خاموشی دریا
۱۰۳	درس هجدهم: خوان عدل
۱۰۷	نیایش: الهی
۱۰۸	نمونه آزمون نوبت اول
۱۱۰	نمونه آزمون پایانی

نگارش (۲)

۱۱۴	درس اول: اجزای نوشته: ساختار و محتوا
۱۱۷	درس دوم: گسترش محتوا (۱): زمان و مکان
۱۲۰	درس سوم: گسترش محتوا (۲): شخصیت

فارسی

فارسی (۲)

- قلمرو زبانی
- قلمرو ادبی
- قلمرو فکری
- گنج حکمت
- شعرخوانی
- روان‌خوانی
- درک و دریافت



لطف خدا

ستایش

ایستگاه آموزش



سرآغاز کتاب

دیباچه: عنوان، مقدمه و سرآغاز کتاب که برای تفهیم بهتر موضوع نوشته می‌شود.

تحمیدیه (ستایش): نوشته‌هایی در ابتدای کلام و در قالب نظم یا نثر با محتوای حمد و ستایش خداوند است.

نعت و منقبت: اشعار و نوشته‌های آغازین کتاب در ستایش و بزرگداشت پیامبر اسلام و بزرگان دین است.

وحشی بافقی (شاعر)

قرن: دهم (۹۹۱-۹۳۹ ه.ق)



آثار: ناظرو منظور، شیرین و فرهاد (به تقلید از خسرو و شیرین نظامی)، خُلد بربن، دیوان اشعار

سبک: مکتب وقوع، واسوخت

محتوا و موضوع: عاشقانه، بزمی

● معنی واژه‌ها و اصطلاحات

احسان: نیکی، خوبی، پخشش

ادبار: بدبختی، سیه‌روزی؛ متضاد اقبال

اقبال: سعادت، خوشبختی

تدبیر: دوراندیشی

ترتیب: ثابت، استوار و محکم گردانیدن

توفيق: آن است که خداوند، اسباب را موافق خواهش بنده، مهیا کند تا خواهش او به نتیجه برسد، سازگار گردانیدن

تیره‌رأیی: بداندیشی، گمراهی

چاشنی‌بخش: آنچه برای اثربخشی بیشتر کلام به آن اضافه می‌شود.

● معنی بیت‌ها، شرح آرایه‌ها و نکات

۱. به نام چاشنی بخش زبان‌ها حلاوت بخ منی در بیان‌ها

معنی: به نام خدایی که نام او موجب اثربخشی بیشتر سخن‌هاست و معیار شیرینی معنا در گفتارهای است.

آرایه‌ها و نکات: تلمیح (آیات آغازین سوره الزہمن «خَلَقَ الْإِنْسَانَ عَلَمَةً الْبَيَانَ وَ...») / حسن‌آمیزی (حلاوت سنج: معیار شیرینی معنا)

۲. بلند آن سر، که او خواهد بلندش نزند آن دل، که او خواهد نزندش

معنی: سریلنگی و عزّت و سرافکندگی و ذلت انسان به خواست و اراده خداوند است.

آرایه‌ها و نکات: کنایه (بلند آن سر کنایه از آبرو و عزّت) / مجاز (سر دل مجاز از انسان) / تشخیص (در مصراع دوم: نزند آن دل) / تکرار (بلند، نزند) / تضاد معنایی (بین مصراع اول و دوم) / تلمیح به آیه «تَعَزَّ مِنْ تَشَاءُ وَ تَذَلَّ مِنْ تَشَاءُ»

۳. در نابسته احسان گشاوهست هر کس آنچه می‌بایست، وادهست

معنی: کرامت و بخشنده‌گی خداوند برای انسان، همیشگی و پیوسته است و نیاز و حاجت همه موجودات عالم را برآورده کرده است.

آرایه‌ها و نکات: استعاره مکنیه (در نابسته احسان) / کنایه (مصراع اول کنایه از بخشنده‌گی) / مجاز (هر کس مجاز از همه موجودات عالم) / تضاد (بسته، گشاده)

درک و دریافت

۱ این سروده را از دید لحن و آهنگ خوانش، بررسی نمایید.

پاسخ لحن: داستانی - روایی، آهنگ: نرم و ملایم

۲ با توجه به قلمرو فکری شعر، درباره ریشه‌های پیامدهای تقلید نابه جا و کورکورانه، گفت و گو کنید.

پاسخ بر عهده دانش‌آموز است.

ایستگاه سنجش

۱ در بیت «زاغی از آنجا که فراغی گزید / رخت خود از باغ به راغی کشید» کدام آرایه ادبی وجود ندارد؟

- (۱) تشبیه (۲) جناس ناهمسان (۳) کنایه (۴) واج‌آرایی

۲ معنی واژه‌های مشخص شده را بنویسید.

الف) پس رقعتی نوشته.

ب) هم خطواتش متقارب به هم

پ) پس به کران آب فرود آمدند و شراع‌ها زده بودند.

۳ معنی بیت زیر را بنویسید.

عرضه‌ده مخزن پنهان کوه

«دید یکی عرصه به دامان کوه

۴ معنی عبارت «امیر از آن جهان آمده، به خیمه فرود آمد و جامه بگردانید» را بنویسید.

۵ در بیت زیر، دو آرایه ادبی بیابید و بنویسید.

«هم حرکاتش متناسب به هم هم خطواتش متقارب به هم»

۶ در جمله «وزر و وبال آن به چه کار آید؟» کدام واژه به معنی «گناه» است؟

۷ در بیت زیر، «خامی» و «سوخته» هر کدام برای بیان چه مفهومی به کار رفته‌اند؟

«عقبت از خامی خود سوخته رهروی کبک نیاموخته»

۸ با توجه به عبارت «امیرنامه‌ها فرمود به غزین و مثال داد تا هزار هزار درم به مستحقان و درویشان دهند»، به سوال‌های زیر پاسخ دهید.

الف) «مثال داد» به چه معنایست؟

ب) معادل امروزی «هزار هزار» را بنویسید.

۹ در عبارت «این مرد بزرگ و دبیر کافی، به نشاط، قلم در نهاد. تانزدیک نماز پیشین، از این مهمات فارغ شده بود و خیلتاشان و سوار را گسیل کرده.»

الف) مقصود از «مرد بزرگ و دبیر کافی» کدام شخصیت است؟

ب) در جمله دوم منظور از «نماز پیشین» کدام نماز است؟

پ) منظور از «مهمات» و «خیلتاشان» به ترتیب چیست؟

۱۰ با توجه به عبارت زیر از درس قاضی بُست، معنی عبارت‌های داده شده را بنویسید.

امیر را یافتم آنجا بر زبر تخت نشسته. گفت: «بونصر را بگوی که امروز دُرستم و در این دو سه روز، بار داده آید که علت و تب، تمامی زایل شد.»

الف) یافتم ب) بار داده آید پ) علت

✓ پاسخ نامه

۱. گزینه ۱. الف) نامه، نامه گوتاه / ب) تزدیک به هم، در کنار هم / ب) سایه‌بان ۲. دامن پرازگل و سبزه کوه، نشان از گنج نهفته در دل کوه

داشت. ۴. امیر که از مرگ نجات یافته بود، وارد چادر شد و لباسش را عوض کرد. ۵. تکرار، واج‌آرایی «ت» و «ه». ۶. وزر ۷. خامی؛ بی‌تجربگی،

سوخته؛ زیان دیده، به مشکل برخورده. ۸. الف) دستور داد، فرمان داد / ب) یک میلیون ۹. الف) بونصر / ب) نماز ظهر / پ) مهمات؛ امور مهم،

خیلتاشان؛ هریک از سپاهیانی که از یک دسته باشند. ۱۰. الف) دیدم / ب) اجازه ملاقات داده شود / پ) بیماری

ادبیات حماسی

فصل ۶

کاوه دادخواه

درس دوازدهم

ایستگاه آموزش

غلامحسین یوسفی



ادیب، نویسنده، مترجم، مصحح متون و استاد برجسته ادبیات فارسی
قرن: معاصر (۱۳۰۶-۱۳۶۹ ه.ش)
آثار: چشمۀ روش، برگ‌هایی در آغوش باد، کاغذ زر و ...

- حماسه: یکی از انواع ادبی و در اصطلاح، روایتی داستانی از تاریخ تختیلی یک ملت است که با قهرمانی‌ها، اعمال و حوادث خارق العاده درمی‌آمیزد.

ویژگی‌های ادبیات حماسی

- نخستی بودن
 - حماسه، شکلی روایی و داستانی دارد.
 - وجود انسان‌های آرمانی و برتر که از نظر نیروی جهانی و معنوی برگزیده و ممتاز هستند.
 - وجود رویدادها و حوادث غیرطبیعی و فراتراز حد معمول
 - نشان‌دهنده آرمان‌ها و آرزوهای بزرگ ملت‌ها در زمینه‌های مذهبی، اخلاقی، اجتماعی و انسانی از جمله آفرینش، زندگی و مرگ
- کتاب** شاهنامه فردوسی، نمونه اعلای حماسه است.
- بخش‌های اصلی شاهنامه فردوسی: اساطیری (داستانی)، حماسی (پهلوانی) و تاریخی
- کتاب** داستان کاوه دادخواه، جزء بخش حماسی شاهنامه فردوسی است.

آوستا: کتاب مذهبی ایرانیان قدیم (از رشتیان)

اهریمن: شیطان، دیو، ابلیس

آهرمن: شیطان، اهریمن

آوری: بی‌گمان، بی‌تردد، به طور قطع

بازارگاه: بازار، جای خرید و فروش؛ در متن درس مقصود اهل بازار است.

باگهر: اصیل، دارای اصل و نسب، نجیب

بیویید: حرکت کنید، به پا خیزید، قیام کنید

بدزید: پاره کرد

بدنزاد: بدائل، فرومایه، ناجیب

بخردان: خردمندان

معنی واژه‌ها و اصطلاحات

ابلیس: شیطان، اهریمن

ازدها: نام فارسی ضحاک

ازدهاپیکر: در شکل و هیئت ازدها، دارای نقش ازدها

از پا درمی‌آورد: می‌گشتد، از بین می‌برد (کنایه)

اساطیر: جمع اسطوره، افسانه‌ها و داستان‌های خدایان و

پهلوانان ملل قدیم

آسیب: زخم، صدمه، آفت

آفیدون: فریدون (از چهره‌های عادل و محبوب شاهنامه)

انجمان گشتن: جمع شدن، گرد هم آمدن

نمونه آزمون نوبت اول



شماره	سؤال	بارم									
۱	<p>قلمرو زبانی</p> <p>معنای واژه‌های مشخص شده را بنویسید.</p> <p>(الف) زندگان فربود چندی به جیب (ب) بونصر را بگوی که امروز دُرستم (ت) کان چهره مشعشع تابانم آرزوست</p>	۱									
۲	<p>غلط‌های املایی عبارت‌های زیر را مشخص کنید و شکل درست آنها را بنویسید. (هر عبارت یک غلط املایی دارد.)</p> <p>(الف) به حرس ارشتبتی خوردم (ب) جانب دوستی را نگاه داشته از کمک به یکدیگر فروگزاری نکنیم. (پ) چون موسیم حج رسید برخاست (ت) من نهایت بُعد اختیار کردم که غربت را خطر بسیار است.</p>	۲									
۳	<p>جدول زیر را کامل کنید.</p> <table border="1"> <thead> <tr> <th>واژه</th> <th>متراffد</th> <th>هم خانواده</th> </tr> </thead> <tbody> <tr> <td>طوع</td> <td>.....</td> <td>.....</td> </tr> <tr> <td>فارغ</td> <td>.....</td> <td>.....</td> </tr> </tbody> </table>	واژه	متراffد	هم خانواده	طوع	فارغ	۱
واژه	متراffد	هم خانواده									
طوع									
فارغ									
۴	<p>رابطه معنایی (ترادف، تضاد، تضمن و تناسب) هر یک از ترکیب‌های زیر را مشخص کنید.</p> <p>(الف) خورشید و ماه (ب) سیر و گیاه</p>	۰/۵									
۵	<p>نقش دستوری واژگان مشخص شده در عبارت زیر را بنویسید.</p> <p>«از قضای آمده پس از نماز امیر کشتی‌ها باخواست و ناوی ده بیاورندند.»</p>	۱									
۶	<p>جمله‌های زیر را مجھول کنید.</p> <p>(الف) دانش‌آموز، مقاله خود را در کلاس خواند. (ب) معلم فیلم کوتاهی را برای دانش‌آموزان به نمایش گذاشت.</p>	۱									
۷	<p>واژه «امام» را یک بار به عنوان «شاخص» و یک بار به عنوان «هسته» گروه اسمی در جمله به کار ببرید.</p>	۰/۵									
۸	<p>قلمرو ادبی</p> <p>کنایه به کار رفته در بیت زیر را مشخص کنید و مفهوم آن را بنویسید.</p> <p>«زاغی از آنجا که فراغی گزید رخت خود از باغ به راغی کشید»</p>	۰/۵									
۹	<p>در عبارت زیر «مجاز» را مشخص کنید و مفهوم آن را بنویسید.</p> <p>«به کران آب فرود آمدند و خیمه‌ها و شراع‌ها زده بودند.»</p>	۰/۵									
۱۰	<p>در کدام یک از ترکیب‌های زیر، آرایه «حس‌آمیزی» به کار نرفته است؟</p> <p>(۱) ترانه‌های شیرین (۴) جواب تلح (۲) غزل‌های گرم (۳) آب سرد</p>	۰/۲۵									
۱۱	<p>ارکان تشییه را در بیت زیر مشخص کنید.</p> <p>«فرزند عزیز را به صد جهد پنشاند چو ماه در یکی مهد»</p>	۰/۵									
۱۲	<p>کدام یک از قالب‌های شعری زیر برای سرودن منظومه‌های داستانی مناسب‌تر است؟</p> <p>(۱) غزل (۲) مثنوی (۳) قصیده (۴) دوبیتی پیوسته (چهارپاره)</p>	۰/۲۵									

What you learned

47



A. listen to the first part of a story.
لisen تو فرست پارت او ! ستری

به بخش اول یک داستان گوش کنید.

1. Fill in the blanks based on what you're just heard.
فیل این بلکس بیسدن آن بیر وات چاست هردو آموخته اید پر کنید.

I went to a
ای تو ونت آی

I needed some cheese
ای نیدهد سام چیز

2. Listen again and list all uncountable nouns.
لisen اگن اند لیست آن کانتبل نوونز

دوباره گوش کنید و لیست همه اسامی غیرقابل شمارش را بنویسید.

B. Now read the second part of the report.
نو رید ذ سیکند پارت او تو ریپورت

The only thing I was still looking for was a bag of sugar.
یک کیسه شکر بود. ذ او فر لوكینگ ستیل واز آی بگ ! شوگر

There were four types of sugar.
ذ او تایپس فر شوگر

I picked the bags and read the explanations.
ایکس پلن ای شنر ذ رید اند بگز ذ پیکد

Honestly, I didn't understand their differences.
ای آئیستی آندرستند ذ دیفرانسز

A young man came to me and asked what I wanted.
یک مرد جوان آمد سراغم و از من پرسید ! ای من تو کم اسکد آنده وات آی

I told him I needed some sugar for breakfast.
ای تولد آی هیم ای نیده سام شوگر فر برکفست

He gave me some information.
این فرمیشن سام می گیو هی

Again, I didn't understand the differences.
این آئین آندرستند ذ دیفرانسز

I took pictures of the explanations, sat somewhere, and checked the explanations in my mobile dictionary.
این اکس پلن ای شنر ذ اند چک ذ توک آی ایکس پلن ای شنر

عکس هایی از توضیحات گرفتم، جایی نشستم و توضیحات را با فرهنگ لغت موبایل چک کردم.
این موبایل مای دیکشنری

C. Put the words in three groups considering their meanings.

میں نے بھی اپنے پیارے بھائی کو اپنے بھائی کے لئے کہا۔

وازه‌ها را با توجه معاشران در سه گروه قرار دهید.

email, Persian, telephone, Africa, letter, Arabic, French,						
ئىمېيل	پرشين	تېل فون	آفریكا	لېتر	أزىك	فرنج
ایمیل	فارسى	تلفن	آفریقا	نامه	عربى	فرانسوی
Asia, Europe, mobile phone, America, Spanish						
اسپانياولى	آسيا	اروپا	تلفن همراه	آمریكا	أمريكا	سپانيش
ای زیا	یورپ	موبایل	فون	آمریكا	أمريكا	

email	Persian	Africa
telephone	Arabic	Asia
letter	French	Europe
mobile phone	Spanish	America

D. These words are ‘hello’ in six different languages.

لنكويون ديفارت سیکم ان هله آر وردز دیز

اب، واژه‌ها «سلام» به شش زبان مختلف هستند.

Match the words with the maps and name their languages.

لکوچیز دی نرم دی میس اند مج وردز ویز نهیز مج

واژه‌ها را با نقشه‌ها مطابقت دهید و اسم زیان‌ها را بگویید.

German	Spanish	French	Italian	Indian	Japanese
جرمن	سپانیش	فرنج	ایتالیان	اپنیدین	چپنیز
المانی	اسپانیول	فرانسوی	ایتالیاپی	ہندی	ژاپنی

Bonjur: French

بِسْمِ اللّٰهِ الرَّحْمٰنِ الرَّحِيْمِ

Hola: Spanish

vi

Hallo, guten tug: German

تائیں گوتن ہالو

Ciao: Italian

چاو

Namaste: Indian

١٣

Konnichiwa: Japanese

گنی جی وا



New Words and Expressions



A. **Look, Read and Practice.**
لک رید آند پرکپس

نگاه کنید، بخوانید و تمرین کنید.



Eating vegetables is an important part of a healthy diet. مصرف سبزیجات بخش مهمی از یک رژیم غذایی سالم است.



The doctor is listening to my grandfather's heartbeat. پزشک دارد به ضربان قلب پدربرزگم گوش می‌کند.



My uncle has high blood pressure.
مانت پرشر هز آنکل مای
عمویم فشار خون بالایی دارد.



My sister measures herself every month.
اوری هرسلف مژز سیستر مای
خواهرم هرماه یک بار خودش را اندازه می‌گیرد.



Our neighbor had a heart attack yesterday.

همسایه‌مان دیروز یک حمله قلبی داشت.



One serving of rice is not enough for them.

میزان برنجی که می‌کشیم برایشان کافی نیست.

C. Work in pairs. Ask and answer.

انس اسک اند پرس این ورک

در گروه‌های دونفره سؤال و جواب انجام دهید.

Name three things people have to change in

این چیز تو هو بیپل نیگز نری نیم
سه موردی که افراد باید در سبک زندگی‌شان تغییر دهند نام ببرید.
لایف‌استایل ذر

Eating healthy food, doing exercise,

انجام ورزش

خوردن غذای سالم

sleep enough

خواب کافی

Is it really easy to change our lifestyle?

لایف‌استایل اور چیز تو ایزی ری‌الی ایت ایز
آیا واقعاً تغییر سبک زندگی آسان است؟

No, it isn't.

نه، آسان نیست.

Why is too much working with technology dangerous?

دی‌نجرس تکالجی ویز ورکینگ ماج تو ایز وای
چرا کار زیاد با تکنولوژی خطرناک است؟

It increases the risk of

heart attack.

خطر حمله قلبی را فراش می‌دهد.

LESSON 2

Workbook

Get Ready

26

Match sentences with pictures.

پیکچرز وید سین‌قین‌سز مج

جملات را به درستی به تصاویر متصل کنید.

1. Eat balanced proportion of food.

فود او پروپورشن یلنسد ثیت سهم غذایی متعادلی بخورید.



2. Drink enough water a day.

دی! واتر نی‌ناف درینک روزانه آب کافی بنوشید.



3. Quit bad habits.

هیبتس پد کوئیت عادت‌های بد را کنار بگذارید.



4. Eat dinner before 7:30.

سون‌ثرتی بی‌فر دی‌نر ثیت قبل از ۷:۳۰ شام را بخورید.

5. Sleep enough.

س‌لیپ نی‌ناف به اندازه کافی بخوابید.



Midterm Exam

Question	Point														
A. Find eight languages in the list below and underline them. 1. Georgia, Dzongkha, Pakistan, Urdu, Hindi, Vietnamese, Swedish, Korea, Burma, Indonesian, Mongolia, Bengali, Thai, Oman, Europe, Czech, Armenia	4														
B. What do these signs mean?  2.  3.	2														
C. One odd out. Underline it please. 4. Mongolia/ Belgium/ Australia/ Russia / . 5. head/ thoughts/ knowledge/ beliefs / . 6. century/ decade/ year/ earth / . 7. three millions/ many/ a hundreds/ a billion / .	4														
D. Match columns "A" and "B". <table border="1" style="width: 100%; border-collapse: collapse;"> <tr> <th style="text-align: center; background-color: #d1eaf7;">A</th><th style="text-align: center; background-color: #d1eaf7;">B</th></tr> <tr> <td>8. system of</td><td>a. food</td></tr> <tr> <td>9. written</td><td>b. in size</td></tr> <tr> <td>10. exchange</td><td>c. communication</td></tr> <tr> <td>11. exist</td><td>d. feelings</td></tr> <tr> <td>12. range</td><td>e. form</td></tr> <tr> <td>13. popular</td><td>f. in the world</td></tr> </table>	A	B	8. system of	a. food	9. written	b. in size	10. exchange	c. communication	11. exist	d. feelings	12. range	e. form	13. popular	f. in the world	3
A	B														
8. system of	a. food														
9. written	b. in size														
10. exchange	c. communication														
11. exist	d. feelings														
12. range	e. form														
13. popular	f. in the world														
E. Fill in the blanks with the given words. Make the necessary changes. (in spite of, exist, point, meet, amazing, favorite) 14. They went to their Italian restaurant. 15. I don't know how I am going to without you. 16. An number of students registered in this high school. 17. Jack went out for a walk driving rain. 18. Every language the needs of its speakers.	5														
F. Complete the following sentences with appropriate units and measure words (quantifiers). 19. I ate one of spaghetti yesterday. 20. There is a of pizza on the table. 21. He has bought two of bread. 22. My uncle eats a of garlic every morning to decrease his blood pressure. 23. We just bought a new house with furniture included.	3														

آزمایش کنید

۱- دو گودال کوچک در باغچه حفر کنید. در یکی پوست میوه و مقداری دستعمال کاغذی و در دیگری یک بطی پلاستیکی کوچک یا یک کیسه نایلون بگذارید و روی هردو را با خاک بپوشانید. پس از یک ماه لایه خاک را بردارید و مشاهده خود را گزارش کنید.

پاسخ پوست میوه برای تجزیه به ۶ ماه، کاغذ ۳ تا ۴ ماه، پلاستیک ۵۰۰ تا ۱۰۰۰ سال زمان نیاز دارد، بعد از یک ماه، پوست میوه و کاغذ در حال تجزیه و پلاستیک بدون تغییر است.

۲- در فعالیت قبل، فهرستی از زباله‌های خانگی تان در یک هفته را تهیه کردید. برگه را مشاهده کنید و مواد قابل بازیافت زباله‌ها را فهرست کنید و علامت بزنید. کار تفکیک زباله‌های خانگی و آماده کردن آنها برای بازیافت را شروع کنید. اقدامات خودتان را در کلاس گزارش کنید.

پاسخ کاغذ، مقوا، قوطی‌های فلزی و پلاستیکی، پارچه، کفش، پلاستیک و کیسه‌های نایلونی قابل بازیافت‌اند.

۳- پرس‌وجو کنید، انداختن ته‌سیگار در محیط چه آلودگی‌های خطرناکی به وجود می‌آورد؟

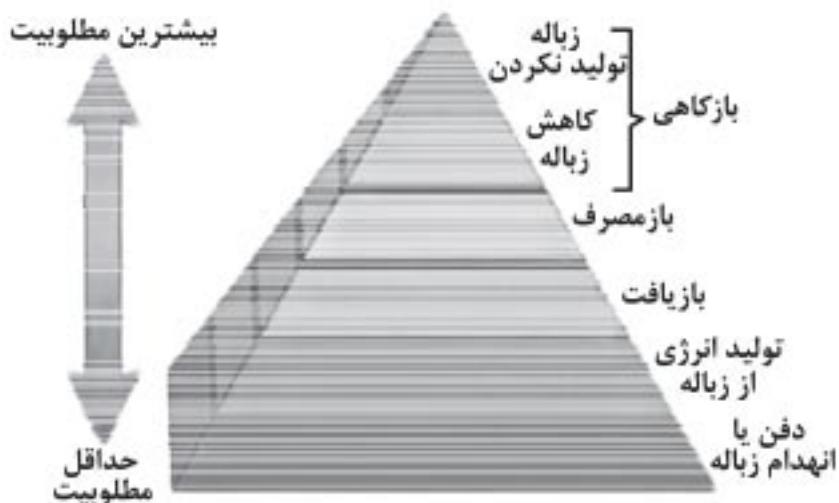
پاسخ مواد سمی موجود در ته‌سیگار وارد محیط (آب و خاک) می‌شوند و روی بدن انسان تأثیرات منفی می‌گذارند. الیاف ته‌سیگار باز شده و مواد سمی موجود در آن‌ها پخش می‌شوند.

فعالیت ۹

۱- به نظر شما کدام یک از روش‌هایی که در این بخش مطرح شده، جالب تر است؟ چرا؟ گفت و گو کنید. **پاسخ** بر عهده دانش‌آموز است.

۲- اکنون که با نمونه‌هایی از تجارت جهانی در زمینه مدیریت پسماند آشنا شدید، چند طرح ابتکاری برای کشور و محل زندگی تان تا پایان سال تحصیلی به کلاس ارائه کنید. **پاسخ** نصب دستگاه‌های هوشمند دریافت زباله، استفاده از سطل‌های مجزا برای تفکیک زباله‌های خشک و تر، تحویل بعضی زباله‌ها مانند بطربهای پلاستیکی و زباله‌های کاغذی به محل‌های بازیافت و استفاده از دستگاه‌های هوشمند برای پرداخت بلیط مترو و اتوبوس

چه باید کرد؟



به هرم مدیریت پسماند توجه کنید. برای حل مشکل زباله چه گزینه‌هایی روی هرم وجود دارد؟ نام ببرید.

پاسخ بازکاری، بازصرف، بازیافت، تولید انرژی از زباله و دفن یا انهدام زباله

از رأس هرم تا قاعده، گزینه‌ها تغییر می‌کنند. به ترتیب کدام گزینه‌ها مطلوبیت بیشتری دارند؟

پاسخ بازکاری (تولید نکردن زباله و کاهش تولید آن)، بازصرف و بازیافت

کدام گزینه‌ها در درجه بعدی اهمیت قرار می‌گیرند؟

پاسخ تولید انرژی از زباله و دفن یا انهدام زباله

فعالیت ۱۰

۱- آیا می‌دانید سالانه ۱۳۰ میلیون جلد کتاب توسط دانش‌آموزان ایرانی مورد استفاده قرار می‌گیرد؟ به نظر شما کدام یک از سه راهکار طلایی مدیریت پسماند را می‌توان در جهت حفظ منابع به کار گرفت؟ توضیح دهید.

پاسخ بازیافت را پیشنهاد می‌دهیم. می‌توان زباله‌ها را در خانه تفکیک کرد؛ به این صورت که جعبه‌ای مقواپی را برای ریختن کاغذهای باطله و در پایان سال برای کتاب‌های درسی قرار می‌دهیم، پس از جدا کردن کتاب‌هایی که دیگر مورد نیاز نیست آنها را

با انتخاب یکی از جاذبه‌های گردشگری محل زندگی تان برنامه سفری یک روزه را طراحی کنید.
۱- افراد گروه خود را به شکل جدول زیر دسته‌بندی کنید.

مسئولان	شرح وظایف
مسئول برنامه‌ریزی و ثبت نام	تبلیغ و جذب مسافر برای انجام سفر، ثبت نام مسافران و اخذ هزینه از آن‌ها
راهنمای گردشگری	همراهی با مسافران در طول سفر و دادن اطلاعات به مسافران در مورد منطقه مورد بازدید و اجرای برنامه سر وقت و زمان مناسب
پشتیبانی و تدارکات	همراهی با مسافران و تهیه مواد غذایی برای صبحانه، ناهار و عصرانه
مسئول حفاظت از محیط‌زیست	همراهی با مسافران در طول سفر، دادن اطلاعات لازم به مسافران برای حرکت و آسیب نرساندن به طبیعت و حمل کیسه‌های مناسب برای حمل زباله

۲- چه برنامه‌ای برای سفر دارید؟ برای حفاظت از محیط‌زیستی چه تدارکاتی دیده‌اید؟

پاسخ حرکت ساعت ۵ صبح، صرف صبحانه بین راه، رسیدن به منطقه در ساعت ۷، تهیه لباس و کفش مناسب برای حرکت در بستر رود، حرکت در مسیر و توقف در یک استراحتگاه میان راهی به مدت یک ساعت، بازدید از آبشار واشی، حرکت به سمت پایین رود، صرف ناهار ساعت ۲ بعد از ظهر، حرکت به سمت تهران و صرف عصرانه در میانه راه و بازگشت به تهران در ساعت ۵ بعد از ظهر ۳- چگونه می‌توانید سفر مسئولانه تری داشته باشید؟ **پاسخ** با اطلاع‌رسانی لازم در مورد نحوه حرکت و مسیر به مسافران، بررسی آب و هوای منطقه در روز بازدید، انتخاب لباس و کفش مناسب، آمادگی جسمانی کافی برای حرکت در مسیر صعب‌العبور و تذکرات لازم برای حفاظت از محیط‌زیست

ایستگاه سنجش



۱ درستی یا نادرستی جمله‌های زیر را مشخص کنید.

- الف) یکی از سیاست‌های کلان کشور، رواج و گسترش گردشگری و بوم‌گردشگری است.
- ب) گردشگری سفر و فعالیتی خارج از محل زندگی برای حداقل یک روز و حداقل یک ماه برای تفریح یا اهداف دیگر است.
- پ) جوامع و کشورهای میزبان می‌توانند از طریق گردشگری به ترویج زبان، فرهنگ و رسوم اجتماعی خود پردازنند.
- ت) شهرستان شوشتر در جنوب ایران به واسطه وجود سازه‌های آبی - تاریخی مورد توجه گردشگران است.

۲ جاهای خالی را با کلمه‌ها یا عبارت‌های مناسب پر کنید.

- الف) ایل‌گلی از جاذبه‌های تاریخی - فرهنگی استان است.
- ب) مادر کاروان‌سراهای ایران، کاروان‌سرای واقع است.
- پ) چشمۀ باداب‌سورت، نوعی چشمۀ از جنس است.
- ت) اولین سایت پرنده‌نگری ایران در قرار دارد.

۳ نظر اسلام درباره گردشگری چیست؟

- الف) سفرنامه‌نویسی را تعریف کنید.
- ب) سه نمونه معروف از آن را نام ببرید.

● در شهرهایی که نزدیک سواحل دریاها قرار دارند، پایین آمدن سطح ایستابی چه مشکلاتی را ایجاد می‌کند؟

پاسخ در این حالت، فاصله سطح ایستابی تا سطح زمین افزایش می‌یابد و آب دریا که املاح بیشتری دارد، وارد آب‌های زیرزمینی می‌شود و کیفیت آب کاهش می‌یابد.

۴۸

پیوند با شیمی

● سختی آب، به علت نمک‌های محلول در آن است. یون‌های کلسیم و منیزیم، به عنوان فراوان‌ترین یون‌های موجود در آب، ملاک تعیین سختی آب هستند.

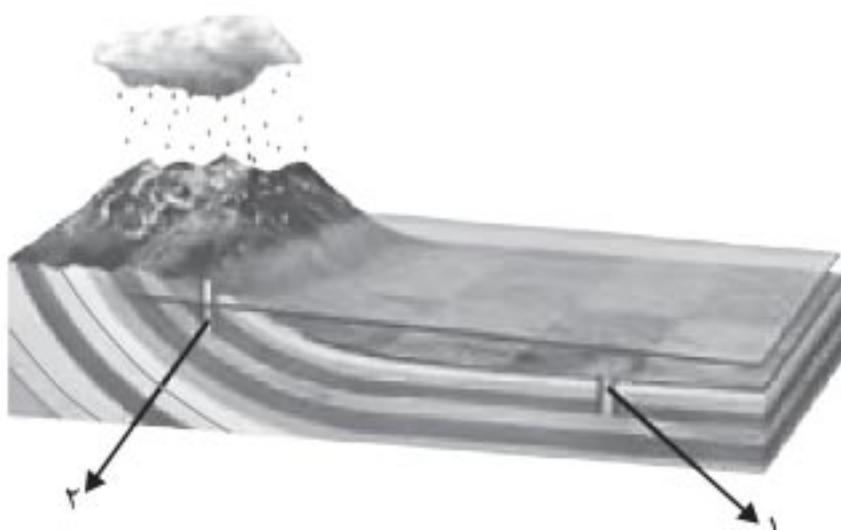
$$TH = \frac{2}{5} Ca^{2+} + \frac{4}{1} Mg^{2+}$$

TH: سختی کل (میلی‌گرم در لیتر)

● نمونه آبی دارای ۵ میلی‌گرم در لیتر، یون کلسیم و ۳۵ میلی‌گرم در لیتر، یون منیزیم است. سختی کل آب چقدر است؟ تحقیق کنید که آیا این آب برای شرب مناسب است؟ **پاسخ** میلی‌گرم در لیتر $5 / 2 + 35 / 1 = 268$ آب مطلوب برای شرب، سختی تقریبی ۵۰۰ میلی‌گرم در لیتر دارد؛ بنابراین آب مورد نظر برای شرب مناسب است.

۴۸

فکر کنید



● مقدار املاح موجود در آب دو چاه ۱ و ۲ در شکل روبرو را با هم مقایسه کنید.

پاسخ چاه شماره ۱، به علت فاصله بیشتر از منطقه تغذیه، دارای املاح بیشتری نسبت به چاه شماره ۲ است؛ زیرا آب مسافت بیشتری از محل تغذیه تامحل تخلیه را طی کرده است.

۴۹

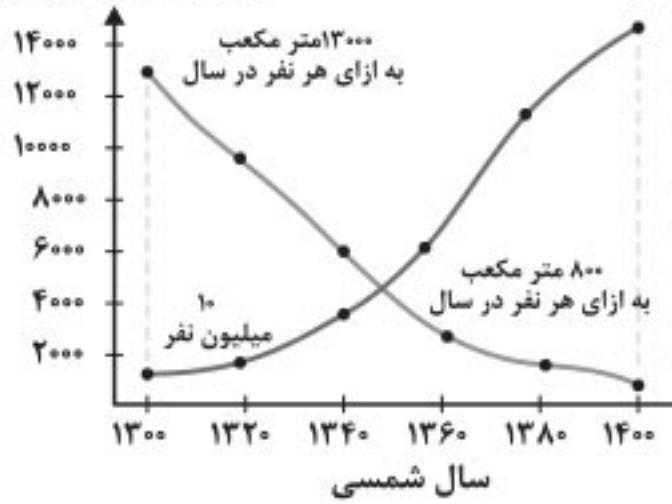
تفسیر کنید

● نمودار روبرو، تغییرات سرانه آب تجدیدپذیر

(متر مکعب در سال بر نفر)

جمعیت کشور

(میلیون نفر)



صدسال اخیر را نشان می‌دهد. نمودار را تفسیر کنید.

پاسخ آب تجدیدپذیر کشور از ۱۳ هزار متر مکعب به ازای هر نفر در سال ۱۳۰۰ به کمتر از ۲۰۰۰ متر مکعب در سال در شرایط فعلی کاهش یافته و این امر موجب شده است که کشور در شرایط کمبود آب قرار گیرد و بسیاری از دشت‌های کشور به عنوان دشت ممنوعه اعلام شود.

۵۰

جمع‌آوری اطلاعات

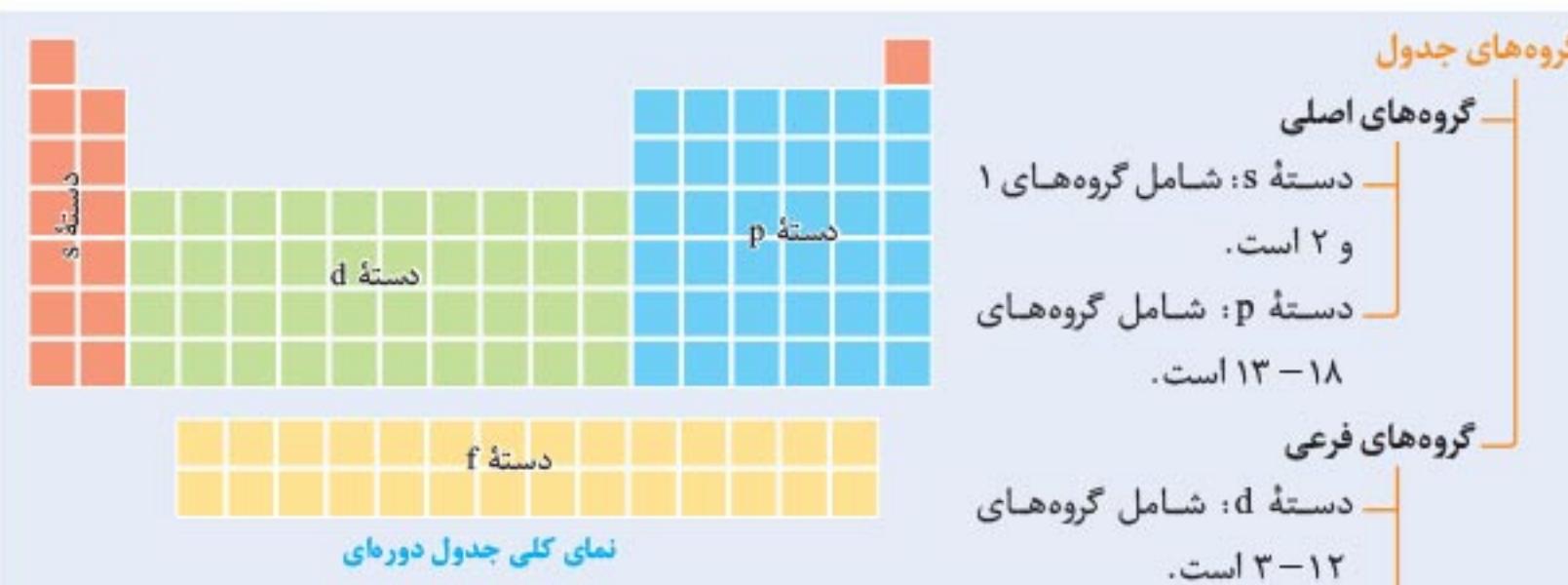
در منابع معتبر جستجو کنید و به پرسش‌های زیر پاسخ دهید:

● پر مصرف‌ترین و کم مصرف‌ترین استان کشور از نظر مصرف آب تجدیدناپذیر، کدام استان‌ها هستند؟

پاسخ پر مصرف‌ترین: استان تهران / کم مصرف‌ترین: متغیر است.

● آیا محل سکونت شما در محدوده دشت‌های ممنوعه واقع شده است؟ **پاسخ** بر عهده دانش‌آموز است.

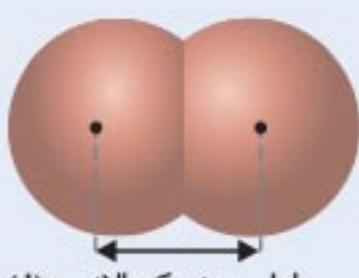
قدر هدایای زمین را بدانیم



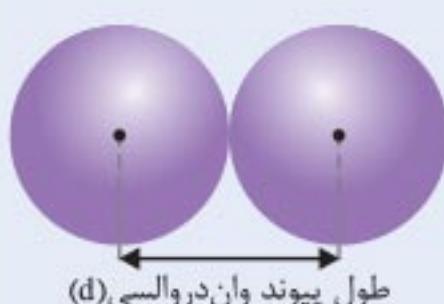
دستهٔ f: شامل دو سری از عناصر به نام لانتانیدها و اکتینیدهاست که همگی متعلق به گروه سوم جدول هستند. لانتانیدها به دوره ۶ و اکتینیدها به دوره ۷ جدول تعلق دارند.

شعاع اتمی

شعاع کووالانسی: مطابق شکل به نصف فاصله بین هستهٔ دو اتم یکسان در یک مولکول دوatomی، شعاع کووالانسی می‌گویند.



$$r = \frac{d}{2} \quad \text{شعاع کووالانسی}$$



شعاع واندروالسی: مطابق شکل به نصف فاصله بین دو اتم یکسان که بین آنها جاذب و انتقام وجود دارد، شعاع واندروالسی می‌گویند.

$$r = \frac{d}{2} \quad \text{شعاع واندروالسی}$$

در یک گروه از بالا به پایین با افزایش عدد اتمی، تعداد لایه‌های الکترونی افزایش می‌یابد؛ درنتیجه شعاع اتمی نیز بیشتر می‌شود.

در یک دوره از چپ به راست با افزایش عدد اتمی و ثابت ماندن تعداد لایه‌های الکترونی، جاذبهٔ هسته بر الکترون‌ها افزایش یافته و شعاع اتمی کاهش می‌یابد.

در یک گروه از بالا به پایین با افزایش شعاع اتمی تمایل به از دست دادن الکtron، درنتیجه خواص فلزی بیشتر می‌شود.

در یک دوره از چپ به راست با کاهش شعاع اتمی خواص نافلزی بیشتر می‌شود؛ زیرا تمایل به گرفتن الکترون افزایش می‌یابد.

۳

خود را بیازمایید

۱- شکل زیر فرایند کلی تولید دوچرخه را نشان می‌دهد.



نمونه آزمون پایانی



شماره	سؤال	بارم
۱	کدام یک از مواد آلی زیر انحلال پذیری بیشتری در آب دارد؟ ۱) CH_3OH ۲) $\text{CH}_3\text{CH}_2\text{CH}_2\text{OH}$ ۳) C_6H_6 ۴)	۰/۵
۲	درستی یا نادرستی جمله های زیر را مشخص کنید و در صورت نادرست بودن شکل درست آن را بنویسید. الف) سرعت واکنش سدیم و پتاسیم با آب سرد متفاوت است. ب) در رادیکال های آزاد، همه اتم ها به تابی رسانیده اند و به همین دلیل پایداری زیادی دارند. پ) متان در مقایسه با اتن، واکنش پذیری بیشتری دارد. ت) در شرایط یکسان C_5H_{12} فرا تراز C_9H_2 است.	۱/۵
۳	هر یک از جمله های زیر را با خط زدن واژه نادرست کامل کنید. الف) از واکنش اسید آلی با الکل، آب و آلدهید استر تولید می شود. ب) با کاهش افزایش دما $\text{کاهش افزایش غلظت واکنش دهنده ها}$ سرعت واکنش افزایش می یابد.	۱
۴	فرمول ساختاری هیدروکربن های زیر را بنویسید. الف) (۲,۲,۶,۶-تترامیل‌هفتان) ب) (۲-متیل‌بوتان)	۱
۵	نام شیمیایی هیدروکربن های زیر را بنویسید. الف) $\text{CH}_3\text{CH}_2\text{CH}(\text{CH}_3)_2$ (۲-میتوکنیکان) ب) (سیکلوهگزان)	۱
۶	چند گرم کلسیم کربنات با درصد خلوص ۸۰٪ باید مطابق واکنش زیر براثر گرمات تجزیه شود تا اینکه ۱۷/۶ گرم گاز کربن دی اکسید تولید شود؟ ($\text{C} = ۱۲, \text{O} = ۱۶, \text{Ca} = ۴۰\text{gmol}^{-۱}$) $\text{CaCO}_3(\text{g}) \xrightarrow{\Delta} \text{CaO}(\text{s}) + \text{CO}_2(\text{g})$	۱
۷	اگر از واکنش ۴ مول گاز نیتروژن با مقدار کافی فلز منیزیم، طبق واکنش زیر، ۳۰۰ گرم منیزیم نیترید به دست آمده باشد، بازده درصدی واکنش را حساب کنید. ($\text{Mg}_3\text{N}_2 = ۱۰\text{ gmol}^{-۱}$) $۴\text{Mg} + \text{N}_2 \rightarrow \text{Mg}_3\text{N}_2$	۱
۸	اگر ۲۰۸ گرم از گاز هلیوم به ۲ گرم گاز هلیوم داده شود، دمای آن را از 25°C به 45°C افزایش خواهد داد. ظرفیت گرمایی ویژه گاز هلیوم را محاسبه کنید.	۱

دایره

فصل ا

مفاهیم اولیه و زاویه‌ها در دایره

درس اول

ایستگاه آموزش

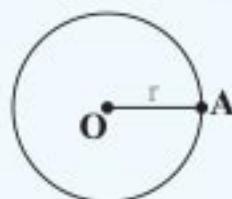
تعریف همه نقاطی که روی دایره واقع‌اند از مرکز دایره به یک فاصله هستند که این فاصله ثابت، شعاع دایره است.

تعریف پاره خطی که دو سر آن روی دایره باشد، وتر دایره نامیده می‌شود.

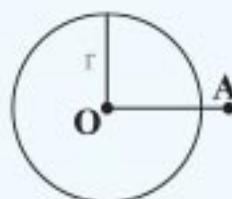
تعریف وتری از دایره که از مرکز دایره می‌گذرد، قطر دایره نامیده می‌شود.

● دایره $C(O, r)$ و نقطه دلخواه A در صفحه نسبت به هم یکی از سه وضعیت زیر را دارند:

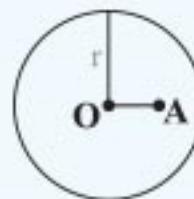
۱) $OA = r \Rightarrow$ نقطه A روی دایره است.



۲) $OA > r \Rightarrow$ نقطه A بیرون دایره است.

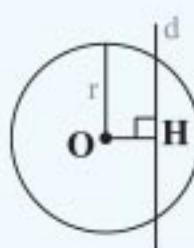


۳) $OA < r \Rightarrow$ نقطه A درون دایره است.

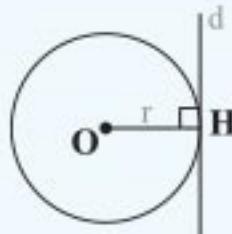


● اگر d یک خط، $C(O, r)$ یک دایره و نقطه H پای عمودی باشد که از O بر d رسم می‌شود، داریم:

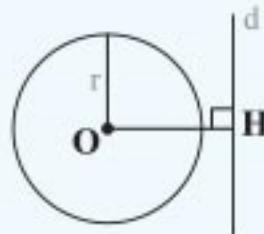
۱) $OH < r \Rightarrow$ خط و دایره دو نقطه اشتراک دارند (متقاطع‌اند).



۲) $OH = r \Rightarrow$ خط بر دایره مماس است (فقط در یک نقطه مشترک‌اند).



۳) $OH > r \Rightarrow$ خط و دایره جدا از هم‌اند (هیچ نقطه اشتراکی ندارند).



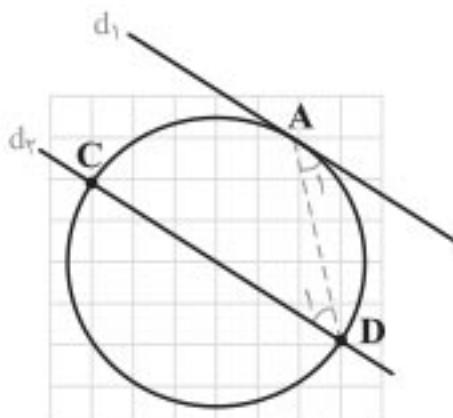
● یک خط و یک دایره برهم مماس‌اند اگر و تنها اگر آن خط در نقطه تماس با دایره بر شعاع آن عمود باشد.

۱- در شکل‌های زیر ثابت کنید:

راهنمایی: از نقطه B خطی موازی ضلع دیگر زاویه رسم کنید.

$$\widehat{AC} = \widehat{AD}, d_1 \parallel d_2 \text{ ثابت کنید}$$

پاسخ از A به D وصل می‌کنیم:



$$d_1 \parallel d_2, \text{ مورب } AD \Rightarrow \widehat{A_1} = \widehat{D_1}$$

$$\widehat{A_1} = \frac{1}{2} \widehat{AD} \text{ (زاویه محاطی) و } \widehat{D_1} = \frac{1}{2} \widehat{AC} \text{ (زاویه ظلی)}$$

$$\left. \begin{array}{l} \widehat{AC} = \widehat{AD} \\ \widehat{A_1} = \widehat{D_1} \end{array} \right\} \Rightarrow \widehat{AD} = \widehat{AC}$$

$$\widehat{M} = \frac{\widehat{ACB} - \widehat{ADB}}{2}$$

پاسخ از نقطه B خطی رسم می‌کنیم تا دایره را در نقطه E قطع کند. حال داریم:

$$MA \parallel BE, \text{ مورب } MB \Rightarrow \widehat{M} = \widehat{B_1}$$

$$\widehat{B_1} = \frac{\widehat{ECB}}{2} = \frac{\widehat{ACB} - \widehat{AE}}{2} \Rightarrow \widehat{M} = \frac{\widehat{ACB} - \widehat{ADB}}{2}$$

$$\widehat{AE} = \widehat{ADB} \text{ کمان‌های بین دو خط موازی}$$

$$\widehat{M} = \frac{\widehat{BC} - \widehat{AB}}{2}$$

پاسخ از نقطه B خطی رسم می‌کنیم تا دایره را در نقطه E قطع کند. حال داریم:

$$MC \parallel BE, \text{ مورب } MB \Rightarrow \widehat{B_1} = \widehat{M}$$

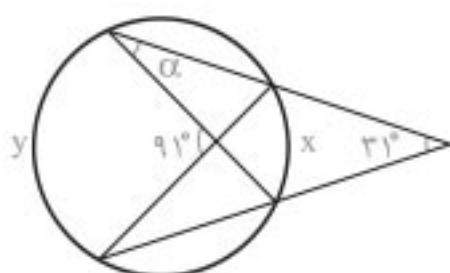
$$\widehat{B_1} = \frac{\widehat{BE}}{2} = \frac{\widehat{BC} - \widehat{CE}}{2}$$

کمان‌های بین دو وتر موازی‌اند، پس با هم مساوی‌اند. درنتیجه می‌توان نوشت:

$$\widehat{B_1} = \widehat{M} = \frac{\widehat{BC} - \widehat{CE}}{2} \Rightarrow \widehat{M} = \frac{\widehat{BC} - \widehat{AB}}{2}$$

۲- در شکل مقابل اندازه زاویه α را به دست آورید.

پاسخ

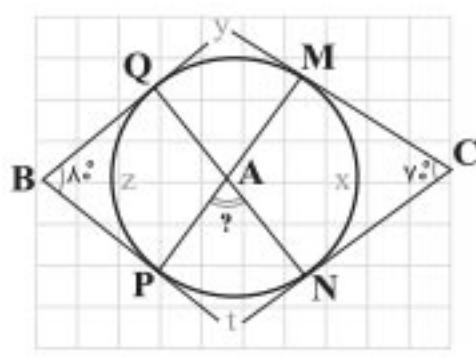


$$\begin{aligned} 31^\circ &= \frac{y-x}{2} \\ 91^\circ &= \frac{y+x}{2} \end{aligned} \Rightarrow \begin{cases} y-x=62^\circ \\ y+x=182^\circ \end{cases} \Rightarrow y=122^\circ, x=60^\circ$$

$$\alpha = \frac{x}{2} = \frac{60^\circ}{2} = 30^\circ \text{ (زاویه محاطی)}$$

۳- در شکل اضلاع زاویه‌های B و C بر دایره مماس‌اند. اندازه زاویه \widehat{A} چند درجه است؟

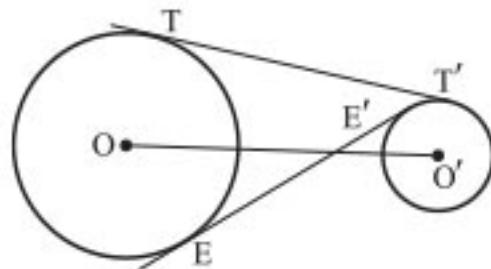
پاسخ



$$\begin{aligned} y^\circ &= \frac{(y+z+t)-x}{2} \Rightarrow y+z+t-x=140^\circ \\ z^\circ &= \frac{(y+x+t)-z}{2} \Rightarrow y+x+t-z=160^\circ \end{aligned} \Rightarrow \begin{cases} y+z+t=300^\circ \\ y+x+t=160^\circ \end{cases} \Rightarrow y+t=150^\circ$$

$$\widehat{A} = \frac{y+t}{2} = \frac{150^\circ}{2} = 75^\circ$$

۵- طول شعاع‌های دو دایره متخال خارجی آنها مساوی $3\sqrt{7}$ و طول مماس مشترک داخلی آنها $\sqrt{15}$ و طول خط‌المرکزین آنها مساوی ۸ واحد است.



$$TT' = 3\sqrt{7}, EE' = \sqrt{15}, d = OO' = 8$$

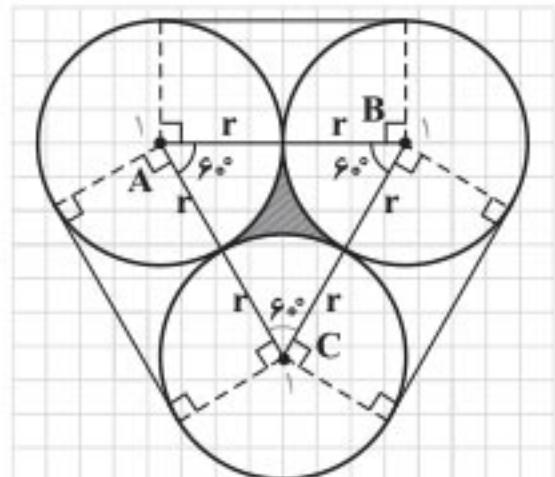
پاسخ

$$TT' = 3\sqrt{7} = \sqrt{d^2 - (R - R')^2} \Rightarrow 63 = 64 - (R - R')^2$$

$$EE' = \sqrt{15} = \sqrt{d^2 - (R + R')^2} \Rightarrow 15 = 64 - (R + R')^2$$

$$\Rightarrow \begin{cases} (R - R')^2 = 1 \\ (R + R')^2 = 49 \end{cases} \xrightarrow{R, R' \geq 0} \begin{cases} R - R' = 1 \\ R + R' = 7 \end{cases} \Rightarrow R = 4, R' = 3$$

۶- سه دایره به شعاع‌های برابر ۲ دو به دو برحمناسانند. مطابق شکل زیراين سه دایره به وسیله نخی بسته شده‌اند. نشان دهيد طول این نخ برابر $6\pi + 2\pi r$ است.



پاسخ با توجه به شکل، هر کدام از زاویه‌های $A_1, A_2, B_1, B_2, C_1, C_2$ برابر 120° است؛ بنابراین مجموع آنها برابر 360° است؛ درنتیجه مجموع کمان‌های روی روى آنها نیز 360° است. پس طول نخی که روی این کمان‌هاست برابر محیط یک دایره است، یعنی $2\pi r$.

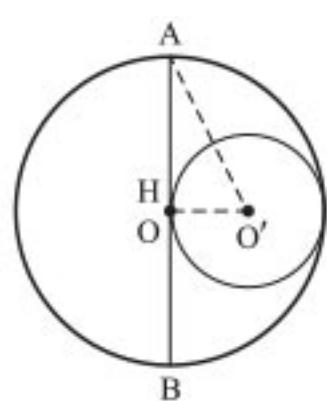
چون چهارضلعی‌ها مستطیل‌اند، طول هر کدام از مماس مشترک‌های دو دایره برابر $2r$ است؛ پس:

همچنین نشان دهيد مساحت ناحیه محدود به سه دایره برابر $(\sqrt{3} - \frac{\pi}{3})r^2$ است.

پاسخ

$$S = \frac{\sqrt{3}}{4}(2r)^2 - 3\left(\frac{\pi r^2 \times 60^\circ}{360^\circ}\right) = \sqrt{3}r^2 - \frac{\pi r^2}{2} = r^2\left(\sqrt{3} - \frac{\pi}{3}\right)$$

۷- طول خط‌المرکزین دو دایره مماس درونی ۲ سانتی‌متر و مساحت ناحیه محدود بین آنها 16π سانتی‌متر مربع است. طول شعاع‌های دو دایره را به دست آورید.

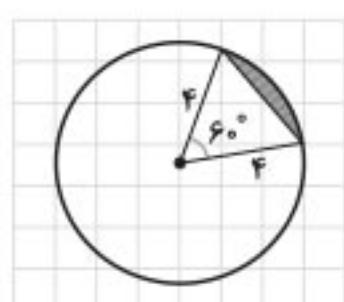


$$OO' = R - R' = 2$$

پاسخ

$$\pi R^2 - \pi R'^2 = 16\pi \Rightarrow R^2 - R'^2 = 16 \Rightarrow \underbrace{(R - R')(R + R')}_2 = 16 \Rightarrow R + R' = 8$$

$$\begin{cases} R - R' = 2 \\ R + R' = 8 \end{cases} \Rightarrow R = 5, R' = 3$$



۸- مطابق شکل دایره به شعاع ۴، مساحت ناحیه سایه‌زده را محاسبه کنید. این ناحیه یک قطعه دایره نام دارد.

پاسخ

$$S = \left(\frac{\pi R^2 \alpha}{360^\circ}\right) - \left(\frac{\sqrt{3}}{4}R^2\right)$$

$$S = \left(\frac{\pi \times 16 \times 60^\circ}{360^\circ}\right) - \left(\frac{\sqrt{3}}{4} \times 16\right) = \frac{8\pi}{3} - 4\sqrt{3}$$

$$OO' = d = 5$$

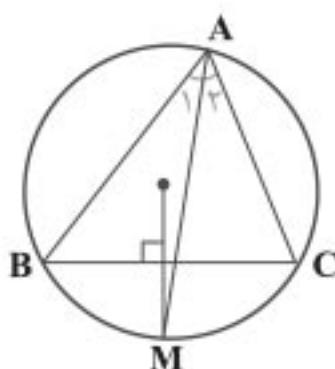
$$\sqrt{d^2 - (R - R')^2} = \text{مماس مشترک خارجی} \Rightarrow (2\sqrt{6})^2 = 5^2 - (R - R')^2$$

$$\Rightarrow 24 = 25 - (R - R')^2 \Rightarrow (R - R')^2 = 1 \Rightarrow R - R' = 1 \quad (1)$$

$$\sqrt{d^2 - (R + R')^2} = \text{مماس مشترک داخلی} \Rightarrow 3^2 = 5^2 - (R + R')^2$$

$$\Rightarrow 9 = 25 - (R + R')^2 \Rightarrow (R + R')^2 = 16 \Rightarrow R + R' = 4 \quad (2)$$

$$\frac{(1), (2)}{} R = 2/5, R' = 1/5$$



۹. قطر عمود بروتر، آن وترو کمان نظیرش را نصف می‌کند؛ یعنی M وسط کمان BC است؛ پس:

$$\left. \begin{array}{l} \widehat{A}_1 = \frac{\widehat{BM}}{2} \text{ محاطی} \\ \widehat{A}_2 = \frac{\widehat{MC}}{2} \text{ محاطی} \\ \widehat{BM} = \widehat{MC} \end{array} \right\} \Rightarrow \widehat{A}_1 = \widehat{A}_2 \Rightarrow \widehat{A} \text{ نیمساز } AM \text{ است.}$$

یعنی عمودمتصف BC و نیمساز \widehat{A} یکدیگر را در نقطه M روی دایره محیطی مثلث قطع کرده‌اند.

(الف)

$$\left. \begin{array}{l} \widehat{C} = \widehat{E} = \frac{\widehat{AB}}{2} \text{ محاطی} \\ \widehat{C} \text{ نیمساز } AD \Rightarrow \widehat{BAE} = \widehat{DAC} \end{array} \right\} \Rightarrow \triangle ADC \sim \triangle ABE \text{ برابری دو زویه}$$

$$\frac{AC}{AE} = \frac{AD}{AB} \Rightarrow AC \times AB = AD \times AE$$

ب) با توجه به قسمت (الف) داریم:

فصل ۲

تبدیل‌های هندسی و کاربردها

تبدیل‌های هندسی

درس اول

ایستگاه آموزش

تعریف تبدیل T در صفحه P ، تابعی است که به هر نقطه A از صفحه P ، دقیقاً یک نقطه مانند A' را از صفحه P نظیر می‌کند و برعکس.

$$T: P \rightarrow P$$

$$T(A) = A'$$

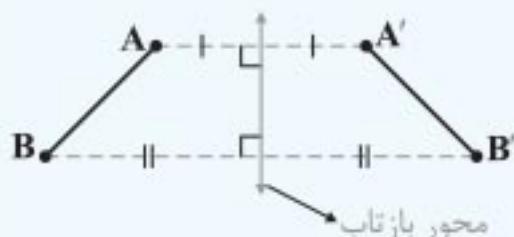
تعریف تبدیل‌هایی که طول پاره خط را حفظ می‌کنند، تبدیل‌های طولپا (ایزوومتری) نامیده می‌شوند.

● طولپاها را تبدیل‌های با قابلیت انطباق یا همنهشتی می‌نامند.

تعریف در هر تبدیل، نقطه‌ای را که تبدیل یافته آن بر خود آن نقطه منطبق می‌شود، نقطه ثابت تبدیل می‌نامند.

انواع تبدیل

۱ بازتاب

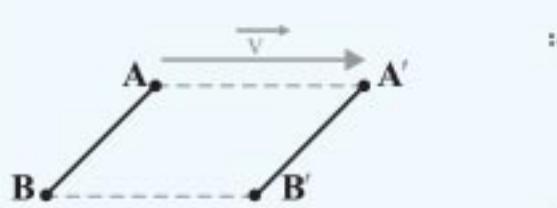


- برای به دست آوردن تصویر نقاط یک صفحه تحت تبدیل بازتاب نسبت به یک خط (محور بازتاب)، از نقاط صفحه بر محور بازتاب عمودی وارد کرده و به همان اندازه امتداد می‌دهیم تا نقطه تصویر به دست آید:
- محور بازتاب عمود منصف پاره خط‌هایی است که بین هر نقطه و تصویرش تشکیل می‌شود.

- بازتاب فقط در حالتی که خط موازی محور بازتاب باشد، شبیه خط را حفظ می‌کند.
- بازتاب نسبت به یک خط، بی‌شمار نقطه ثابت تبدیل دارد.
- نکته** ترکیب دو بازتاب با محورهای بازتاب موازی، یک انتقال است.
- ترکیب دو بازتاب با محورهای بازتاب متقاطع، یک دوران است.

۲ انتقال

- انتقال T تحت بردار \vec{v} ، تبدیلی از صفحه است که در آن، تصویر هر نقطه A از صفحه A' از همان صفحه است که $\overrightarrow{AA'} = \vec{v}$.



- در انتقال، همه نقاط، موازی، هم راست و هم اندازه با یک بردار \vec{v} حرکت می‌کنند:

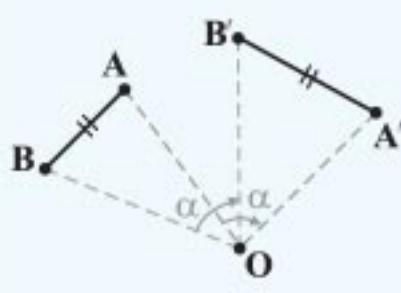
- در انتقال پاره خط‌هایی که هر نقطه را به تصویرش نظیر می‌کنند، با هم موازی‌اند.

۳ دوران

- دوران R ، به مرکز نقطه ثابت O و زاویه α ، تبدیلی از صفحه است که در آن اگر A' تصویر نقطه A باشد، داریم:

$$OA = OA', \hat{AOA}' = \alpha$$

- برای به دست آوردن تصویر نقاط یک صفحه در دوران به مرکز O و زاویه α هر نقطه مانند A را به مرکز دوران وصل کرده و در جهت خواسته شده، زاویه α را تشکیل می‌دهیم و روی ضلع دیگر زاویه به اندازه OA جدا می‌کنیم تا تصویر A' یعنی به دست آید:

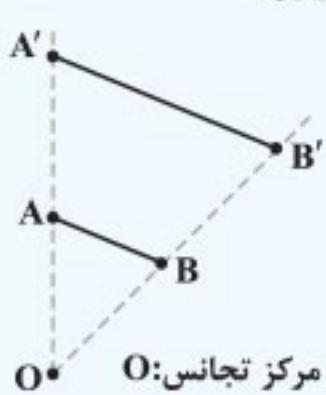


- در حالتی که زاویه دوران 180° یا 360° باشد، دوران شبیه خط را حفظ می‌کند.

۴ تجانس

- اگر O نقطه‌ای ثابت در صفحه و $k \neq 0$ یک عدد حقیقی باشد، نقطه M' را مجانس نقطه M در تجانس به مرکز O و نسبت تجانس k گوییم، هرگاه سه نقطه O ، M و M' روی یک خط راست باشند و $|OM'| = |k| \cdot |OM|$.

- در تجانس برای به دست آوردن تصویر نقاط یک صفحه، خطی را از هر نقطه A به مرکز تجانس وصل کرده و به نسبت k پاره خط OA را منتقل می‌کنیم:

 $k=2$ مرکز تجانس: O

- در تجانس پاره خط‌هایی که هر نقطه را به تصویرش وصل می‌کنند، در مرکز تجانس همسانند.

فعالیت

۴۱

برق‌کاری نیاز به یک لامپ سالم دارد. دو جعبه داریم که در اولی و دومی، به ترتیب، ۵ و ۲۰ لامپ وجود دارد. ولی فقط برخی از این لامپ‌ها سالم‌اند؛ در اولی سه لامپ و در دومی ۱۳ لامپ سالم است. او باید یکی از دو جعبه را انتخاب کند و از آن جعبه یک لامپ، به تصادف، بردارد. به نظر شما، او بهتر است کدام جعبه را انتخاب کند؟

جواب این سؤال ساده است: در جعبه اول ۶ درصد و در جعبه دوم ۶۵ درصد لامپ‌ها سالم‌اند. پس بهتر است جعبه دوم را انتخاب کند.

اگرچه فرض کنید دو جعبه همان شرایط را دارند، ولی برق‌کار از آن جعبه، دو لامپ، بدون آزمایش بردارد. به نظر شما، او بهتر است کدام جعبه را انتخاب کند؟ [پاسخ](#) جعبه دومی در این حالت تصمیم‌گیری به سادگی حالت اول نیست.

کار در کلاس

۴۲

به چند حالت مختلف می‌توان ۲ لامپ را یکی پس از دیگری از بین ۵ لامپ جعبه اول مذکور انتخاب کرد؟

$$\frac{\binom{5}{1} \binom{4}{1}}{2} = 10$$

[پاسخ](#)

در چند حالت هر دو لامپ معیوب است؟ [پاسخ](#) $\binom{2}{2} = 1$. مشابه همین سؤال‌ها را در مورد جعبه دوم بررسی کنید. با توجه به نتایج، انتخاب کدام جعبه را برای حالت دوم بهتر می‌دانید؟ [پاسخ](#) جعبه اول

$$\begin{cases} \frac{\binom{20}{1} \binom{19}{1}}{2} = 190 & : \text{تعداد حالتهای انتخاب دو لامپ} \\ \binom{7}{2} = 21 & : \text{تعداد حالتهای هر دو لامپ معیوب} \end{cases}$$

کار در کلاس

۴۳

زهرا و شبنم در مورد سؤالی که درباره پرتاب یک تاس سالم در کلاس مطرح شده با هم صحبت می‌کنند. به نظر شما چه کسی درست می‌گوید؟

■ زهرا: فضای نمونه در این مسئله، مجموعه $\{1, 2, \dots, 6\}$ است.
■ شبنم: بله، من هم موافق هستم. سؤالی که خانم معلم پرسیدند این است که اگر تاس را پرتاب کنیم و عدد ۲ بیاید، آیا پیشامد $\{2, 4, 6\}$ رخ داده است؟

■ زهرا: به نظرم نه، چون و ۶ هم علاوه بر ۲ عضو این پیشامدند.
■ شبنم: ولی من فکر می‌کنم این پیشامد رخ داده است، چون این پیشامد شامل عدد ۲ است.

■ زهرا: پس ۴ و ۶ که نیامدند چه؟
■ شبنم: یعنی باید آنها هم در پرتاب تاس آمده باشند تا بگوییم آن پیشامد رخ داده است؟ اصلًاً این طور که شما فکر می‌کنید، چگونه ممکن است پیشامد $\{2, 4, 6\}$ رخ دهد؟ مگر می‌شود تاسی را پرتاب کنیم و سه مقدار مختلف با هم ظاهر شود؟ [پاسخ](#) شبنم

پرسش متن

?

با استفاده از شماره ۴ حکم نتیجه می‌شود. (چرا؟)

$$P(B - A) = P(B - (A \cap B)) = P(B) - P(A \cap B) \Rightarrow P(A \cup B) = P(A) + P(B) - P(A \cap B)$$

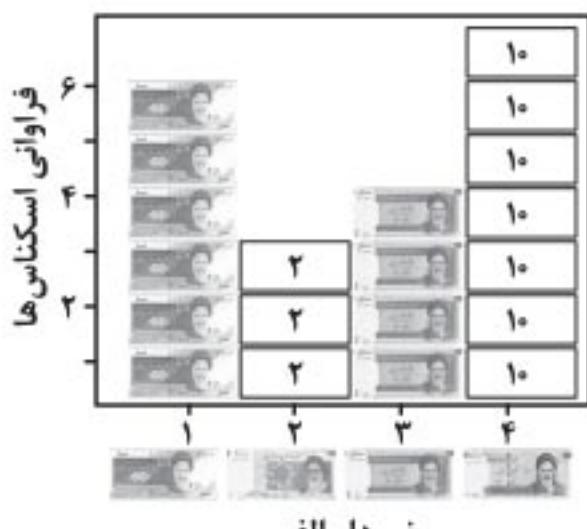
[پاسخ](#)

- ۲ در ادامه تعداد هر اسکناس را بر تعداد کل اسکناس‌ها تقسیم کنید و آن را در ستون چهارم قرار دهید.
- ۳ با توجه به اعداد موجود در جدول زیر، چند درصد اسکناس‌ها ۱۰ هزار تومانی، چند درصد ۱۰۰۰ هزار تومانی و چند درصد از اسکناس‌ها ۱۰ هزار تومانی است؟

فرآویی یا تعداد تکرار هر اسکناس تعداد کل اسکناس‌ها	فرآویی یا تعداد تکرار هر اسکناس	شماره	انواع اسکناس‌ها
۶ / ۲۰	۶	۱	
۰ / ۱۵	۳	۲	
۰ / ۲	۴	۳	
۰ / ۳۵	۷	۴	
	۲۰		تعداد کل اسکناس‌ها

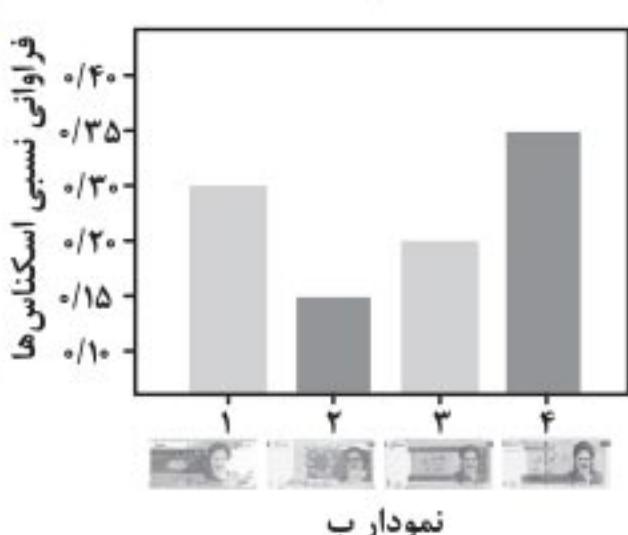
۷۵

پرسش متن



حال می‌خواهیم جدول بالا را به صورت سه نمودار الف، ب و پ نشان دهیم.

- ۱ در نمودار الف، ابتدا دو محور مختصات رسم می‌کنیم که محور عمودی نشان‌دهنده تعداد تکرار اسکناس‌ها، یا فراوانی اسکناس‌ها و محور افقی نشان‌دهنده نوع اسکناس‌ها باشد. در این نمودار، اسکناس‌های ۱۰۰۰ و ۵ هزار تومانی روی هم قرار گرفته‌اند. شما هم اسکناس‌های ۲ هزار تومانی را به صورت و اسکناس‌های ۱۰ هزار تومانی را به صورت در نمودار قرار داده و آن را کامل کنید.



- ۲ در نمودار ب، نیز دو محور مختصات رسم می‌کنیم که محور عمودی نشان‌دهنده نسبت تکرار هر اسکناس به تعداد کل اسکناس‌ها یا فراوانی نسبی اسکناس‌ها و محور افقی نشان‌دهنده نوع اسکناس‌ها است. با رسم مستطیل‌هایی برای فراوانی نسبی اسکناس‌های ۱۰۰۰ و ۵ هزار تومانی نمودار شکل ب را کامل کنید.

- ۳ اگر راننده تاکسی بخواهد وضعیت تعداد اسکناس‌های خود را در یک هفته پیش‌بینی کند، کدام نمودار الف یا ب می‌تواند به او کمک کند؟ پاسخ نمودار (ب)

تابع

فصل ۲

آشنایی بیشتر با تابع



ایستگاه آموزش



تعریف رابطه $B \rightarrow A$ را یک تابع می‌نامیم، اگر به هر عضواز A دقیقاً یک عضواز B نسبت داده شود.

- A را دامنه تابع و B را هم‌دامنه تابع می‌نامیم.

- برد هر تابع زیرمجموعه‌ای از هم‌دامنه است.

تساوی دو تابع: دو تابع $f(x)$ و $g(x)$ را مساوی می‌نامیم، هرگاه:

- ۱- دامنه f با دامنه g مساوی باشد؛ یعنی $D_f = D_g$

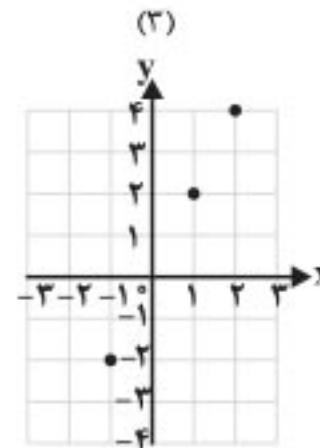
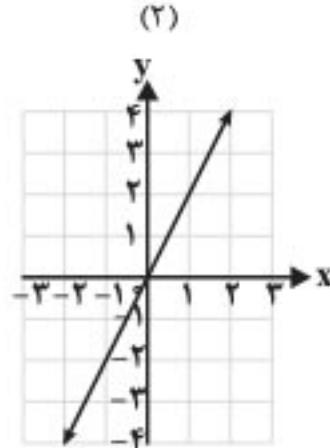
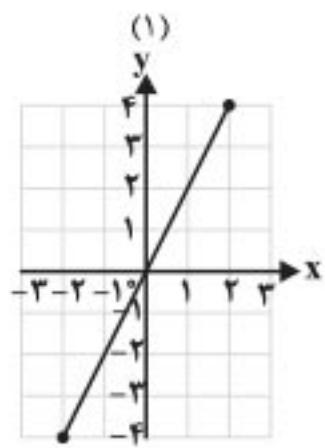
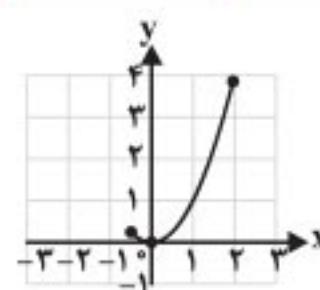
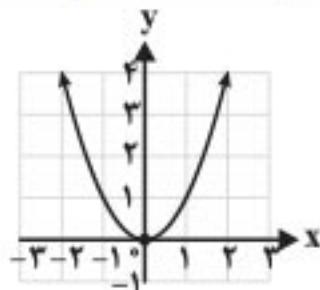
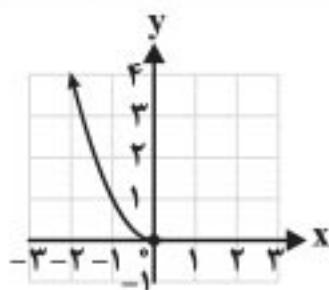
- ۲- برای هر x از این دامنه‌های یکسان داشته باشیم: $f(x) = g(x)$

۳۸

کار در کلاس

الف) با توجه به توابع داده شده در جدول زیر، مشخص کنید هر نمودار مربوط به کدام تابع است و جدول را نیز کامل کنید.
 شباهت‌ها و تفاوت‌های نمودارها را با هم مقایسه کنید.

تابع	$f(x) = 2x$	$g(x) = 2x$	$h(x) = 2x$	$t(x) = x^2$	$s(x) = x^2$	$k(x) = x^2$
دامنه تابع	\mathbb{R}	$\{-1, 1, 2\}$	$(-2, 2)$	\mathbb{R}	$(-\infty, 0]$	$[-\frac{1}{2}, 2]$
برد تابع	\mathbb{R}	$\{-2, 2, 4\}$	$(-4, 4)$	$[0, +\infty)$	$[0, +\infty)$	$[0, 4]$
شماره نمودار	۵	۶	۴	۲	۱	۳

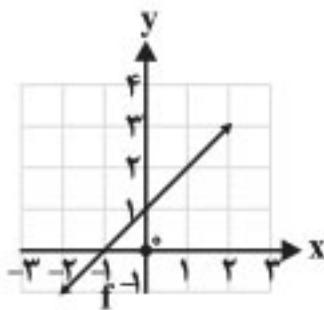


فصل ۲

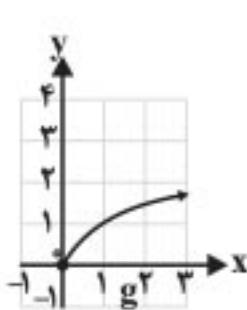
حسابان (۱)

شباهت: دامنه توابع $f(x)$ و $t(x)$ با هم برابر است.

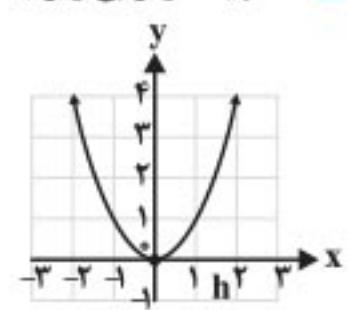
تفاوت: برد های توابع با هم یکسان نیست.



پاسخ یک به یک نیست.



پاسخ یک به یک است.



پاسخ یک به یک نیست.

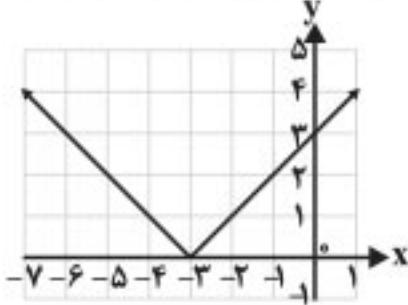
یک به یک نیست. $\{ (1, 2), (3, 4), (8, 9) \}$

$I = \{(3, 7), (2, 5), (1, 5)\}$

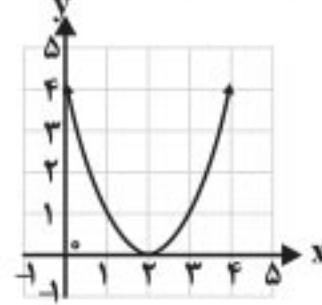
۱ فرض کنید به هر یک از اعضای یک کلاس کد ملی آنها را نسبت دهیم. توضیح دهید که چگونه رابطه بین افراد و کد ملی آنها تابعی یک به یک را معلوم می‌کند. **پاسخ** چون هر شخص کد ملی منحصر به فردی دارد. یعنی به ازای هر فرد حداکثر یک کد ملی وجود دارد.

تابع‌های زیر یک به یک نیستند. چرا؟ با محدود کردن دامنه هر یک از توابع، تابعی یک به یک بسازید.

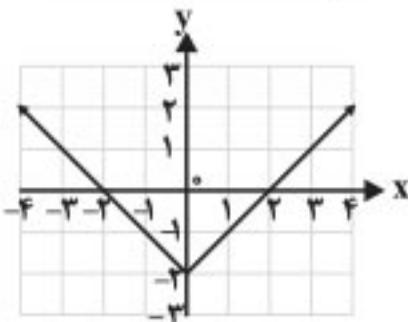
$$\text{الف} \quad \begin{cases} y = |x + 3| \\ D_f = [-3, +\infty) \end{cases}$$



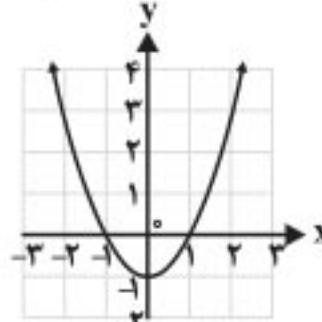
$$\text{ب) } \begin{cases} y = (x - 2)^2 \\ D_f = [2, +\infty) \end{cases}$$



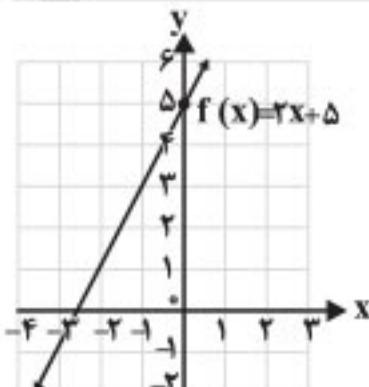
$$\text{پ) } \begin{cases} y = |x| - 2 \\ D_f = [0, +\infty) \end{cases}$$



$$\text{ت) } \begin{cases} y = x^2 - 1 \\ D_f = [0, +\infty) \end{cases}$$



این تابع یک به یک نیستند، چون خطی موازی محور x ها وجود دارد که نمودار آنها را در بیش از یک نقطه قطع می‌کند.



تابع $f: \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$ را در نظر می‌گیریم.
 $f(x) = 2x + 5$

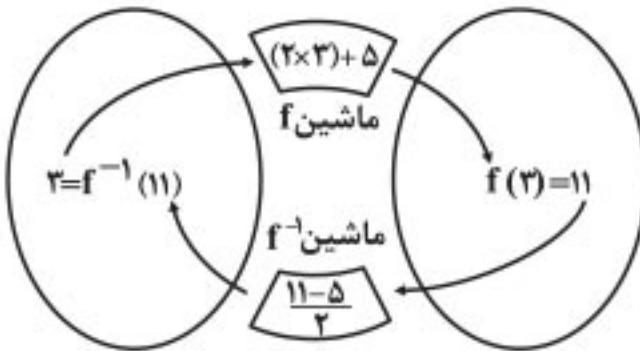
الف) به کمک نمودار f توضیح دهید که چرا f یک به یک است.

پاسخ چون هر خط موازی محور x ها، نمودار تابع را فقط در یک نقطه قطع می‌کند.

ب) نمودار روبه رو را توضیح دهید:

$$f^{-1}(11) \text{ و } f(11) \in f \text{ به عبارت دیگر } f(3) = 11 \text{ و } f^{-1}(11) = 3.$$

پاسخ اگر $x = 3$ را درون ماشین f قرار دهیم، جواب 11 می‌شود و اگر عدد 11 را در ماشین f^{-1} قرار دهیم، جواب 3 می‌شود.





۱ اگر $\cot 34^\circ$ ، مقدار $\frac{2\sin 226^\circ + 3\sin 56^\circ}{\cos 34^\circ}$ را به دست آورید.

۲ حاصل عبارت $(\tan 20^\circ = \dots)$ را به دست آورید. (۴) $\frac{\sin 25^\circ + \sin 40^\circ}{\cos 56^\circ - \cos 11^\circ}$

۳ اگر $\tan \theta$ ، مقدار $\frac{\cos(\frac{4\pi}{3} + \theta) + \cos(\pi + \theta)}{\sin(\pi - \theta) - \sin(2\pi + \theta)}$ را به دست آورید.

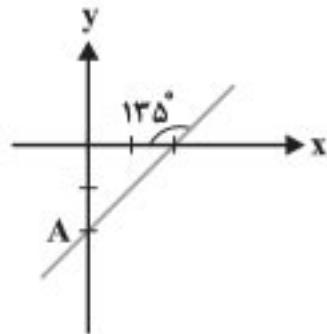
۴ مقدار عددی عبارت‌های زیر را به دست آورید.

الف) $\sin(\frac{2\pi}{3})$

ب) $\tan(\frac{5\pi}{6})$

پ) $\cot(\frac{-41\pi}{3})$

معادله خط مقابل را به دست آورید.



پاسخ نامه ✓

$$\frac{2\sin(36^\circ - 34^\circ) + 3\sin(90^\circ - 34^\circ)}{\cos(27^\circ + 34^\circ)} = \frac{-2\sin 34^\circ + 3\cos 34^\circ}{\sin 34^\circ} = \frac{-2\sin 34^\circ}{\sin 34^\circ} + \frac{3\cos 34^\circ}{\sin 34^\circ} \quad .1$$

$$= -2 + 3 \cot 34^\circ = -2 + 3\left(\frac{3}{2}\right) = \frac{5}{2}$$

$$\frac{\sin(27^\circ - 20^\circ) + \sin(72^\circ - 20^\circ)}{\cos(54^\circ + 20^\circ) - \cos(90^\circ + 20^\circ)} = \frac{-\cos 20^\circ - \sin 20^\circ}{-\cos 20^\circ + \sin 20^\circ} \quad .2$$

صورت و مخرج کسر را بر $\cos 20^\circ$ تقسیم می‌کنیم:

$$\frac{-1 - \tan 20^\circ}{-1 + \tan 20^\circ} = \frac{-1 - 0/\frac{4}{3}}{-1 + 0/\frac{4}{3}} = \frac{-1/\frac{4}{3}}{-0/\frac{4}{3}} = \frac{3}{4}$$

$$\frac{\sin \theta - \cos \theta}{\sin \theta + \sin \theta} = \frac{\sin \theta}{\sin \theta} - \frac{\cos \theta}{\sin \theta} = \frac{1}{2} - \frac{1}{2} \cot \theta = \frac{1}{2} - \frac{1}{2}\left(\frac{1}{2}\right) = -\frac{1}{4} \quad .3$$

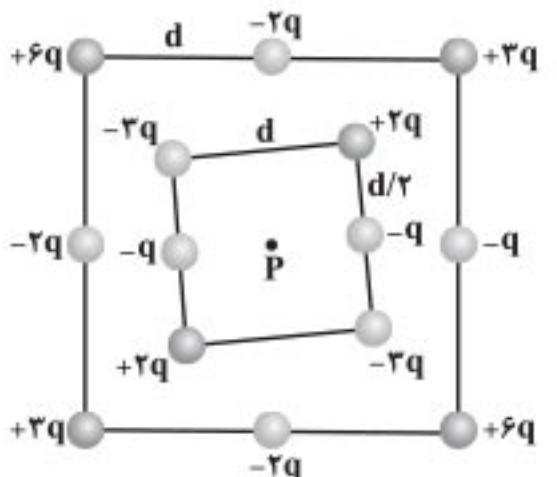
الف) $\sin(\pi - \frac{\pi}{3}) = \sin \frac{\pi}{3} = \frac{\sqrt{3}}{2} \quad .4$

ب) $\tan(\pi - \frac{\pi}{6}) = -\tan \frac{\pi}{6} = -\frac{\sqrt{3}}{3}$

پ) $-\cot(14\pi - \frac{\pi}{3}) = -(-\cot \frac{\pi}{3}) = \cot \frac{\pi}{3} = \frac{\sqrt{3}}{2}$

$180^\circ - 135^\circ = 45^\circ \Rightarrow m = \tan 45^\circ \Rightarrow$ (شیب) $m = 1$, $A = \begin{bmatrix} 0 \\ -2 \end{bmatrix} \quad .5$

$y - (-2) = 1(x - 0) \Rightarrow y = x - 2$



۱۲ شکل مقابله دو آرایه مربعی از ذرات باردار را نشان می‌دهد. مربع‌ها که در نقطه P هم مرکزند، هم‌ردیف نیستند. ذره‌ها روی محیط مربع به فاصله d یا $d/2$ از هم قرار گرفته‌اند. بزرگی و جهت میدان الکتریکی برایند در نقطه P چیست؟

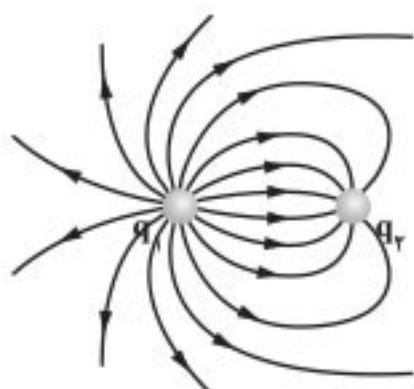
پاسخ اگر هر یک از بارها را با یک خط به نقطه P وصل کنیم و خط را امتداد دهیم به بار دیگری می‌رسیم که میدان بار اول را در نقطه P خنثی می‌کند، به جز دو بار مطابق شکل:

$$E = E_1 = 2E_2$$

$$E = \frac{k|2q|}{d^2} = \frac{2kq}{d^2} \quad \vec{E}_T = \left(\frac{kq}{d^2} - \frac{2kq}{d^2} \right) \vec{i} \Rightarrow \vec{E}_T = -\frac{kq}{d^2} \vec{i} \Rightarrow E = \frac{kq}{d^2}$$

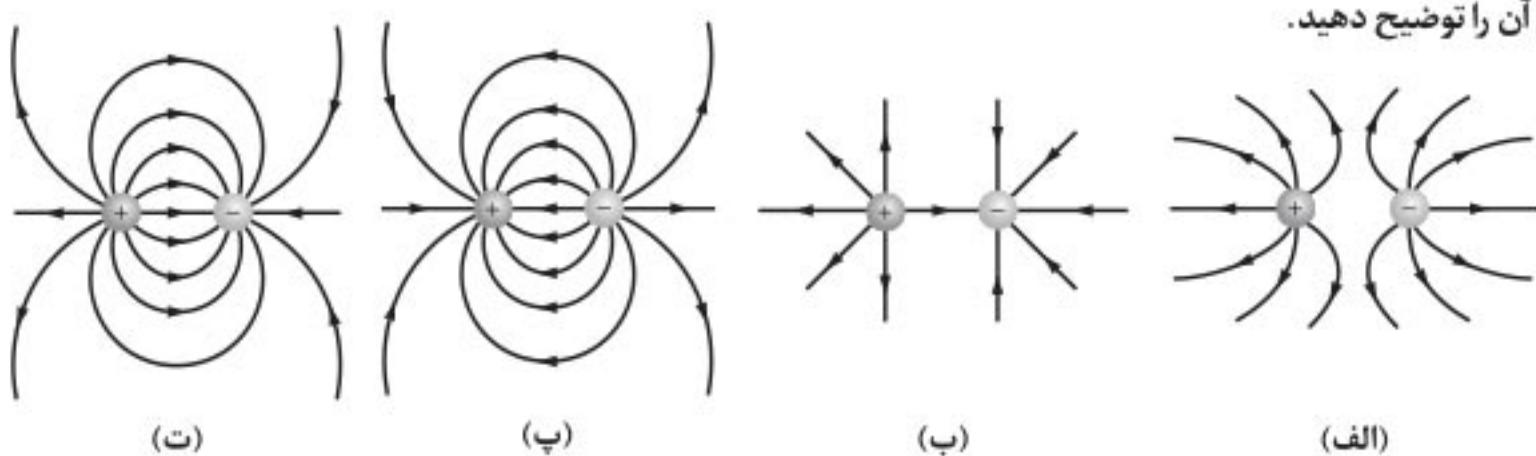
بنابراین جهت میدان به سمت چپ است.

۱۳ خطوط میدان الکتریکی برای دو کره رسانای باردار کوچک در شکل رو به رو نشان داده شده است. نوع بار هر کره را تعیین کرده و اندازه آنها را مقایسه کنید.



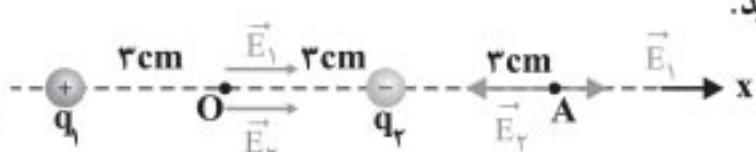
پاسخ بار کره رسانای q_1 ، مثبت و بار کره رسانای q_2 منفی است. (خطوط میدان از بارهای مثبت شروع و به بارهای منفی ختم می‌شوند). خطوط میدان در اطراف کره q_1 متراکم‌تر است (یعنی اندازه میدان در آنجا بیشتر است): پس $|q_1| > |q_2|$. کره رسانای q_1 بار بیشتری نسبت به کره رسانای q_2 دارد.

۱۴ در شکل‌های زیر، اندازه دو بار، یکسان ولی علامت آنها مخالف هم است. کدام آرایش‌های خطوط میدان نادرست است؟ دلیل آن را توضیح دهید.



پاسخ شکل (الف) نادرست است؛ زیرا خطوط میدان الکتریکی بین دو بار یکسان و ناهمنام به سمت یکدیگر است (از بار مثبت به بار منفی کشیده می‌شود). شکل (ب) نادرست است (به همان دلیل الف). شکل (پ) نادرست است؛ زیرا جهت میدان الکتریکی از بار مثبت به بار منفی است. شکل (ت) درست است.

۱۵ دوبار الکتریکی نقطه‌ای غیرهمنام $C = 1.0 \times 10^{-9}$ و $q_1 = +1.0 \text{ nC}$ و $q_2 = -1.0 \text{ nC}$ مطابق شکل زیر به فاصله 6 cm از یکدیگر قرار دارند. الف) جهت و اندازه میدان الکتریکی را در نقطه‌های O و A به دست آورید.



پاسخ ابتدا به نقطه O می‌پردازیم:

$$E_1 = E_2 = \frac{k|q|}{r^2} = \frac{9 \times 10^9 \times 1.0 \times 10^{-9}}{9 \times 10^{-4}} = 1.0 \times 10^4 \text{ N/C}$$

$$E_T = 2E = 2 \times 10^4 \text{ N/C}$$

جهت میدان به سمت راست است.